



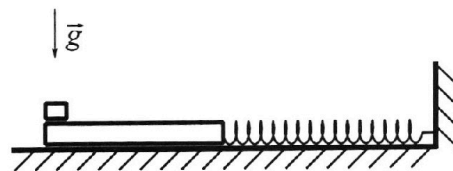
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2025

Вариант 11-02

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



1. Длинную доску массой $M = 2$ кг удерживают на горизонтальной гладкой поверхности. На одном конце доски лежит небольшой брусок массой $m = 1$ кг, а в другой конец упирается легкая сжатая пружина жёсткостью $k = 50$ Н/м, прикрепленная к стенке. Коэффициент трения скольжения бруска по доске $\mu = 0,3$. Доску отпускают, она начинает движение, а брусок начинает двигаться относительно доски. Начальное сжатие пружины подобрано так, что в момент, когда ускорение доски почти достигает нуля первый раз, относительное движение бруска по доске прекращается. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Число «пи» в расчётах можете считать равным $\pi \approx 3$. Груз и доска всё время движутся в одной вертикальной плоскости.

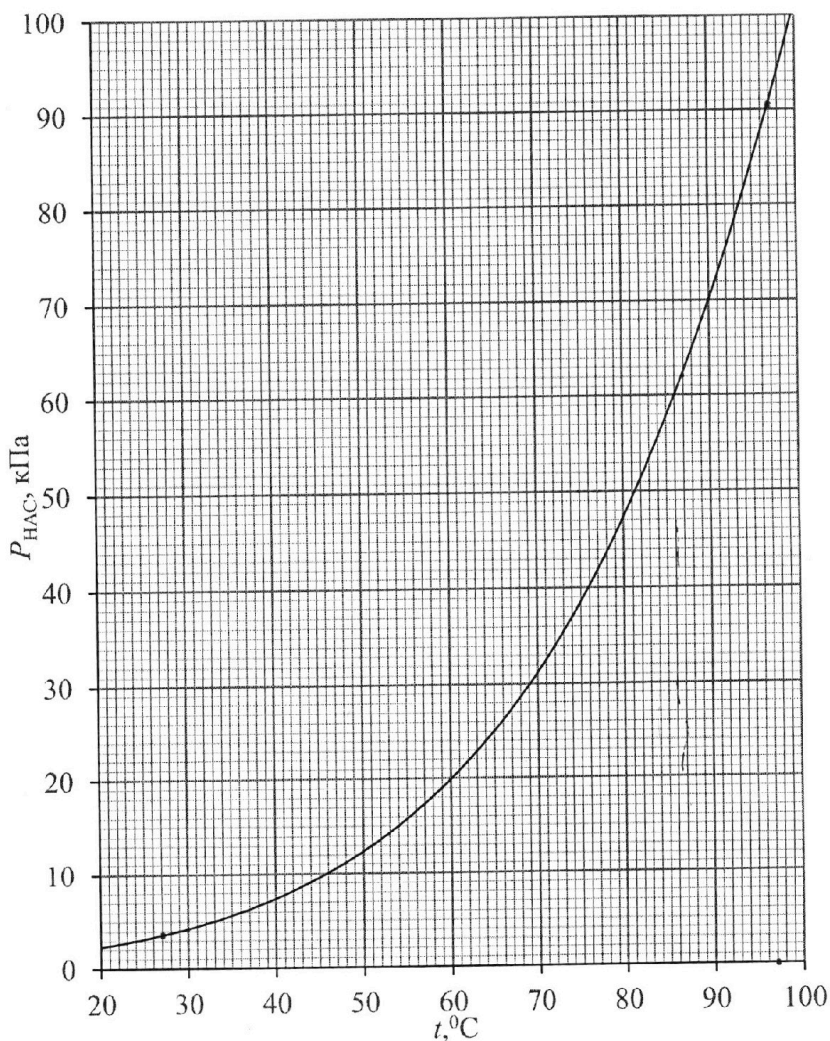


- 1) Найдите сжатие пружины в момент времени, когда относительное ускорение бруска и доски станет равным нулю, впервые после начала движения.
- 2) Найдите ускорение доски сразу после начала движения.
- 3) Найдите скорость доски в момент времени, когда относительное ускорение бруска и доски станет равным нулю, впервые после начала движения.

2. В сосуде постоянного объема находятся в равновесии влажный воздух при температуре $t_0 = 27$ °С и жидкая вода. Масса жидкой воды в 11 раз больше массы пара. Содержимое сосуда постепенно нагревают до температуры $t = 97$ °С. В результате вся вода превращается в пар. Известен график зависимости давления насыщенного пара воды от температуры.

- 1) Найти отношение масс пара в конце и в начале нагревания.
- 2) Найти температуру t^* , при которой прекратится испарение воды.
- 3) Найти относительную влажность ϕ в конце нагревания.

Объёмом жидкости по сравнению с объёмом газа можно пренебречь. Пар считать идеальным газом.





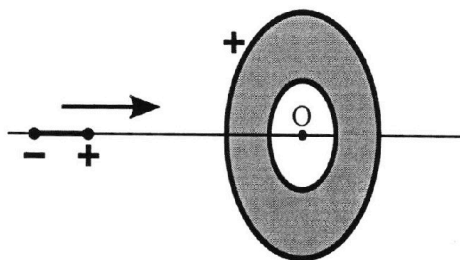
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2025

Вариант 11-02

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

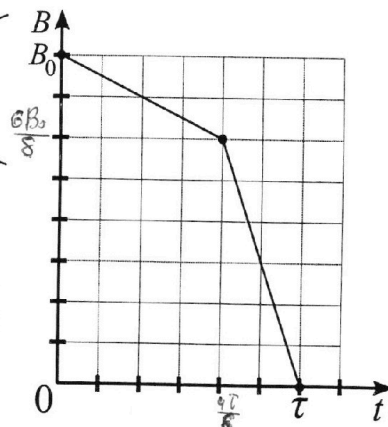
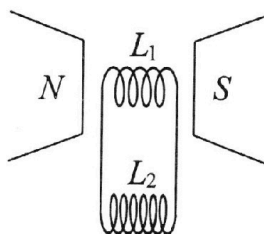


3. В плоском тонком диске в форме круга имеется круглое отверстие (см. рис.). Центры диска и отверстия совпадают в точке O . Диск имеет однородно распределенный по поверхности положительный заряд. Система из двух жестко связанных равных по модулю и противоположных по знаку точечных зарядов (диполь) движется с некоторой начальной скоростью из бесконечно удаленной точки вдоль оси симметрии диска и пролетает через отверстие. Заряды диполя находятся на маленьких шариках, на диполь действуют только силы электрического поля диска, диск закреплен, при пролете диполь не отклоняется от оси диска. Минимальная начальная скорость диполя, необходимая для пролета, равна V_0 . Заряды диполя уменьшают по модулю в 2 раза и сообщают диполю начальную скорость V_0 .



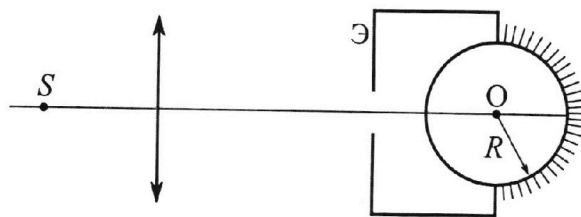
- 1) Найти скорость диполя при пролете центра диполя через центр отверстия.
- 2) Найти разность максимальной и минимальной скоростей диполя при пролете.

4. Катушка индуктивностью $L_1 = L$ с числом витков n и площадью каждого витка S_1 находится во внешнем однородном магнитном поле с индукцией B_0 . Силовые линии поля перпендикулярны плоскости каждого витка. Вторая катушка индуктивностью $L_2 = 6L$ находится вне поля (см. рис.). Сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Изначально тока в катушках нет. Внешнее поле выключают в течение времени τ . Зависимость индукции внешнего поля от времени показана на рисунке. Взаимной индуктивностью катушек пренебречь.



- 1) Найти ток I_0 через катушку L_2 в конце выключения внешнего поля.
- 2) Найти заряд, протекший через катушку L_2 за время выключения внешнего поля.

5. На главной оптической оси тонкой собирающей линзы расположены центр O прозрачного шара радиуса R и точечный источник S (см. рис.). Расстояние между источником S и центром линзы $a = 2R$. На поверхность шара, противоположную поверхности входа лучей, нанесено идеально отражающее зеркальное покрытие. С шаром жестко скреплен непрозрачный экран $\mathcal{E}$ с небольшим круглым отверстием. Если шар расположен так, что расстояние от центра линзы до ближайшей к нему точки шара равно $b = 7R$, то изображение источника в системе «линза-шар» совпадает с самим источником при любом показателе преломления вещества шара.



- 1) Найти фокусное расстояние линзы F .

После того, как центр шара переместили вдоль оптической оси так, что расстояние от него до центра линзы уменьшилось на $\Delta = 4R$, изображение источника снова совпало с самим источником.

- 2) Найти показатель преломления вещества шара.

Отражение света от наружной поверхности шара пренебрежимо мало. Экран $\mathcal{E}$ обеспечивает малость углов α лучей (падающих на шар) с оптической осью и справедливость приближения $\sin \alpha \approx \alpha$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☒2
☐3
☐4
☐5
☐6
☐7
☐СТРАНИЦА
8 ИЗ 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 1.

Дано:

$$M = 2 \text{ кг}$$

$$m = 1 \text{ кг}$$

$$k = 50 \frac{\text{Н}}{\text{м}}$$

$$\mu = 0,3$$

$$g \approx 10$$

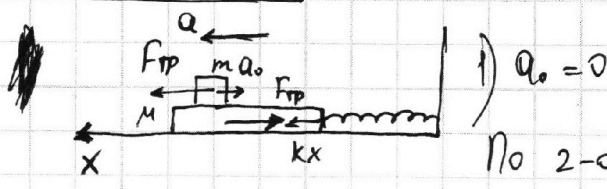
$$g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

1) x_1 - ?

2) a - ?

3) v - ?

Решение:

Ньютона на $0x$:

$$ma = F_{\text{тр}} = \mu N = \mu mg \Rightarrow a = \mu g$$

На всю систему: $(M+m)a = kx$

$$(M+m)\mu g = kx$$

$$x = x_1 = \frac{(M+m)\mu g}{k} = \frac{(1+2) \cdot 0,3 \cdot 10}{50} = 0,18 \text{ м}$$

2) Впервые после начала движения они

~~будут~~ будут колебаться с периодом

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{M+m}{k}} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{k}{M+m}}$$

Значит, $a = A\omega^2$, где $A = x_1$

$$a = x_1 \cdot \frac{k}{M+m} = 0,18 \cdot \frac{50}{2+1} = 0,06 \cdot 50 = 3 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

3) Из уравнения колебаний:

$$v = -A\omega \sin(\omega t + \varphi_0) \Rightarrow v = x_1 \omega \sin \frac{\pi}{3} =$$

$$= 0,18 \cdot \sqrt{\frac{50}{2+1}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 0,09 \sqrt{50} \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

Ответ: 1) $0,18 \text{ м}$; 2) $3 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$; 3) $0,09 \sqrt{50} \frac{\text{м}}{\text{с}}$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☒ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
3 ИЗ 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 2.

Дано:

Решение:

$$T_0 = 300 \text{ K}$$

$$T = 370 \text{ K}$$

$$1) k - ?$$

$$2) t^* - ?$$

$$3) \varphi - ?$$

Все вода испарилась: $k = \frac{m+M}{m} =$
 $= \frac{m+11m}{m} = 12$, m - масса пара в начале.

Пар находился в равновесии с водой $\Rightarrow$

$$\Rightarrow p_0 = p_{\text{нп}} \approx 3,5 \text{ кПа} - \text{из графика.}$$

По уравнению Клапейрона - Менделеева:

$$pV = \nu RT$$

$$\begin{cases} p_0 V = \frac{m}{M} RT_0 - \text{в начале} \\ pV = \frac{12m}{M} RT - \text{в конце} \end{cases}$$

$$\frac{p_0}{p} = \frac{T_0}{12T} \Rightarrow p = \frac{12 T p_0}{T_0} = \frac{12 \cdot 370 \cdot 3,5}{300} \approx 51,8$$

кПа - парциальное давление пара в конце.

$$\varphi = \frac{p}{p_{\text{нп}}}, p_{\text{нп}} \approx 90,5 \text{ кПа} - \text{из графика (при } t = 97^\circ\text{C)}$$

$$\varphi = \frac{51,8}{90,5} \approx 0,56$$

Рассмотрим момент, когда все вода испарилась, но при этом сильно температура не изменилась.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1
☐

2
☒

3
☐

4
☐

5
☐

6
☐

7
☐

СТРАНИЦА
4 из 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} p_* V &= \frac{12m}{\mu} RT_* - \text{считаем, что процесс} \\ p_0 V &= \frac{m}{\mu} RT_0 \quad \text{квазистатический, из-за} \\ &\quad \text{медленного нагрева.} \end{aligned}$$

$$\frac{p_*}{p_0} = \frac{12T_*}{T_0}$$

$$\frac{p_*}{T_*} = \frac{12p_0}{T_0} = \frac{12 \cdot 3,5}{300} \approx 0,14 \frac{\text{кПа}}{\text{К}} \Rightarrow$$

$\Rightarrow$ найдём такую точку на графике, что

$$\frac{p_*}{T_*} \approx \frac{28}{200} \frac{\text{кПа}}{\text{К}}$$

$$\text{Из графика} \Rightarrow \frac{p_*}{T_*} \approx \frac{60 \text{ кПа}}{(86+273) \text{ К}} \approx 0,15 \frac{\text{кПа}}{\text{К}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow t_* = 86^\circ \text{C}.$$

Ответ: 1) 12; 2) 86°C ; 3) 0,56.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 3.

Дано:

Решение:

V_0 ;

До уменьшения заряда:

Потенциал в центре

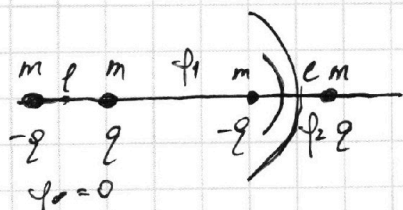
диска: φ_1 ;

Потенциал на расстоянии

ℓ от диска: φ_2 , ℓ -
- длина диполя.

1) V_1 - ?

2) ΔV - ?



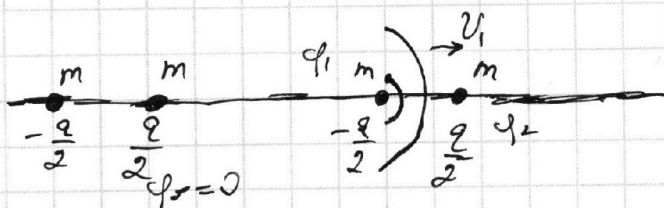
ЗСЭ: $\Delta K + \Delta \Pi = 0$

$$\left(0 - \frac{2mV_0^2}{2}\right) + (\varphi_1 - \varphi_0)(-q) + (\varphi_2 - \varphi_0)q = 0, \quad \varphi_0 = 0$$

$$-mV_0^2 - \varphi_1 q + \varphi_2 q = 0$$

$$mV_0^2 = \varphi_2 q - \varphi_1 q$$

После уменьшения заряда (пролет вправо):



ЗСЭ:

$$\left(\frac{2mV_1^2}{2} - \frac{2mV_0^2}{2}\right) + (\varphi_1 - \varphi_0)\left(-\frac{q}{2}\right) + (\varphi_2 - \varphi_0)\frac{q}{2} = 0$$

$$mV_1^2 - mV_0^2 + \frac{-\varphi_1 q}{2} + \frac{\varphi_2 q}{2} = 0$$

$$mV_1^2 - mV_0^2 - \frac{\varphi_1 q - \varphi_2 q}{2} = 0$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

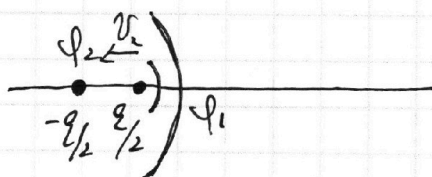
СТРАНИЦА
2 ИЗ 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$m v_1^2 - m v_0^2 - \frac{-m v_0^2}{2} = 0$$

$$m v_1^2 = \frac{m v_0^2}{2} \Rightarrow v_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} v_0$$

При пролёте обратно:



$$3C7: \left(\frac{2m v_2^2}{2} - \frac{2m v_0^2}{2} \right) + (\phi_1 - \phi_2) g/2 + (\phi_2 - \phi_1) (-g/2) = 0$$

$$m v_2^2 - m v_0^2 + \frac{\phi_1 g - \phi_2 g}{2} = 0$$

$$m v_2^2 - m v_0^2 - \frac{m v_0^2}{2} = 0$$

$$v_2^2 = \frac{3}{2} v_0^2 \Rightarrow v_2 = \frac{\sqrt{6}}{2} v_0$$

$$\Delta v = v_2 - v_1 = \frac{\sqrt{6}}{2} v_0 - \frac{\sqrt{2}}{2} v_0 = \frac{v_0}{2} (\sqrt{6} - \sqrt{2})$$

Ответ: 1) $\frac{\sqrt{2}}{2} v_0$; 2) $\frac{v_0}{2} (\sqrt{6} - \sqrt{2})$.

~~Задача 2.~~

~~Дано:~~

~~$P_0 = (27 + 243) \text{ кПа}$~~

~~$T = (97 + 243) \text{ К}$~~

~~1) $k = ?$~~

~~2) $t^* = ?$~~

~~3) $\phi = ?$~~

~~Решение:~~

~~В начале пар насыщен, т.к. находится в~~

~~равновесии с водой $\Rightarrow p_r = p_{\text{нп}} \approx 3,5 \text{ кПа}$~~

~~$k = \frac{m + M}{m} = \frac{m + 11m}{m} = 12$~~

~~1) m - масса~~

~~пар в нач.~~



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
5 из 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 4.

Дано:

Решение:

$L, n, B_0;$

2-ое правило Кирхгофа:

τ

$$\mathcal{E}_i + \mathcal{E}_{si1} + \mathcal{E}_{si2} = 0$$

1) I_0 - ?

$$-\frac{d\varphi}{dt} - L \frac{dI_0}{dt} - 6L \frac{dI_0}{dt} = 0$$

2) q - ?

$$-\frac{d}{dt} [S, nB] = 7L \frac{dI_0}{dt}$$

$$-nS_1 \frac{dB}{dt} = 7L \frac{dI_0}{dt}$$

$$-nS_1 \int_{B_0}^0 dB = \int_0^{I_0} 7L dI_0, \text{ тока вначале нет, т.к. поле } \text{постоянно.}$$

$$-nS_1 (0 - B_0) = 7LI_0$$

$$I_0 = \frac{nS_1 B_0}{7L}$$

$$\text{А-чно: } -\frac{d\varphi}{dt} - L \frac{dI}{dt} - 6L \frac{dI}{dt} = 0$$

$$-nS_1 \frac{dB}{dt} - 7L \frac{dI}{dt} = 0$$

$$7L dI = -nS_1 dB$$

4 два участка: 1 - от 0 до $\frac{48}{6}$; 2 - от $\frac{48}{6}$ до I

$$\text{Первый: } 7L \int_0^I dI = -\int_{B_0}^B nS_1 dB$$

$$7LI = -nS_1 (B - B_0) = -nS_1 B + nS_1 B_0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
6 ИЗ 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Уравнение $B(t)$ для 1-ого: $B(t) = -\frac{3B_0}{8\tau}t + B_0$

$$\mathcal{E} = -nS_1 \left(-\frac{3B_0}{8\tau}t + B_0 \right) = nS_1 B_0$$

$$\mathcal{E} = \frac{3nS_1 B_0}{8\tau}t$$

$$I = \frac{3nS_1 B_0}{56L\tau}t \quad / \cdot dt$$

$$\int_0^{q_1} dq = \int_0^{\frac{2}{3}\tau} \frac{3nS_1 B_0}{56L\tau} t dt$$

$$q_1 = \frac{3nS_1 B_0}{56L\tau} \cdot \frac{t^2}{2} \Big|_0^{\frac{2}{3}\tau} = \frac{3nS_1 B_0}{2 \cdot 56L\tau} \cdot \frac{4}{9} \tau^2 =$$

$$= \frac{nS_1 B_0 \tau}{84L}$$

$$I_1 = I\left(\frac{2}{3}\tau\right) = \frac{3nS_1 B_0}{56L\tau} \cdot \frac{2}{3}\tau = \frac{nS_1 B_0}{28L}$$

Уравнение $B(t)$ для 2-ого участка: $B(t) = -\frac{6B_0}{8}t + \frac{6B_0}{8} = -\frac{36B_0}{16\tau}t + \frac{36B_0}{16} = -\frac{9B_0}{4\tau}t + \frac{9}{4}B_0$

$$\text{А-но: } \mathcal{E} = -nS_1 \frac{dB}{dt} = -\int_{I_1}^{I_0} nS_1 dB$$

~~$$\mathcal{E} = -nS_1 \frac{dB}{dt} = -\int_{I_1}^{I_0} nS_1 dB$$~~

$$\mathcal{E} = nS_1 \left(\frac{3B_0}{4} - B \right)$$

$$\mathcal{E} = nS_1 \frac{3B_0}{4} - nS_1 \left(-\frac{9B_0}{4\tau}t + \frac{9}{4}B_0 \right) + \mathcal{E}_1$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА

7 ИЗ 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\mathcal{L}I = nS_1 B_0 + nS_1 \frac{9B_0}{4\tau} t - nS_1 \frac{9B_0}{4}$$

$$\mathcal{L}I = -\frac{nS_1 B_0}{4} + nS_1 \frac{9B_0}{4\tau} t \quad / \cdot dt$$

~~$$\int_{\frac{1}{3}\tau}^{\frac{1}{2}\tau} \mathcal{L}I dt = \int_{\frac{1}{3}\tau}^{\frac{1}{2}\tau} \left(-\frac{nS_1 B_0}{4} + nS_1 \frac{9B_0}{4\tau} t \right) dt$$~~

~~$$q_2 = -\frac{nS_1 B_0}{28L} \cdot \frac{1}{3} \tau^2 + \frac{9nS_1 B_0}{8\tau L} \cdot \frac{1}{9} \tau^2 = -\frac{nS_1 B_0 \tau}{84L} + \frac{nS_1 B_0 \tau}{84L}$$~~

~~$$q = q_1 + q_2 = -\frac{nS_1 B_0 \tau}{84L} + \frac{19nS_1 B_0 \tau}{168L}$$~~

$$\mathcal{L}I = -\frac{nS_1 B_0}{4} + \frac{9nS_1 B_0}{4\tau} t$$

$$I = -\frac{nS_1 B_0}{28L} + \frac{9nS_1 B_0}{28L\tau} t$$
$$\int_{\frac{1}{3}\tau}^{\frac{1}{2}\tau} dq = \int_{\frac{1}{3}\tau}^{\frac{1}{2}\tau} \left(-\frac{nS_1 B_0}{28L} + \frac{9nS_1 B_0}{28L\tau} t \right) dt$$

$$q_2 = -\frac{nS_1 B_0}{28L} \cdot \frac{1}{3} \tau + \frac{9nS_1 B_0}{56L\tau} \cdot \frac{1}{9} \tau^2$$

$$q_2 = -\frac{nS_1 B_0 \tau}{84L} + \frac{nS_1 B_0 \tau}{56L} = \frac{nS_1 B_0 \tau}{28 \cdot 6L}$$

$$q = q_1 + q_2 = \frac{nS_1 B_0 \tau}{84L} + \frac{nS_1 B_0 \tau}{84 \cdot 2L} = \frac{3nS_1 B_0 \tau}{168L}$$

Ответ: 1) $\frac{nS_1 B_0}{7L}$; 2) $\frac{3nS_1 B_0 \tau}{168L}$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
9 из 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 5.

Дано:

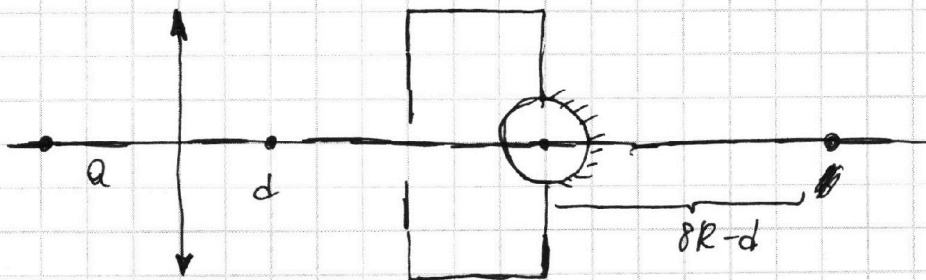
$$a = 2R$$

$$b = 7R$$

1) F - ?

2) h - ?

Решение:



1) φ - ~~ла~~ тонкой линзы:

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} ; \quad \frac{1}{8R-d} + \frac{1}{a} = \frac{1}{F}$$

~~Решение: Среднее арифметическое. $\frac{a+b}{2} = \frac{2R+7R}{2} = 4.5R$. $\frac{1}{4.5R} = \frac{1}{F}$. $F = 4.5R$. $8R-d = 4.5R$. $d = 3.5R$. $\frac{1}{2R} + \frac{1}{3.5R} = \frac{1}{F}$. $F = \frac{4R}{3}$.~~

$$\frac{1}{2R} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} =$$
$$= \frac{1}{8R-d} + \frac{1}{2R}$$

$$8R-d=d$$

$$d = 4R$$

$$\frac{1}{2R} + \frac{1}{4R} = \frac{1}{F} \Rightarrow F = \frac{4R}{3}$$

Ответ: 1) $\frac{4R}{3}$.

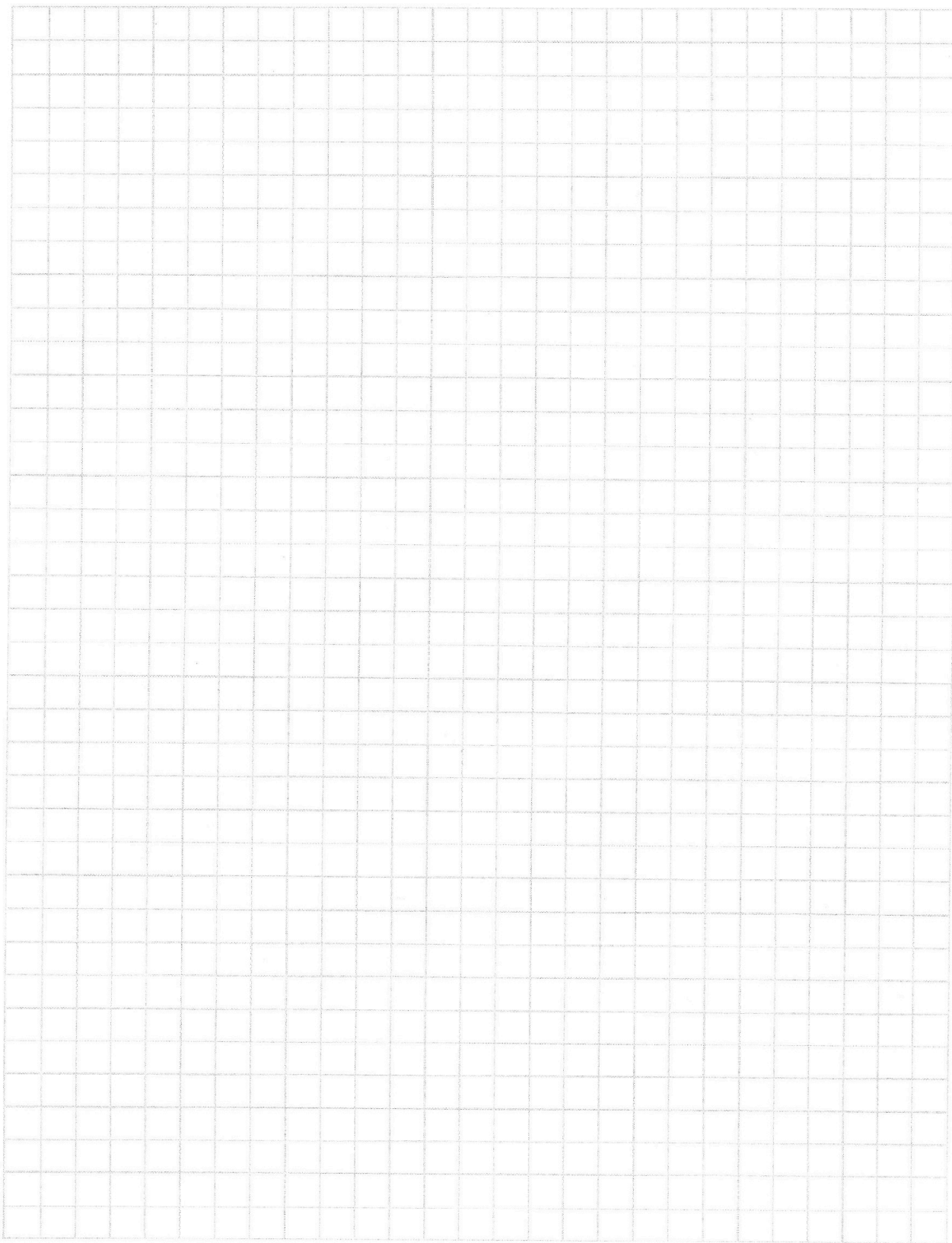


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
10 из **16**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7
☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА
11 из 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~~$x_k = \sin \omega t$~~

$$x_k = 0$$

$$x = A \cos(\omega t + \varphi_0)$$

$$0 \cdot 0 = A \cos\left(\frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{2} + \varphi_0\right)$$

$$\cos(\varphi_0 + \pi) = 0$$

~~$\cos \varphi_0 = 0$~~

$$-\cos \varphi_0 = 0$$

$$\cos \varphi_0 = -1 \quad \varphi_0 = \pi$$

$$\frac{2\pi}{\omega} = T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$= \sqrt{\frac{50}{3}}$$

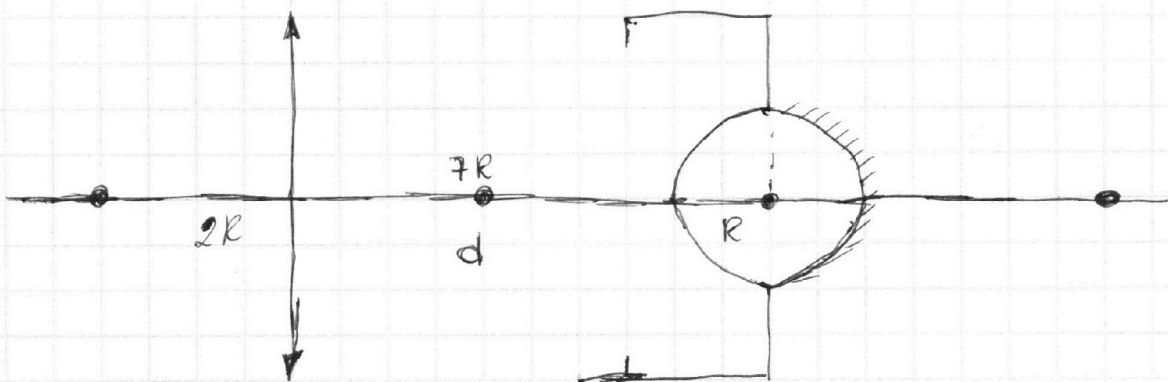
~~$a = \frac{x}{2} \omega^2$~~

$$a = \frac{x}{2} \omega^2$$

$$Q = \frac{0,01}{2} \cdot \frac{50}{3} = 0,06 \cdot 25 = \frac{6}{100} \cdot 25 = \frac{3}{2}$$

~~$Q = \frac{0,01}{2} \cdot \frac{50}{3}$~~

$$v = A\omega \sin\left(\frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{4}\right) = \frac{x}{2} \cdot \omega = \frac{0,01}{2} \cdot \sqrt{\frac{50}{3}} = 0,009 \cdot \sqrt{\frac{50}{3}}$$





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в **решении каждой задачи отдельно**.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
12 из 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\mathcal{E} - nS_1 \frac{dB}{dt} - L \frac{dI_1}{dt} - 6L \frac{dI_1}{dt} = 0$$

$$-nS_1 k_1 \frac{dB}{dt} - 7L \frac{dI_1}{dt} = 0$$

$$-nS_1 \int_{B_1}^B dB = \int_0^I 7L dI_1$$

$$-nS_1 (B - B_1) = 7LI$$

$$nS_1 (B_1 - B) = 7LI$$

$$nS_1 B_1 - nS_1 B = 7LI$$

const (t)

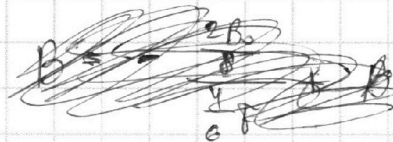
(1): ~~$nS_1 B_1 - nS_1 B = 7LI$~~

$$nS_1 B_0 - nS_1 \left(-\frac{3B_0}{8\tau} t + B_0 \right) = 7LI$$

$$nS_1 \frac{3B_0}{8\tau} t = 7LI$$

$$\frac{3nS_1 B_0}{8\tau} t dt = 7L I dt$$

..... УНТ. и А-200 С/.



$$B_1 = kt + c$$

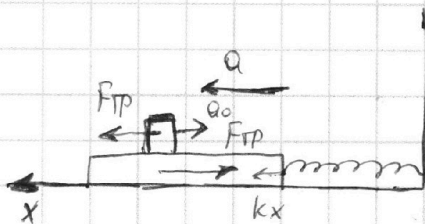
$$B_0 = c$$

$$B_1 = -\frac{2B_0}{\frac{4}{6}\tau} t + B_0$$

$$B_1 = -\frac{B_0}{\frac{2}{3}\tau} t + B_0 =$$

$$= B_1 = -\frac{3B_0}{8\tau} t + B_0$$

⑤



$$ma = \mu mg$$

$$(M+m)a = kx_1$$

$$(M+m)g = kx_1$$

$$x_1 = \frac{(M+m)g}{k} = 0,18 \text{ м}$$

$$m(a - a_0) = \mu mg \Rightarrow a - a_0 = \mu g$$

$$Ma = kx - \mu mg$$



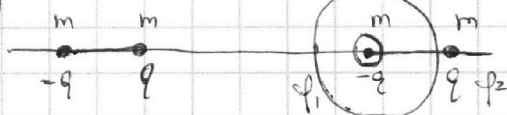
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в **решении каждой задачи отдельно**.

1 2 3 4 5 6 7
☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА
 13 из 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3



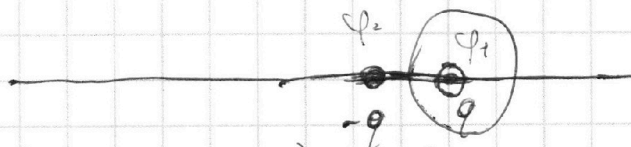
$$\left(0 - \frac{2mV_0^2}{2}\right) + (\varphi_1 - \varphi_2) - q + (\varphi_2 - \varphi_1)q = 0$$

$$\left(\frac{2mV^2}{2} - \frac{2mV_0^2}{2}\right) + \cancel{\varphi_1 - \varphi_2} + \varphi_1 q - \varphi_2 q = 0$$

$$mV^2 - mV_0^2 + \frac{\varphi_1 q - \varphi_2 q}{2} = 0$$

$$mV^2 - mV_0^2 + \frac{+mV_0^2}{2} = 0$$

$$mV^2 = \frac{V_0^2}{2} \Rightarrow V = \frac{\sqrt{2}}{2} V_0$$



$$\left(\frac{2mV^2}{2} - \frac{2mV_0^2}{2}\right) + (\varphi_1)q + \varphi_2(-q) = 0$$

$$mV^2 - mV_0^2 + \varphi_1 q/2 - \varphi_2 q/2 = 0$$

$$mV^2 - mV_0^2 + \frac{\varphi_1 q - \varphi_2 q}{2} = 0$$

$$mV^2 - mV_0^2 - \frac{mV_0^2}{2} = 0$$

$$mV^2 = \frac{3}{2} mV_0^2 \Rightarrow V^2 = \frac{3}{2} V_0^2 \Rightarrow V = V_0 \sqrt{\frac{3}{2}}$$

$$V = \frac{\sqrt{6}}{2} V_0 - \frac{\sqrt{2}}{2} V_0$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении **каждой задачи отдельно**.

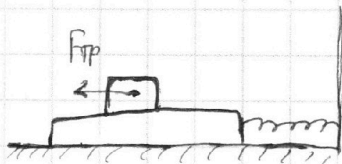
1 2 3 4 5 6 7

☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА
14 ИЗ 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

①



~~$\mu \cdot F_{\text{тр}} = \mu \cdot m \cdot g$~~
 ~~$\mu \cdot m \cdot g = \mu \cdot m \cdot g$~~

$100 \cdot 12$

$5180 \mid 905$
 $4525 \mid 5$
 655

$3000 \mid 35$

$\frac{370}{\times 14}$
 1480
 370
 5180

$\frac{7}{50} = \frac{49}{350}$

$\frac{28}{200}$

②

$p_0 V = \frac{m}{\mu} R T_0$

$Q = \mu t + A$

$pV = \frac{42m}{\mu} RT$

$\frac{30}{27+273} = \frac{30}{300} = p$

$p = \frac{12T - p_0}{T_0} = 0,14 \cdot 370 =$

$\eta = \frac{51,8}{90,5} = \frac{518}{905} \approx 0,57$

$= 51,8 \text{ kPa}$

$\frac{62}{360} = \frac{31}{180}$

~~366~~

~~366~~

$t \approx (85^\circ; 87^\circ)$

④

$\uparrow \left(\frac{dB_1}{dt} \right); \downarrow \left(\frac{dB_2}{dt} \right)$

$\Delta(t): \quad \varepsilon_i = - \frac{d\varphi}{dt} = - \frac{d[B_1 n S_1]}{dt} = - n S_1 \left(\frac{dB_1}{dt} \right) = \text{const},$

$\varepsilon_i = L \frac{dI_1}{dt} - 6L \frac{dI_2}{dt} = 0$

$-n S_1 \frac{dB_1}{dt} - L \frac{dI_1}{dt} - 6L \frac{dI_2}{dt} = 0$

$\int_{B_0}^0 n S_1 dB_1 + \int_0^I L dI_1 + \int_0^I 6L dI_2 = 0$

$-n S_1 B_0 + LI + 6LI = 0$

$n S_1 B_0 = 7LI \Rightarrow I = \frac{n S_1 B_0}{7L}$

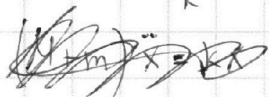
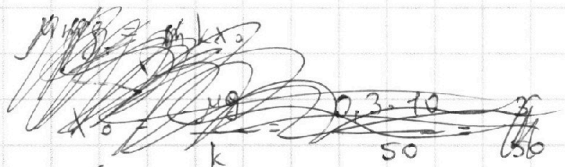


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в **решении каждой задачи отдельно**.

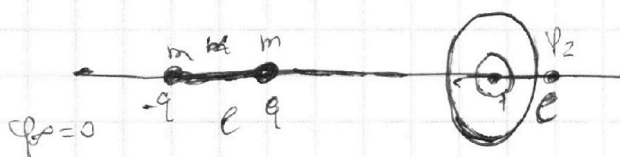
1 2 3 4 5 6 7
☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА
 15 из 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



3



$$1) \quad \left(0 - \frac{m v_0^2}{2}\right) + (\varphi_1 - \varphi_2)q = 0$$

$$\frac{m v_0^2}{2} = \varphi_1 q$$

$$\left(\frac{m v^2}{2} - \frac{m v_0^2}{2}\right) + (\varphi_1 - \varphi_2)q/2 = 0$$

$$\frac{m v^2}{2} - \frac{m v_0^2}{2} = -\frac{\varphi_1 q}{2} = -\frac{m v_0^2}{4}$$

$$v^2 - v_0^2 = -\frac{v_0^2}{2}$$

$$v^2 = \frac{v_0^2}{2} \Rightarrow \underline{v = \frac{\sqrt{2}}{2} v_0}$$

$$2) \quad \left(0 - \frac{2m v_0^2}{2}\right) + (\varphi_1 - \varphi_2)q + (\varphi_2 - \varphi_3)q = 0$$

$$m v_0^2 = \frac{2m v_0^2}{2} = \varphi_1 q + \varphi_2 q = \cancel{\varphi_1 q + \varphi_2 q} - q(\varphi_1 - \varphi_2)$$

$$\left(\frac{2m v^2}{2} - \frac{2m v_0^2}{2}\right) + (\varphi_1 - \varphi_2)q/2 + (\varphi_2 - \varphi_3)q/2 = 0$$

$$\frac{m v^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2} - \frac{\varphi_1 q}{2} + \frac{\varphi_2 q}{2} = \frac{m v_0^2}{2} - \frac{1}{2}(\varphi_1 q - \varphi_2 q)$$

$$\left(\frac{2m v^2}{2} - \frac{2m v_0^2}{2}\right) + (\varphi_1 - \varphi_2)q - \frac{q}{2} + (\varphi_2 - \varphi_3)q/2 = 0$$

$$\cancel{\frac{2m v^2}{2} - \frac{2m v_0^2}{2}} + \frac{\varphi_1 q}{2} + \frac{\varphi_2 q}{2} = 0$$

$$(m v^2 - m v_0^2) - \frac{q}{2}(\varphi_1 - \varphi_2) = 0$$

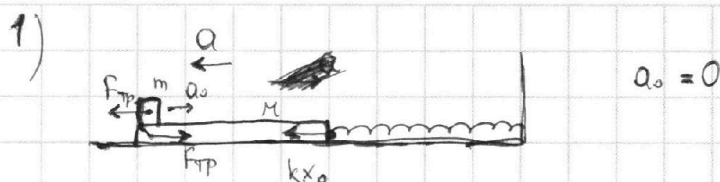


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в **решении каждой задачи отдельно**.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
16 ИЗ 16

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



2) $M = 11m$ 1) $k = \frac{m+M}{m} = \frac{12m}{m} = 12$

2) $V = \text{const}; \quad p_0 = p_{\text{н0}} = 3,5 \text{ кПа}; \quad 273 + 27 = 300$

$$p_0 V = \frac{m}{\mu} RT_0$$

$$p V = \frac{12m}{\mu} RT$$

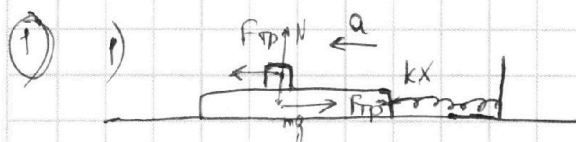
$$\frac{p_0}{p} = \frac{T_0}{12T}$$

$$12T = p \cdot \frac{T_0}{p_0}$$

$$\frac{12T}{p} = \frac{T_0}{p_0} \Rightarrow \frac{T}{p} = \frac{T_0}{12p_0}$$

$$\frac{p}{T} = \frac{12p_0}{T_0} = 12 \cdot \frac{3,5 \text{ кПа}}{300}$$

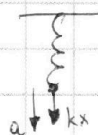
$$= \frac{6 \cdot 3,5}{150} = \frac{6 \cdot 0,7}{30} = \frac{0,7}{5} = \frac{7}{50} = 0,14 \frac{\text{кПа}}{\text{К}}$$



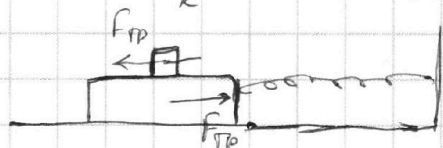
$$F_{\text{TP}} = ma = \mu mg$$

$$(M+m)a = kx$$

$$(M+m)\mu g = kx$$



$$x = \frac{(M+m)\mu g}{k} = \frac{3 \cdot 0,3 \cdot 10}{50} = \frac{9}{50} = 0,18 \text{ м}$$



$$(M+m)a = kx$$

$$a = \frac{kx}{M+m}$$

$$Ma = kx_0 - \mu mg$$

$$m(a - a_0) = +\mu mg$$

$$a - a_0 = \mu g$$

$$\frac{Mkx_0}{M+m} = kx_0 - \mu mg$$

$$Mkx_0 = (M+m)kx_0 - \mu mg; \quad Mkx_0 = Mkx_0 + mkx_0 - \mu mg$$