



Олимпиада «Физтех» по физике,  
февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Мяч, посланный теннисистом вертикально вверх, поднимается на максимальную высоту за  $T = 2$  с.

1) Найдите начальную скорость  $V_0$  мяча.

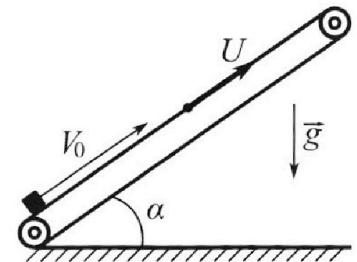
2) Теннисист посылает мяч с начальной скоростью  $V_0$  под различными углами к горизонту в направлении высокой вертикальной стенки, находящейся на расстоянии  $S = 20$  м от места броска. На какой максимальной высоте мяч ударяется о стенку?

Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке.

Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым. Все высоты отсчитываются от точки старта.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол  $\alpha$  такой, что  $\sin \alpha = 0,8$  (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость  $V_0 = 4$  м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте  $\mu = \frac{1}{3}$ . Движение коробки прямолинейное.



1) За какое время  $T$  после старта коробка пройдет в первом опыте путь  $S = 1$  м?

Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью  $U = 2$  м/с, и сообщают коробке скорость  $V_0 = 4$  м/с.

2) На каком расстоянии  $L$  от точки старта скорость коробки во втором опыте будет равна  $U = 2$  м/с?

3) На какой высоте  $H$ , отсчитанной от точки старта, скорость коробки во втором опыте станет равной нулю? Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же скорости  $V_0$  за одинаковое время.

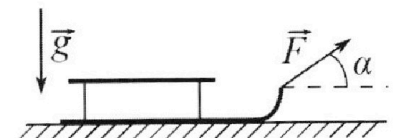
В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом  $\alpha$  к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения скорости  $V_0$  действие внешней силы прекращается.

1) Найдите коэффициент  $\mu$  трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.

2) Через какое время  $T$  после прекращения действия силы санки остановятся? Ускорение свободного падения  $g$ .

Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.



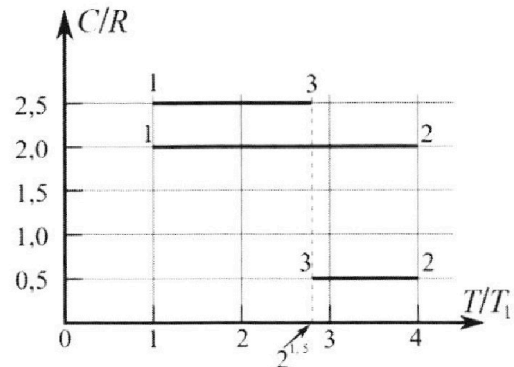
# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

## Вариант 10-01

*Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.*



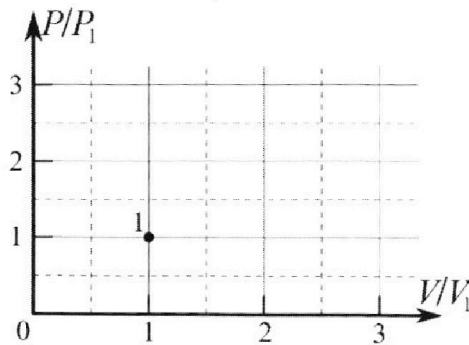
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости  $C$  газа (в единицах универсальной газовой постоянной  $R$ ) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1  $T_1 = 400$  К, универсальная газовая постоянная  $R = 8,31$  Дж/(моль·К).



1) Найдите работу  $A_{12}$  газа в процессе 1-2.

2) Найдите КПД  $\eta$  цикла.

3) Постройте график цикла в координатах  $(P/P_1, V/V_1)$ , где  $P_1$  и  $V_1$  давление и объём в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



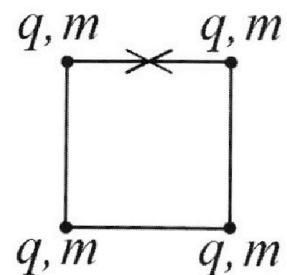
5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной  $b$  (см. рис.). Масса каждого шарика  $m$ , заряд  $q$ .

1) Найдите силу  $T$  натяжения нитей.

Одну нить пережигают.

2) Найдите скорость  $V$  любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

3) На каком расстоянии  $d$  от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных вверху (на рисунке)?



Коэффициент пропорциональности в законе Кулона  $k$ . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

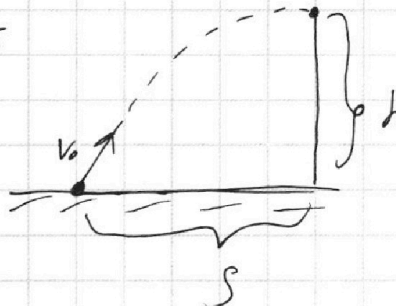


Докажем формулу  $V_{\min}^2 = g(h + \sqrt{h^2 + s^2})$

Применяем закон сохранения энергии и скорости

$$\Delta \text{ скорости: } S = \frac{V_0 \cdot V_k \cdot \sin(\alpha)}{g}$$

$$S = \frac{gt \cdot \frac{S}{t}}{2} = \frac{gS}{2}$$



$$S \neq 0 \quad gS = V_0 V_k \sin(\alpha)$$

$$\text{при } S = \max \quad \sin(\alpha) = \max \Rightarrow \alpha = 90^\circ \Rightarrow$$

$$\Rightarrow V_0 \perp V_k \quad (\text{при } V_0 = \min)$$

$$V_0 V_k = gS$$

$$\text{из } 3 \text{ с.з.: } V_0^2 = V_k^2 + 2gh$$

$$V_k^2 = V_0^2 - 2gh$$

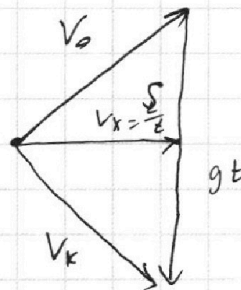
$$V_0 \sqrt{V_0^2 - 2gh} = gS$$

$$V_0^2 (V_0^2 - 2gh) = g^2 S^2; \quad V_0^4 - V_0^2 \cdot 2gh - g^2 S^2 = 0$$

$$V_0^2_{1,2} = \frac{2gh \pm \sqrt{4g^2 h^2 + 4g^2 S^2}}{2} = gh \pm g\sqrt{h^2 + S^2}$$

$$\text{при } S \rightarrow \infty: V_0 \rightarrow \infty \text{ или } -\infty \Rightarrow V_{\min} = gh + g\sqrt{h^2 + S^2}$$

$\Rightarrow$  формула справедлива



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

1) Закон движения ось  $y$

$$h = V_0 t - \frac{gt^2}{2}$$

$$V_y = V_0 - gt$$

Если мяч на макс высоте, то  $V_y = 0$

$$V_0 = gT \quad \text{т.к. } V_0 = 10 \cdot 2 = 20 \text{ м/с}$$

2) Есть формула для минимальной скорости

для попадания в цель по координатам  $(R, S)$   
 $(S, h)$

$$V_{0 \min}^2 = g(h + \sqrt{h^2 + S^2})$$

Если  $V_0$ ,  $g$ ,  $S$  заданы, то мы можем максимизир.

функцию высоты (в этой формуле она уже максимизирована)

$$gT^2 = g(h + \sqrt{h^2 + S^2}); \quad gT^2 = h + \sqrt{h^2 + S^2} \quad |^2$$

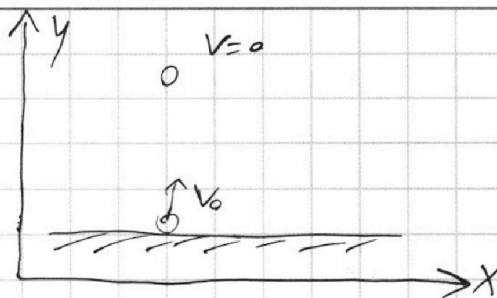
$$g^2 T^4 = h^2 + h^2 + S^2 + 2h\sqrt{h^2 + S^2} = 2h^2 + S^2 + 2h\sqrt{h^2 + S^2}$$

$$g^2 T^4 - S^2 = 2h(h + \sqrt{h^2 + S^2}) \Rightarrow 2h = \frac{g^2 T^4 - S^2}{gT^2}$$

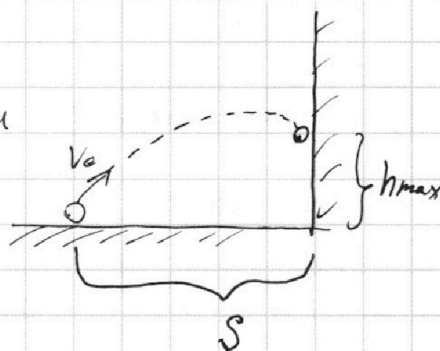
$$h_{\max} = \frac{1}{2} \left( gT^2 - \frac{S^2}{gT^2} \right) = \frac{1}{2} \left( 10 \cdot 4 - \frac{400}{40} \right) = \frac{1}{2} (40 - 10) = 15 \text{ м}$$

Ответ:  $V_0 = gT = 20 \text{ м/с}$

$$h_{\max} = \frac{1}{2} \left( gT^2 - \frac{S^2}{gT^2} \right) = 15 \text{ м}$$



$h$  - высота  
 $t$  - время  
 $V_y$  - вертикальная компонента скорости



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Подставим численные значения

$$V_0 = 4 \text{ м/с} \quad \mu = \frac{1}{3} \quad \sin \alpha = 0,8 \quad \cos \alpha = \sqrt{1 - \left(\frac{4}{5}\right)^2} = \frac{3}{5}$$

$$u = 2 \text{ м/с} \quad g = 10 \text{ м/с}^2 \quad S = 7 \text{ м}$$

$$a_1 = -g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) = -10 \left( \frac{4}{5} + \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{5} \right) = -10 \text{ м/с}^2$$

$$a_2 = g(\mu \cos \alpha - \sin \alpha) = 10 \left( \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{5} - \frac{4}{5} \right) = -\frac{3}{5} \cdot 10 = -6 \text{ м/с}^2$$

$$T = t_1 = -\frac{V_0}{a_1} - \sqrt{\frac{V_0^2}{a_1^2} + \frac{2S}{a_1}} = \frac{4}{10} - \sqrt{\frac{16}{100} - \frac{20}{100}} \Rightarrow$$

$\Rightarrow$  ~~спустя какое-то время~~  $g$  того, как тело выйдет  $S = 7 \text{ м}$  оно выйдет моментом, когда  $V = 0$

$$\text{До разворота призз прошел } L = \frac{V_0^2 - 0}{-2a_1} = \frac{16}{20} = 0,8 \text{ м}$$

$$t_1 = \frac{V_0}{-a_1} = \frac{4}{10} = 0,4 \text{ с}$$

После разворота аналогично рассчитаем путь  $L_2 = g(\mu \cos \alpha - \sin \alpha)$

$$S - L = -\frac{V_k^2}{2a_2} \Rightarrow V_k^2 = 2a_2(S - L) = 2 \cdot 6 \cdot 0,2 = \frac{12}{5}$$

$$\text{3-й путь: } -V = 0 + a_2 t_2 = V_k; \quad t_2 = -\frac{V_k}{a_2} = \frac{\sqrt{2a_2(S - \frac{V_0^2}{2a_1})}}{a_2} =$$

$$= \sqrt{\frac{2(S - \frac{V_0^2}{2a_1})}{-a_2}}$$

Ответы:

$$T = t_1 + t_2 = \frac{V_0}{a_1} + \sqrt{\frac{2(S - \frac{V_0^2}{2a_1})}{-a_2}} = 0,4 \text{ с} + \sqrt{\frac{2(7 - 0,8)}{6}} =$$

$$= 0,4 \text{ с} + \sqrt{\frac{4}{60}} = \boxed{0,4 \text{ с} + \frac{1}{\sqrt{15}} \text{ с}}$$

Пункты 1 и 2

$$L_1 = \frac{V_0(u - V_0)}{a_1} + \frac{(u - V_0)^2}{2a_1} = \frac{4 \cdot 2}{10} - \frac{4}{20} = \frac{8}{10} - \frac{1}{5} = \boxed{\frac{3}{5} \text{ м}}$$

$$u = (L_1 + L_2) \sin \alpha; \quad L_2 = \frac{u^2}{-2a_2} = \frac{4}{2 \cdot 6} = \frac{1}{3} \text{ м}$$

$$u = (L_1 + L_2) \sin \alpha = \left( \frac{3}{5} + \frac{1}{3} \right) \cdot 0,8 = \frac{9+5}{15} \cdot 0,8 = \frac{14}{15} \cdot \frac{4}{5} = \boxed{\frac{56}{75} \text{ м}}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



№2 (продолжение)

3-й движение:

$$L(t) = v_0 t + \frac{a_1 t^2}{2}$$

Положим  $t = \frac{u - v_0}{a_1}$

$$L_{\text{max}} = v_0 t + \frac{a_1 t^2}{2} = \frac{v_0(u - v_0)}{a_1} + \frac{a_1}{2} \frac{(u - v_0)^2}{a_1^2} = \frac{v_0(u - v_0)}{a_1} + \frac{(u - v_0)^2}{2a_1}$$

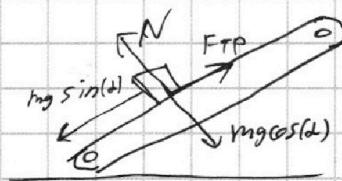
где  $a_1 = -g(\sin(\alpha) + \mu \cos(\alpha))$

Когда  $v = u$ :

будем ли тело дальше ехать с  $v = u$ ?

Если да, то  $a = 0$ :

$$\text{II закон: } 0 = mg \sin(\alpha) - F_{\text{TP}}$$



$$F_{\text{TP}} = mg \sin(\alpha)$$

$$mg \sin(\alpha) = m \cdot 10 \cdot 0.8 = 8m$$

$$F_{\text{TP max}} = \mu mg \cos(\alpha) = m \cdot \frac{1}{3} \cdot 10 \cdot \cos(\alpha) = \frac{10}{3} m \cos(\alpha)$$

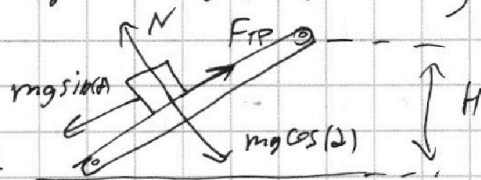
$$F_{\text{TP max}} < mg \sin(\alpha) \Rightarrow$$

$\Rightarrow$  груз не будет в равновесии

До момента, когда  $v = u$  тело проедет  $L$  (из пункта 2)

После:  $v_0 < u$

$$\text{II закон: } N = mg \cos(\alpha); F_{\text{TP}} = \mu N$$



$$\text{II закон: } ma = F_{\text{TP}} - mg \sin(\alpha) = \mu mg \cos(\alpha) - mg \sin(\alpha)$$

$$a_2 = g(\mu \cos(\alpha) - \sin(\alpha)) < 0$$

3-й движение:

~~$$v_x = v_0 + at = 0; u = at; t = \frac{u - v_0}{a} = \frac{u - v_0}{g(\sin(\alpha) - \mu \cos(\alpha))}$$~~

~~$$\text{3-й движение: } L(t) = ut + \frac{a_2 t^2}{2} = \frac{u^2}{2a_2} - \frac{u^2}{2a_1}$$~~

~~$$L_{\text{max}} = \frac{v_0^2 - v_x^2}{-2a_2} = \frac{u^2 - 0}{-2a_2} = -\frac{u^2}{2a_2}$$~~

$$H = \left[ L_1 + L_2 \right] \sin(\alpha) = \left[ -\frac{u^2}{2a_2} + \frac{v_0(u - v_0)}{a_1} + \frac{(u - v_0)^2}{2a_1} \right] \cdot \sin(\alpha)$$

$$\text{где } a_1 = -g(\sin(\alpha) + \mu \cos(\alpha)) \quad a_2 = g(\mu \cos(\alpha) - \sin(\alpha))$$

1  2  3  4  5  6  7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

① Первый опыт

II закон на ось y:

$$0 = N - mg \cos(\alpha);$$

$$N = mg \cos(\alpha)$$

$$F_{TP} = \mu N = \mu mg \cos(\alpha)$$

II закон ось x:  $ma = -mg \sin(\alpha) - F_{TP} = -mg \sin(\alpha) - \mu mg \cos(\alpha)$

$$a_x = -g \sin(\alpha) - \mu g \cos(\alpha) \quad \text{численно } a_x = -g$$

3-й элемент на оси x:

$$V_x(t) = V_0 + at = V_0 - g t \sin(\alpha) - \mu g t \cos(\alpha)$$

$$S_x(t) = V_0 t + \frac{a_x t^2}{2}; \quad -\frac{a_x t^2}{2} - V_0 t + S = 0$$

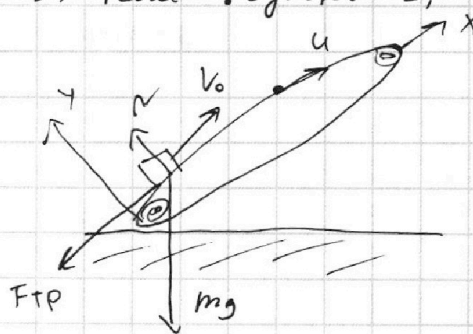
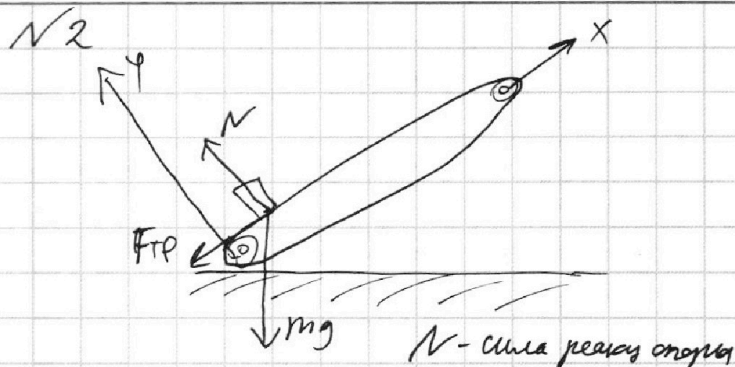
$$t^2 + \frac{2V_0}{a_x} t - \frac{2S}{a_x} = 0; \quad t_{1,2} = \frac{-\frac{2V_0}{a_x} \pm \sqrt{\frac{4V_0^2}{a_x^2} + \frac{8S}{a_x}}}{2}$$

$$t_{1,2} = -\frac{V_0}{a_x} \pm \sqrt{\frac{V_0^2}{a_x^2} + \frac{2S}{a_x}}$$

$$T = t_1 = -\frac{V_0}{a_x} - \sqrt{\frac{V_0^2}{a_x^2} + \frac{2S}{a_x}}$$

где  $a_x = -g(\sin(\alpha) + \mu \cos(\alpha))$

$t_2$  соответствует обратному элементу  $\Rightarrow$  или нулю  $t_1$



② Второй опыт

II закон:  $N = mg \cos(\alpha)$

II закон:  $ma = -mg \sin(\alpha) - \mu N \Rightarrow$

$$\Rightarrow a_x = -g(\sin(\alpha) + \mu \cos(\alpha))$$

3-й элемент:  $V_x = V_0 + a_x t;$

$$V_x = u = V_0 + a_x t; \quad t = \frac{u - V_0}{a_x}$$

это верно при  $V \geq u$  т.е.  $V_{\text{кон}} > 0$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

① Первый случай

3-й движения:

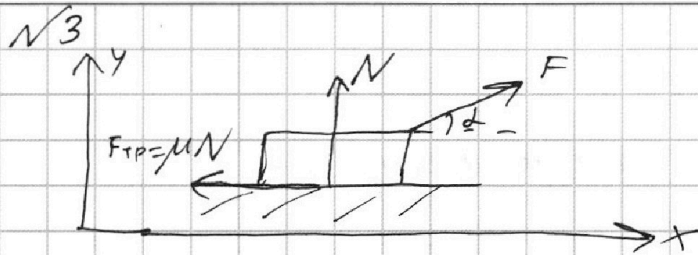
$$V_x = at$$

$$\text{II зк осб } x: ma = F \cos(\alpha) - \mu N$$

$$\text{II зк осб } y: 0 = N + F \sin(\alpha) - mg; N = mg - F \sin(\alpha)$$

$$ma = F \cos(\alpha) - \mu mg + \mu F \sin(\alpha) = F(\cos(\alpha) + \mu \sin(\alpha)) - \mu mg$$

$N$  - сила реакции опоры  
 $m$  - масса саней  
 $a$  - ускорение



② Второй случай

$$\text{II зк: } ma = F - \mu N$$

$$\text{II зк: } 0 = N - mg; N = mg$$

$$ma = F - \mu mg$$

3-й движения:  $V_x = at$  т.к.  $V_x$  одинаковые  $\Rightarrow$   $ma$  тоже

$$F - \mu mg = F(\cos(\alpha) + \mu \sin(\alpha)) - \mu mg$$

$$1 - \mu \sin(\alpha) = \cos(\alpha) + \mu \sin(\alpha); \mu \sin(\alpha) = 1 - \cos(\alpha)$$

$$\mu = \frac{1 - \cos(\alpha)}{\sin(\alpha)}$$

③

Санки останавливаются, когда  $V_x = 0$

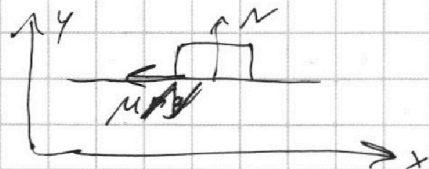
$$\text{3-й движения: } V_x = V_0 + at$$

$$\text{II зк: } \mu N = -ma$$

$$\text{II зк: } N = mg \quad \mu mg = -ma; a = -\mu g$$

$$V_0 - \mu g t = 0; t = \frac{V_0}{\mu g} = \frac{V_0 \sin(\alpha)}{g(1 - \cos(\alpha))}$$

$$\text{Ответ: } \mu = \frac{1 - \cos(\alpha)}{\sin(\alpha)} \quad t = \frac{V_0 \sin(\alpha)}{g(1 - \cos(\alpha))}$$





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\eta = 1 - \frac{Q_X}{Q_H} = \frac{A_{12}}{Q_H}$$

*√4 (предположение)*

$Q_X$  - это тепло переданное от системы

$Q_H$  = тепло переданное системе

~~$dA_{23} = -VR \delta T \Rightarrow A_{23} = -VR \Delta T$~~   ~~$\Delta T = -T_1(4 - 2^{1,5})$~~

~~$A_{23} = VR(4 - 2^{1,5})T_1$~~

~~$A_{12} =$~~

$Q_H$  Система получает тепло только в  $(1-2)$

И КТД:  $Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12} = Q_H$

или  $\frac{P_1}{V_1} = \text{const} = \frac{P}{V}$   
 $P = \frac{P_1}{V_1} V$

$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} VR \Delta T = \frac{9}{2} VRT_1$

$A_{12} = \int P dV =$

$Q_{12} = 9,5 VRT_1 + 1,5 VRT_1 = \boxed{6 VRT_1}$

$= \int_{V_1}^{2V_1} \frac{P_1}{V_1} V dV = \frac{P_1}{V_1} \frac{(2V_1)^2 - V_1^2}{2} =$

$Q_X = Q_{23} + Q_{31}$

$= \frac{P_1}{V_1} \cdot \frac{3V_1^2}{2} = 1,5 P_1 V_1$

$Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23} = C_{23} V \Delta T = 0,5 RV(2^{1,5} - 4) T_1$

$= 0,5 R V (2^{1,5} - 2) VRT_1$ ;  $|Q_{23}| = (2 - \sqrt{2}) VRT_1$

$\boxed{1,5 VRT_1}$

$Q_{31} = C V \Delta T_1 = 2,5 VR(T_1 - 2^{1,5} T_1)$ ;  $|Q_{31}| = (2^{1,5} - 1) \cdot 2,5 VRT_1$

$\eta = 1 - \frac{Q_X}{Q_H} = 1 - \frac{Q_{31} + Q_{23}}{Q_{12}} = \frac{6 VRT_1}{2,5(2^{1,5} - 1) + 0,5(2^{1,5} - 4)}$

$= 1 - \frac{2,5(2^{1,5} - 1) + (2 - \sqrt{2})}{6} = 1 - \frac{2,5 \cdot 2^{1,5} - 0,5 - \sqrt{2}}{6}$

Ответ:  $\eta = 1 - \frac{2,5 \cdot 2^{1,5} - 0,5 - \sqrt{2}}{6}$

$A_{12} = 1,5 VRT_1 = 1,5 \cdot 8,31 \cdot 400 = \boxed{600 \cdot 8,31} \approx 5000 \text{ Дж}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1   
  2   
  3   
  4   
  5   
  6   
  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

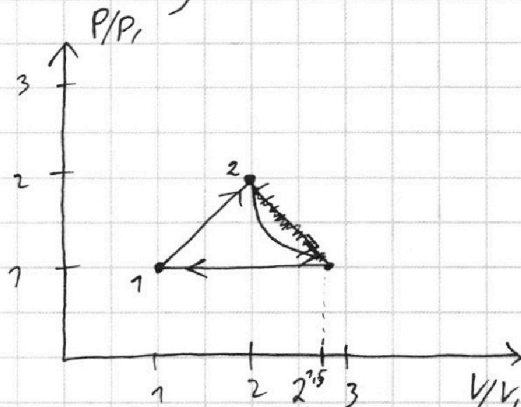


№4 (продолжение)

Построим сначала график

Из пункта 1  $P_2 = 2P_1$   
 $V_2 = 2V_1$

$\frac{P}{V} = \text{const} \Rightarrow$  эти точки



Процесс 2-3

$PV^2 = \text{const}$

Клайперон + уравнение политроты

$$\frac{2P_1 \cdot 2V_1}{P_2} = \sqrt{RT_2} \quad ; \quad P_1 V_1 = \sqrt{RT_1}$$

$$\frac{P_3 V_3}{P_1 V_1} = 2^{1.5}$$

$$P_3 V_3 = \sqrt{RT_3} = 2^{1.5} \sqrt{RT_1}$$

$$P_3 V_3^2 = (2P_1) \cdot (2V_1)^2 \quad ; \quad P_3 V_3^2 = 8P_1 V_1^2 \quad ; \quad \frac{P_3 V_3}{P_1 V_1} = 8 \frac{V_1}{V_3} \Rightarrow V_3$$

$$2^{1.5} = 8 \frac{V_1}{V_3} \quad ; \quad V_3 = \frac{2^3}{2^{1.5}} V_1 = 2^{2.5} V_1$$

$$P_3 V_3^2 = 8P_1 V_1^2 \quad ; \quad P_3 \cdot (2^{2.5} V_1)^2 = 8P_1 V_1^2$$

$$P_3 \cdot 2^3 = 8P_1 \quad ; \quad P_3 = P_1$$

$$P_3 V_3^2 = \text{const} \quad ; \quad P = \frac{\text{const}}{V^2}$$

$$\eta = 1 - \frac{Q_x}{Q_H} = \frac{A_T}{Q_H}$$

I HD для 2-3:  $Q = \Delta u + A$

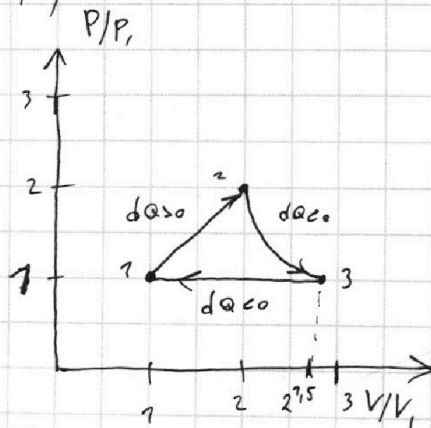
$$dQ = du + dA \quad ; \quad du = \frac{3}{2} V R dT$$

$$P V \quad ; \quad dQ = C \cdot V dT = 0.5 P V dT$$

$$0.5 V R dT = 1.5 V R dT + dA \quad ; \quad dA = -V R dT$$

$$dQ = \frac{3}{2} V R dT + dA = \frac{3}{2} V R dT - V R dT = 0.5 V R dT$$

но  $T$  уменьшается  $\Rightarrow dQ < 0$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$\sqrt{4}$

Т.к. газ одноатомный  $\Rightarrow i = 3$  (степени свободы)

$C = \text{const}$  в политропных процессах т.е.  $PV^n = \text{const}$

$$C = \frac{iR}{2} + \frac{R}{1-n} \quad - \text{Молярная теплоемкость в зав-ти от } n$$

Типы  $i = 3$ :  $C = 1,5R + \frac{R}{1-n}$

Процесс 1-3  $C = 2,5R = 1,5R + \frac{R}{1-n}$ ;  $1 = \frac{1}{1-n}$

$PV^0 = \text{const} \Rightarrow$  1-3 - изобара  $1-n=1; n=0$

Процесс 1-2  $C = 2R = 1,5R + \frac{R}{1-n}$ ;  $0,5 = \frac{1}{1-n}$ ;  $0,5 - 0,5n = 1$   
 $-0,5n = 0,5$   
 $n = -1$

$PV^{-1} = \text{const}$

Процесс 2-3

$C = 0,5R = 1,5R + \frac{R}{1-n}$ ;  $-1 = \frac{1}{1-n}$ ;  $1-n = -1$   
 $n = 2$

$PV^2 = \text{const}$

~~$A_{12} = P \Delta V$  (т.к.  $P = \text{const}$ )~~

Процесс 1-2 Клайперон Менделеева + ур-е политропы

$$\begin{cases} P_1 V_1 = \nu R T_1 \\ P_2 V_2 = \nu R T_2 = 4 \nu R T_1 \\ \frac{P_1}{V_1} = \frac{P_2}{V_2}; \frac{P_2}{P_1} = \frac{V_2}{V_1} \end{cases} \Rightarrow \frac{P_2 V_2}{P_1 V_1} = 4 \Rightarrow \left(\frac{P_2}{P_1}\right)^2 = 4$$

$$\frac{P_2}{P_1} = 2$$

$$\frac{V_2}{V_1} = 2$$

I КТО:  ~~$Q = \delta Q = dU + dA$~~ ;  $Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12}$

$$\Delta U_{12} = \frac{i}{2} (\nu R T_2 - \nu R T_1) = \frac{3}{2} \cdot 3 \nu R T_1 = \frac{9}{2} \nu R T_1 = 4,5 \nu R T_1$$

$$Q_{12} = C \cdot \nu \cdot \Delta T = 3 C \nu T_1 = 6 \nu R T_1$$

$$A_{12} = Q_{12} - \Delta U_{12} = 6 \nu R T_1 - 4,5 \nu R T_1 = \boxed{1,5 \nu R T_1}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

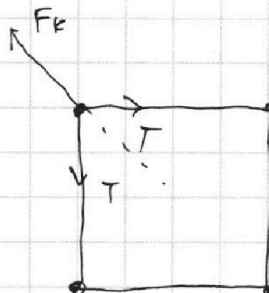
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



N 5

1) В силу симметрии все нити одинаково натянуты



$$\sum F_{K \parallel} \text{ зк: } \sum F_{K \parallel} = 2T \cos(45) = \sqrt{2} T$$

$$\sum F_{K \parallel} = 2 \frac{kq^2}{b^2} \cos(45) + \frac{kq^2}{(\sqrt{2}b)^2} = \sqrt{2} \frac{kq^2}{b^2} + \frac{kq^2}{2b^2} = \frac{kq^2}{b^2} \left( \frac{1}{2} + \sqrt{2} \right)$$

$$\sqrt{2} T = \frac{kq^2}{b^2} \left( \frac{1}{2} + \sqrt{2} \right)$$

$$T = \frac{kq^2}{b^2} \left( \frac{1}{2\sqrt{2}} + 1 \right)$$

2) Разделим шарики на две системы: 2 верхних и 2 нижних

По 3 зк изотона силы  $F_{3-2}$  равны и т.к. массы равны  $\Rightarrow$

$\rightarrow$  скорости систем одинаковы, а в силу симметрии у всех шариков одинаковые скорости

3С):  $E_H = E_K$  т.к.  $A_{HK} = 0$

$$E_H = \sum W_{ij} = \frac{\sum q_i \varphi_j}{2}$$

$$\varphi_{\text{нижняя}} = \varphi_{\text{верхняя}} = 2 \frac{kq}{b} + \frac{kq}{\sqrt{2}b} = \frac{kq}{b} \left( 2 + \frac{1}{\sqrt{2}} \right)$$

$$\frac{\sum q_i \varphi_j}{2} = \frac{4 \cdot kq^2}{2b} \left( 2 + \frac{1}{\sqrt{2}} \right) = \frac{4kq^2}{b} \left( 1 + \frac{1}{2\sqrt{2}} \right) = E_{\text{по}}$$

Получается когда шарики на одной прямой

$$E_H = \frac{\sum q_i \varphi_j}{2}; \varphi_{\text{крас}} = \frac{kq}{b} \left( 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} \right)$$

$$E_H = \frac{2}{2} \sum q_i \varphi_{i1} (q \cdot \varphi_{\text{крас}} + q \varphi_{23}) \varphi_{\text{шариков } 2,3} = \frac{kq}{b} \left( 2 + \frac{1}{2} \right) = 2,5 \frac{kq}{b}$$

$$= \frac{kq^2}{b} \left( 3 + 1 + \frac{1}{3} \right) = \frac{kq^2}{b} \left( 4 + \frac{1}{3} \right)$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



3С3:  $F_{\text{нл}} = F_0 = F_k$   $\sqrt{5}$  (продолжение)

$$F_{\text{нл}} = F_{\text{пк}} + F_{\text{кнкк}}$$

$$\frac{4kq^2}{b} \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{2}}\right) = \frac{kq^2}{b} \left(4 + \frac{1}{3}\right) + 4 \cdot \frac{mV^2}{2}$$

$$2mV^2 = \frac{kq^2}{b} \left(4 + \sqrt{2} - 4 \cdot \frac{1}{3}\right) = \frac{kq^2}{b} \left(\sqrt{2} - \frac{1}{3}\right)$$

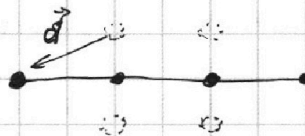
$$V^2 = \frac{kq^2 \left(\sqrt{2} - \frac{1}{3}\right)}{2mb} ; \quad V = \sqrt{\frac{kq^2 \left(\sqrt{2} - \frac{1}{3}\right)}{2mb}}$$

3) Т.к. все силы внутренние  $\Rightarrow$  ц.м. покоится  $\Rightarrow$

$\Rightarrow$  когда все шарики на одной прямой, эта прямая  
проход через ц.м.  $\Rightarrow$  рисунок

Видно, что верхние

шарики сместились на  $\sqrt{5}b$



Ответ:  $T = \frac{kq^2}{b^2} \left(1 + \frac{1}{2\sqrt{2}}\right)$

$$V = \frac{kq^2}{2mb}$$

$$V = \sqrt{\frac{kq^2 \left(\sqrt{2} - \frac{1}{3}\right)}{2mb}}$$

$$d = \sqrt{5}b$$



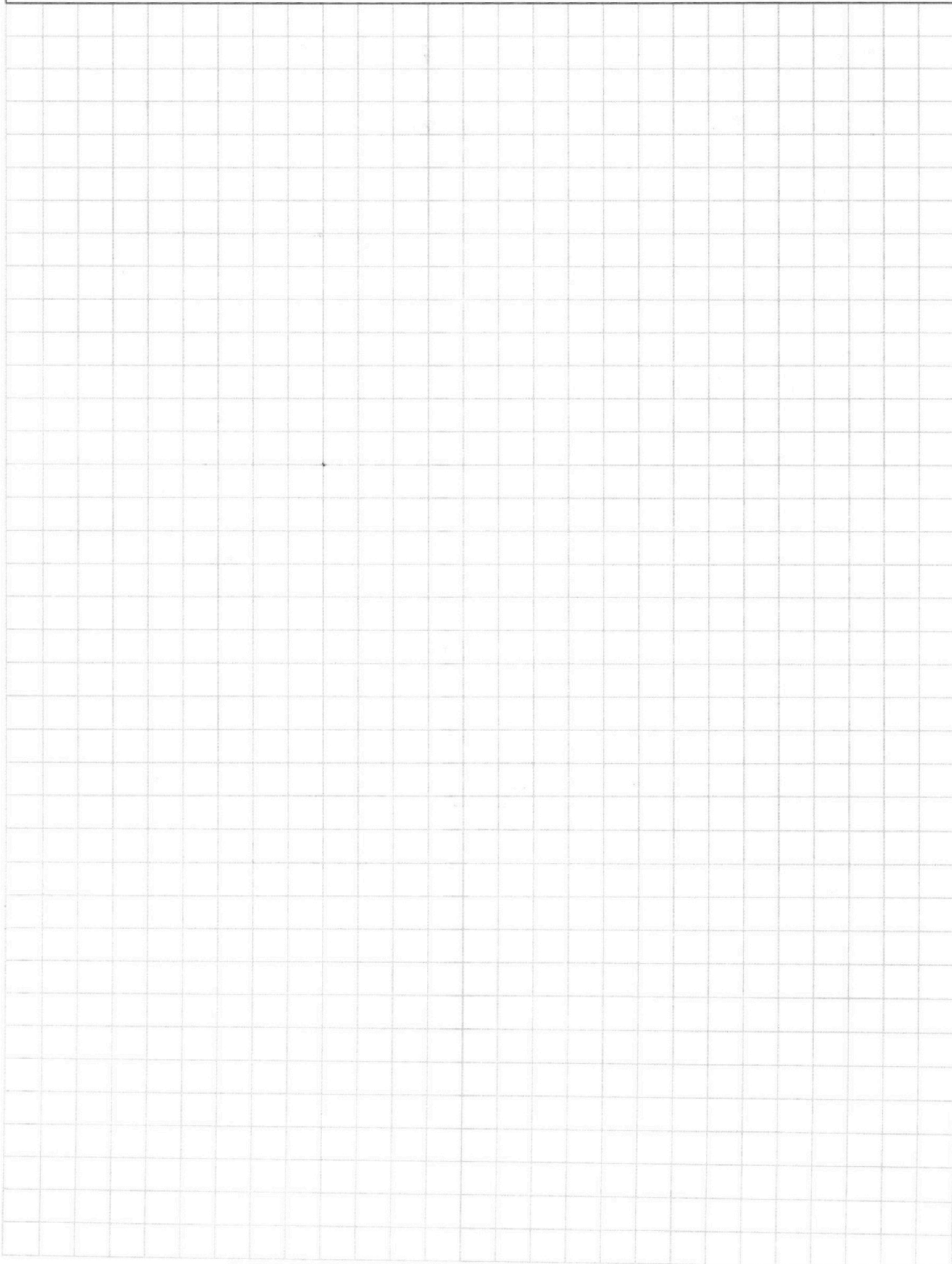
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

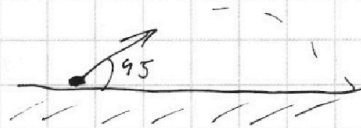


черновик

$$V_{0 \min}^2 = g (h + \sqrt{h^2 + S^2})$$

$$h=0 \quad V_0^2 = gS$$

$$L = \frac{V_0^2 \sin(2t)}{g} \quad V_0^2 = Lg$$



$$gT^2 = h + \sqrt{h^2 + S^2}$$

$$g^2 T^4 = h^2 + h^2 + S^2 + 2h\sqrt{h^2 + S^2}$$

$$g^2 T^4 = 2h^2 + S^2 + 2h\sqrt{h^2 + S^2} =$$

$$g^2 T^4 - S^2 = 2h \left( \frac{h + \sqrt{h^2 + S^2}}{gT^2} \right)$$

$$2h = \frac{g^2 T^4 - S^2}{gT^2} = gT^2 - \frac{S^2}{gT^2}$$

Тип  $P = \text{const}$

$$C = \frac{i+2}{2} R \quad Q = \Delta U + A = \frac{i}{2} \nu R \Delta T + P \Delta V$$

$$PV = \nu RT$$

$$P = \frac{\nu RT}{V} = \text{const} \quad \frac{i}{2} (P \Delta V) + P \Delta V = \frac{i+2}{2} P \Delta V = \frac{i+2}{2} R$$

$$PV^{\frac{1}{i}} = \text{const} \quad TV^{\frac{i+1}{i}} = \text{const}$$

Тип  $n = \frac{i+2}{i}$

$$PV = \nu RT; \quad \frac{T}{V} = \text{const}$$

$$PV = \text{const}$$

$$T = \frac{PV}{\nu R} \Rightarrow PV$$

$$\frac{iR}{2} + \frac{R}{\frac{i+2}{i} - 1} = \frac{iR}{2} + \frac{iR}{i+2-i} = \frac{iR}{2} + \frac{iR}{2}$$

Тип  $P = \text{const} \quad n=0$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$dQ = dU + dA$$

> 0

$$dQ = \frac{3}{2} \nu R dT + PdV$$

$$PV = \nu RT$$

$$dQ = \frac{3}{2} PdV + \nu dP + PdV$$

$$\cancel{PdV} + \nu dP = \nu R dT$$

$$(x^2)' = 2x$$

$$dQ = \frac{5}{2} PdV + \nu dP$$

$$dT = \frac{PdV + \nu dP}{\nu R}$$

$$(x^{-2})' = -2x^{-3}$$

$$\frac{5}{2} PdV + \nu dP > 0; \quad \frac{5}{2} P dV > -\nu dP$$

$$\frac{5}{2} \frac{P}{V} + \frac{dP}{dV} < 0$$

$$P = \frac{\text{const}}{V^2}$$

$$\frac{5}{2} \frac{P_1}{2^{2.5} V_1} \neq -2 \frac{P_1}{2^{4.5} V_1}$$

$$\frac{dP}{dV} = \left( \text{const} V^{-2} \right)' = -2 \text{const} V^{-3}$$

$$\frac{5}{2^{2.5}} \frac{P_1}{V_1} - \frac{P_1}{2^{6.5} V_1}$$

$$\text{const} = P_1 V_1^2$$

$$\frac{dP}{dV} = -2 \frac{P_1 V_1^2}{V^3}$$

$$Q = \Delta U + A$$

$$dQ = C \cdot \nu dT = 0.5 \nu (PdV + \nu dP) \Leftrightarrow = \frac{3}{2} (PdV + \nu dP) + A$$

$$dT = dT (PdV + \nu dP)$$