



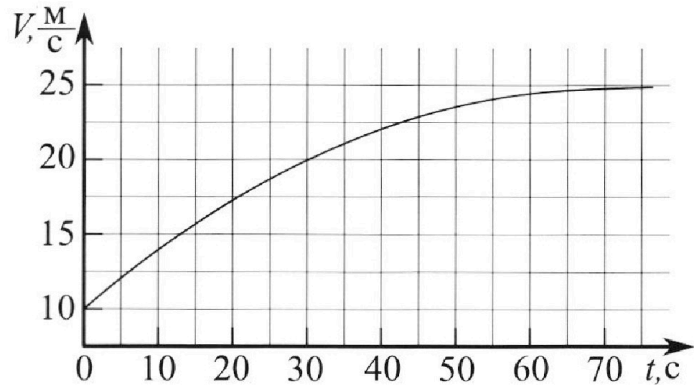
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 11-03



Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. Автомобиль массой $m = 1500$ кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила тяги двигателя равна $F_k = 600$ Н. Считать, что при разгоне сила сопротивления движению пропорциональна скорости.



- 1) Используя график, найти ускорение автомобиля в начале разгона.
- 2) Найти силу тяги F_0 в начале разгона.
- 3) Какая мощность P_0 передается от двигателя на ведущие колеса в начале разгона?

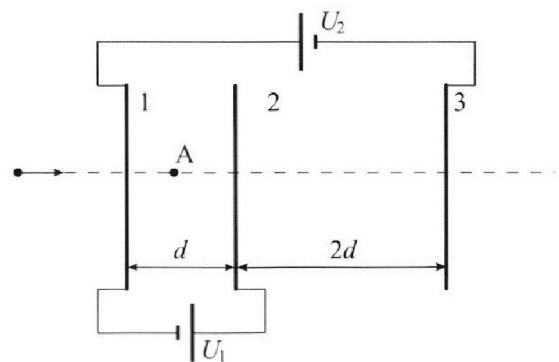
Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объёмом V разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится гелий, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при давлении $P_0 = P_{\text{АТМ}}/2$ ($P_{\text{АТМ}}$ – нормальное атмосферное давление) и при комнатной температуре T_0 . При этом жидкость занимала объём $V/4$. Затем цилиндр медленно нагрели до $T = 373$ К. Установившийся объём его верхней части стал равен $V/5$.

По закону Генри, при заданной температуре количество Δv растворённого газа в объёме жидкости w пропорционально парциальному давлению p газа: $\Delta v = kpw$. Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры $k \approx 0,5 \cdot 10^{-3}$ моль/(м³·Па). При конечной температуре T углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что $RT \approx 3 \cdot 10^3$ Дж/моль, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

- 1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.
- 2) Определите отношение конечной и начальной температур в сосуде T/T_0 .

3. Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях d и $2d$ (см. рис.). Размеры сеток значительно больше d . Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением $U_1 = U$ и $U_2 = 3U$. Частица массой m и зарядом $q > 0$ движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость V_0 на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд q намного меньше модуля зарядов сеток.



- 1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 1 и 2.
- 2) Найти разность $K_1 - K_2$, где K_1 и K_2 — кинетические энергии частицы при пролете сеток 1 и 2.
- 3) Найти скорость частицы в точке А на расстоянии $d/4$ от сетки 1.

Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 11-03

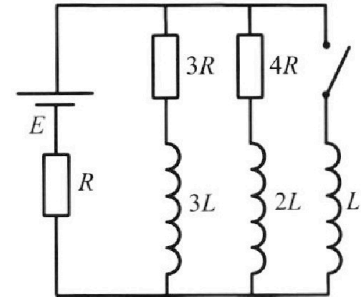
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



4. Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.

- 1) Найти ток I_{10} через резистор с сопротивлением $3R$ при разомкнутом ключе.
- 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью L сразу после замыкания ключа.
- 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением $3R$ при замкнутом ключе?

Ответы давать с ч ислowymi коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления n_1 и n_2 и находится в воздухе с показателем преломления $n_b = 1,0$. Точечный источник света S расположен на расстоянии $a = 90$ см от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см. рис.). Угол $\alpha = 0,1$ рад можно считать малым, толщина $h = 14$ см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h . Отражения в системе не учитывать.

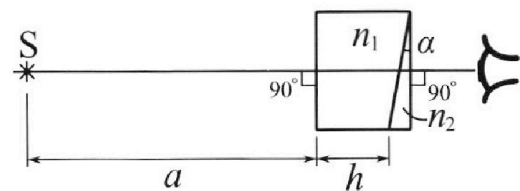


рис.). Угол $\alpha = 0,1$ рад можно считать малым, толщина $h = 14$ см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h . Отражения в системе не учитывать.

- 1) Считая $n_1 = n_b = 1,0$, $n_2 = 1,7$, найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая $n_1 = n_b = 1,0$, $n_2 = 1,7$, найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая $n_1 = 1,4$, $n_2 = 1,7$, найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№1

1) $a = \frac{dv}{dt} \Rightarrow$ ускорение в момент $t=0$ с. равно коэффициенту ~~угла~~ наклона касательной к графику в т. $t=0$.

Участок кривой между $t=0$ с. и $t=5$ с. примерно можно считать линейным.

$$v(0) = 10 \text{ м/с} ; v(5) \approx 12 \text{ м/с}$$

$$a_0 \approx \frac{v(5) - v(0)}{5 - 0} = \frac{12 - 10}{5} \text{ м/с}^2 = 0,4 \text{ м/с}^2.$$

2) $F_c = kv$ — сила сопротивления движению.

$$\text{ИЗН: } ma_0 = F_0 - kv_0.$$

В точке разгона $a=0 \Rightarrow F_k = kv_k.$

$$v_k = 25 \text{ м/с.}$$

$$k = \frac{F_k}{v_k} = \frac{600}{25} \text{ Н}\cdot\text{с/м} = 24 \text{ Н}\cdot\text{с/м}$$

$$F_0 = ma_0 + kv_0 = 1500 \cdot \frac{2}{5} + 24 \cdot 10 = 2 \cdot 300 + 240 = 600 + 240 = 840 \text{ Н.}$$

$$3) P_0 = F_0 v_0 = 840 \cdot 10 \text{ Вт} = 8400 \text{ Вт.}$$

Ответ: 1) $a_0 = 0,4 \text{ м/с}^2$; 2) $F_0 = 840 \text{ Н}$; 3) $P_0 = 8400 \text{ Вт}$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



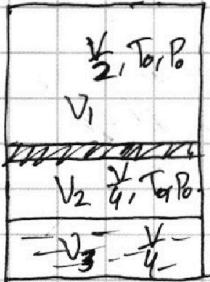
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

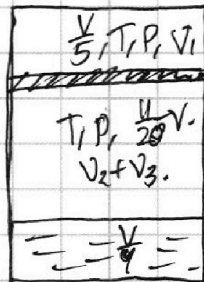
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№2

Левый локонт:



Правый локонт:



Объем газа в нижней части:

$$\frac{V}{5} - \frac{V}{4} = \frac{16V}{20} \Rightarrow V = \frac{11}{20} V_1$$

1) Пусть V_1 и V_2 — кол-во вещества газов в верней и нижней части соответственно до нагревания, V_3 — кол-во расширенного газа.

$$\begin{cases} P_0 \frac{V}{2} = \nu_1 R T_0 \\ P_0 \left(\frac{V}{2} - \frac{V}{4} \right) = \nu_2 R T_0 \end{cases} \Rightarrow \frac{\nu_1}{\nu_2} = \frac{\frac{V}{2}}{\frac{V}{4}} = 2. \quad \nu_2 = \frac{1}{2} \nu_1$$

$$2) \nu_3 = k P_0 \frac{V}{4} = \frac{1}{4} k \nu P_0$$

Парциальное давление p_{H_2O} в нижней части после нагревания:

$$\begin{aligned} P_H \frac{11}{20} V &= (\nu_2 + \nu_3) R T \\ P_H &= \frac{20}{11} \frac{(\frac{1}{2} \nu_1 + \nu_3) R T}{V} \end{aligned}$$

$T = 373 \text{ K}$ — температура кипения воды при атм. давлении \Rightarrow

$\Rightarrow P_H = P_{\text{атм}}$ — давление насыщенного пара воды.

$$P = P_H + P_H = P_H + P_{\text{атм}}$$

Для верхней части:

$$P \frac{V}{5} = \nu_1 R T$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{1}{5} (P_T + P_{ATM}) V = \nu_1 RT.$$

$$\frac{1}{5} (P_{ATM} + \frac{20}{11} \frac{(\frac{1}{2} \nu_1 + \nu_3) RT}{V}) V = \nu_1 RT.$$

$$\nu_1 R = \frac{P_0 V}{2 T_0}.$$

$$\frac{1}{5} (P_{ATM} + \frac{20}{11} \frac{(\frac{1}{2} \nu_1 RT + \nu_3 RT)}{V}) V = \frac{P_0 V T}{2 T_0}.$$

$$\frac{1}{5} P_{ATM} V + \frac{4}{11} (\frac{1}{2} \frac{P_0 V T}{T_0} + \frac{1}{4} k \nu_3 RT) = \frac{1}{2} P_0 V \frac{T}{T_0}.$$

$$\frac{1}{5} P_{ATM} = \frac{2}{5} P_0 + \frac{2}{11} P_0 \frac{T}{T_0} + \frac{1}{11} k P_0 RT = \frac{1}{2} P_0 \frac{T}{T_0}.$$

$$\frac{2}{5} + \frac{1}{11} \frac{T}{T_0} + \frac{1}{11} k RT = \frac{1}{2} \frac{T}{T_0}.$$

$$(\frac{1}{2} - \frac{1}{11}) \frac{T}{T_0} = \frac{2}{5} + \frac{1}{11} k RT.$$

$$\frac{9}{22} \frac{T}{T_0} = \frac{2}{5} + \frac{1}{11} k RT.$$

$$\frac{T}{T_0} = \frac{22}{9} (\frac{2}{5} + \frac{1}{11} k RT) = \frac{22}{9} (\frac{2}{5} + \frac{1}{11} \cdot 0,5 \cdot 10^3 \cdot 3 \cdot 10^3) =$$

$$= \frac{22}{9} (\frac{2}{5} + \frac{3}{22}) = \frac{22}{9} \cdot \frac{(2 \cdot 22 + 15)}{22 \cdot 5} = \frac{15 + 44}{45} = \frac{59}{45}.$$

$$\text{Ответ: } 1) \frac{\nu_1}{\nu_2} = 2; 2) \frac{T}{T_0} = \frac{59}{45}.$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

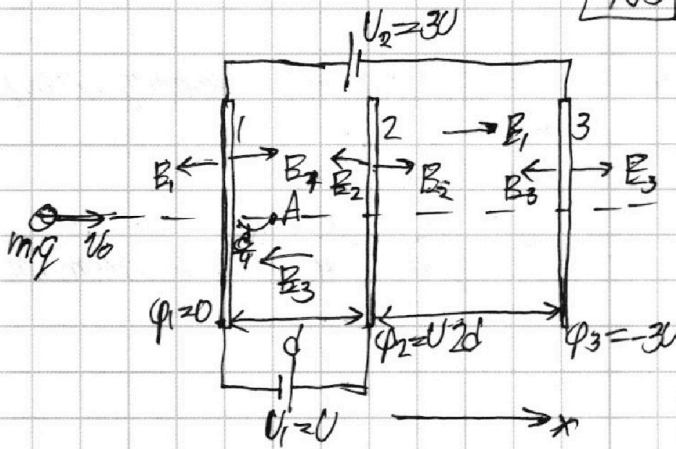
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



N3



Пусть $\varphi_1, \varphi_2, \varphi_3$ — потенциалы сетки 1, 2, 3 соотв.,
 E_1, E_2, E_3 — напряжённости полей, создаваемых сетками 1, 2, 3 соотв. (с учётом знака).

Пусть $\varphi_1 = 0$, тогда $\varphi_2 = U$,
 $\varphi_3 = -3U$.

$$\varphi_2 - \varphi_1 = U; \quad \varphi_2 - \varphi_3 = 4U.$$

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \Rightarrow E_1 + E_2 + E_3 = 0.$$

$$\begin{cases} E_2 + E_3 - E_1 = \frac{U}{2d} \\ E_2 + E_1 - E_3 = \frac{3U}{2d} \\ E_1 + E_2 + E_3 = 0 \end{cases} \Rightarrow 2E_2 = \frac{2U}{d} + \frac{U}{d} = \frac{3U}{d}$$

$$E_2 = \frac{3}{2} \frac{U}{d}.$$

$$\begin{cases} E_1 - E_3 = \frac{1}{2} \frac{U}{d} \\ E_3 + E_1 = -\frac{3}{2} \frac{U}{d} \end{cases} \Rightarrow 2E_1 = -\frac{U}{d}$$

$$E_1 = -\frac{1}{2} \frac{U}{d} \quad E_3 = -\frac{3}{2} \frac{U}{d} + \frac{1}{2} \frac{U}{d} = -\frac{U}{d}.$$

$$\begin{cases} E_1 = -\frac{1}{2} \frac{U}{d} \\ E_2 = \frac{3}{2} \frac{U}{d} \\ E_3 = -\frac{U}{d} \end{cases}$$

1) $E_{12x} = E_1 - E_2 - E_3 = \left(-\frac{1}{2} - \frac{3}{2} + 1\right) \frac{U}{d} = -\frac{U}{d}$. — напряжённость поля между сетками 1 и 2.

$$m a = q E_{12}$$

$$|a| = \frac{q \cdot U}{m d} = \frac{qU}{md}$$

2) По теореме о консервативности энергии:

$$K_1 - K_2 = -A_{12}, \quad A_{12} \text{ — работа, совершённая над зарядом.}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$A_2 = qE_{2x}d = -\frac{U}{d}qd = -qU.$$

$$K_1 - K_2 = qU.$$

3) $K_1 = \frac{1}{2}mv_0^2$, т.к. поле вне области между сетками равно 0.

ЗЗЗ:

$$K_1 + A = K_2.$$

$$A = qE_{2x} \frac{d}{4} = \frac{q}{4}qd \left(-\frac{U}{d}\right) = -\frac{1}{4}qU.$$

$$K_2 = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}mv_0^2 - \frac{1}{4}qU.$$

$$v^2 = v_0^2 - \frac{1}{2} \frac{qU}{m}$$

$$v = \sqrt{v_0^2 - \frac{1}{2} \frac{qU}{m}}.$$

Ответ: 1) $a = \frac{qU}{md}$; 2) $K_1 - K_2 = qU$; 3) $v = \sqrt{v_0^2 - \frac{qU}{2m}}$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

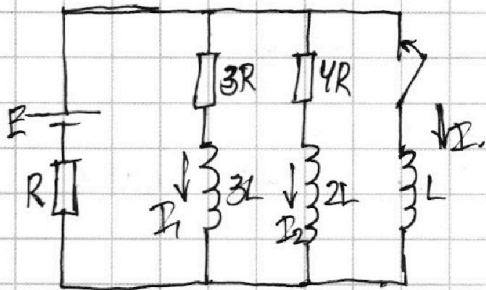
1 2 3 4 5 6 7



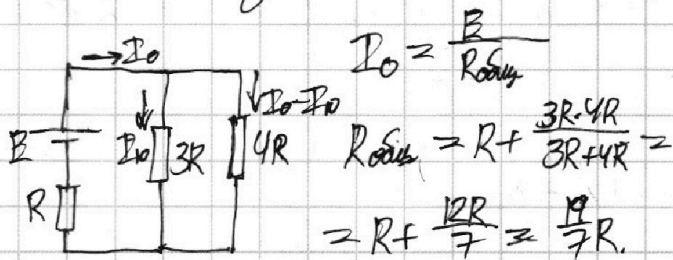
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



[4]



1) При разомкнутом ключе напряжения на катушках равны нулю.



$$3RI_0 = 4R(I_0 - I_0)$$

$$3I_0 = 4I_0 - 4I_0$$

$$7I_0 = 4I_0$$

$$I_0 = \frac{4}{7} I_0 = \frac{4}{7} \cdot \frac{7}{19} \frac{E}{R} = \frac{4}{19} \frac{E}{R}. \quad I_0 = \frac{7}{19} \frac{E}{R}.$$

$$I_0 = \frac{E}{R_{\text{общ}}}$$

$$R_{\text{общ}} = R + \frac{3R \cdot 4R}{3R + 4R} =$$

$$= R + \frac{12R}{7} = \frac{19}{7} R.$$

2) ~~По формуле~~ Падение напряжения на катушке не может уменьшаться скачком.

⇒ сразу после замыкания ключа напряжение на катушке

$$U_L = E - I_0 R = E - \frac{7}{19} E = \frac{12}{19} E.$$

$$U_L = LI \Rightarrow I = \frac{U_L}{L} = \frac{12}{19} \frac{E}{L}.$$

3) Пусть I_1 — ток через катушку $3L$, I_2 — ток через катушку

$2L$, I — через L

~~$$3RI_1 + 3L \frac{dI_1}{dt} = 4RI_2 + 2L \frac{dI_2}{dt}.$$~~

~~$$3Rdq_1 + 3LdI_1 = 4Rdq_2 + 2LdI_2.$$~~

~~$$3R \int_0^{q_1} dq_1 + 3L \int_{I_{10}}^0 dI_1 = 4R \int_0^{q_2} dq_2 + 2L \int_{I_{20}}^0 dI_2.$$~~

В установившемся режиме $\dot{q} = 0 \Rightarrow I_1 = I_2 = 0.$

~~$$3Rq_1 - 3LI_{10} = 4Rq_2 - 2LI_{20}.$$~~

~~$$I_{20} = I_0 - I_1 = \frac{7}{19} \frac{E}{R} - \frac{4}{19} \frac{E}{R} = \frac{3}{19} \frac{E}{R}.$$~~

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\cancel{3Rq_1 - 4Rq_2 = 3L \frac{4E}{19R} - 2L \cdot \frac{3E}{19R} = \frac{12EL}{19R} - \frac{6EL}{19R} = \frac{6EL}{19R}}$$

$$\cancel{3q_1 - 4q_2 = \frac{6EL}{19R}}$$

$$L \frac{dI}{dt} = 3R I_1 + 3L \frac{dI_1}{dt} \quad \text{— равенство напряжений на катушке } L \text{ и катушке } 3L \text{ с сопротивлением } 3R.$$

$$L dI = 3R I_1 dt + 3L dI_1$$

$$\int_0^I L dI = \int_0^{q_1} 3R dq_1 + \int_{I_0}^I 3L dI_1$$

$$LI = 3Rq_1 - 3LI_0$$

В установившемся режиме $I = \frac{E}{R}$.

$$\frac{LE}{R} = 3Rq_1 - 3L \cdot \frac{4E}{19R}$$

$$3Rq_1 = \frac{12LE}{19R} + \frac{LE}{R}$$

$$3Rq_1 = \frac{31LE}{19R}$$

$$q_1 = \frac{31LE}{57R^2}$$

Ответы: 1) $I_0 = \frac{4E}{19R}$; 2) $I = \frac{12E}{19L}$; 3) $q_1 = \frac{31LE}{57R^2}$.

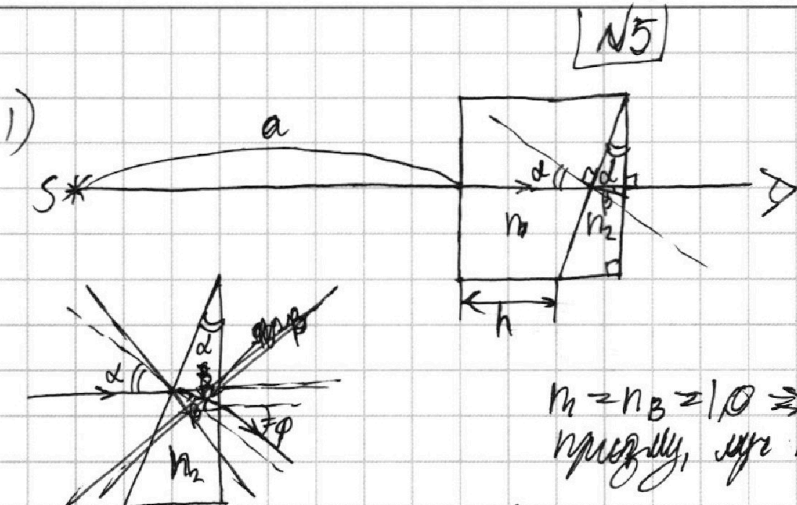
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$n_1 = n_2 = 1,0 \Rightarrow$ проходит через первую призму, луч не будет отклоняться.

Угол падения луча на левую грань призмы n_2 равен α .

Закон Снелла ($d \ll 1, \beta \ll 1, \varphi \ll 1$):

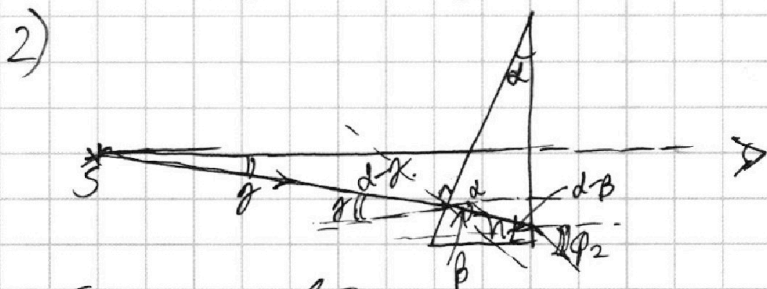
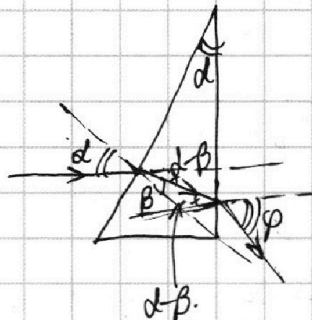
$$d \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = n_2 \Rightarrow \frac{d}{\beta} = n_2.$$

$$\beta = \frac{d}{n_2}.$$

$$\frac{\sin \varphi}{\sin \beta} = n_2 \Rightarrow \varphi = \beta n_2 =$$

$$\frac{\sin \varphi}{\sin(d - \beta)} = n_2 \Rightarrow \varphi = n_2(d - \beta) = n_2 d - d = d(n_2 - 1) = 0,1(1,7 - 1) \text{ рад.} =$$

$$= 0,1 \cdot 0,7 \text{ рад.} = 0,07 \text{ рад.}$$



Пусть луч падает из источника под углом $\alpha \ll 1$ к нормали.

Угол падения луча на левую грань призмы n_2 равен α .

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

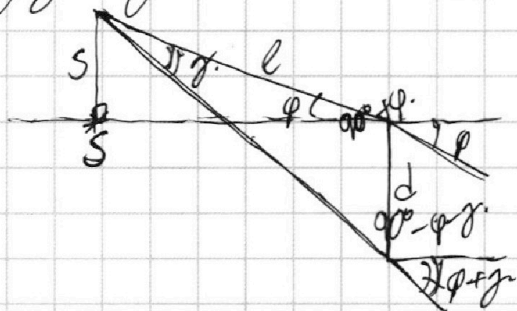
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{\sin(d-\gamma)}{\sin\beta} = n_2 \Rightarrow \beta = \frac{d-\gamma}{n_2}$$

$$\frac{\sin\varphi_2}{\sin(d-\beta)} = n_2 \Rightarrow \varphi_2 = n_2(d-\beta) = n_2\left(d - \frac{d-\gamma}{n_2}\right) = n_2d - d + \gamma$$

$$\varphi_2 = \varphi + \gamma$$

Пусть d — расстояние между точками выноса из призмы двух лучей. $d \approx (a+h)\gamma$.



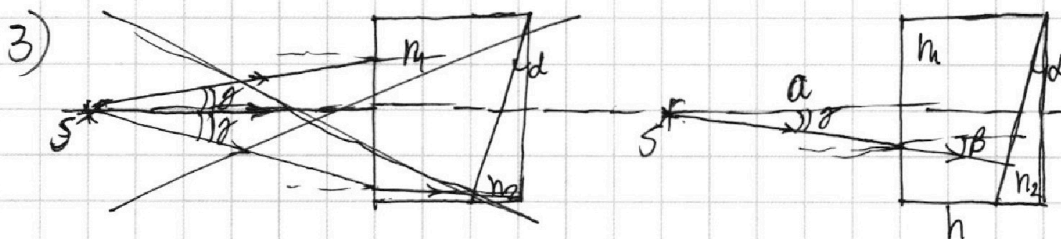
Т. синусов:

$$\frac{\gamma}{l} = \frac{\sin\gamma}{l} = \frac{\sin(90^\circ - \varphi - \gamma)}{l}$$

$$l = \frac{\cos(\varphi + \gamma)}{\gamma} d \approx \frac{d}{\gamma} = a+h$$

$$s = l \sin\varphi = l\varphi = (a+h)\varphi =$$

$$= 104.007 = \cancel{7.28} \text{ см.} = 7.28 \text{ см.}$$



Угол отклонения луча, падаящего \perp на призму n_1 , равен $\varphi = \frac{d\gamma}{n_1}$

$\gamma \ll 1$:

$$\frac{\sin\gamma}{\sin\beta} = n_1 \Rightarrow \beta = \frac{\gamma}{n_1}$$

Аналогично n_2 , угол падения луча на вторую грань призмы n_2 равен $d-\beta = d - \frac{\gamma}{n_2}$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$d \approx a\alpha + h\beta \approx a\alpha + h\left(\frac{\alpha}{n}\right) = \left(a + \frac{h}{n}\right)\alpha.$$

$$l \approx \frac{d}{\alpha} \approx \left(a + \frac{h}{n}\right)$$

$$s \approx l\varphi \approx \left(a + \frac{h}{n}\right)\varphi \approx \cancel{117} \approx \cancel{117} \approx \left(90 + \frac{14}{14}\right) \cdot 0,07 \approx \\ \approx 0,07 \cdot (90 + 10) \approx 0,07 \cdot 100 \approx 7 \text{ см.}$$

Ответ: 1) $\varphi \approx 0,07 \text{ рад.}$; 2) $s \approx 7,28 \text{ см}$; 3) $s \approx 7,00 \text{ см.}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

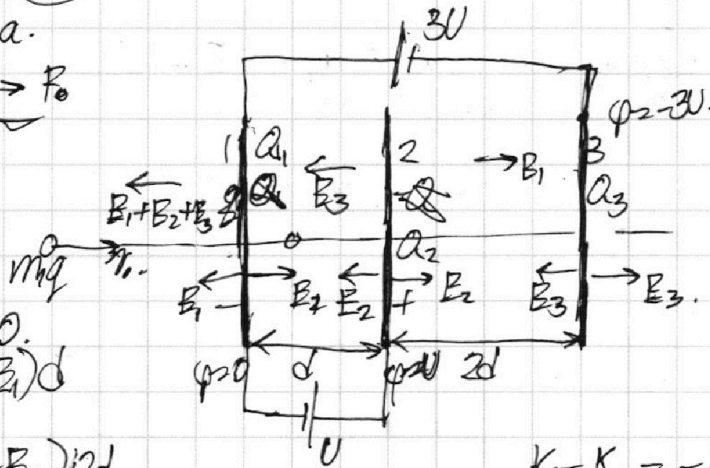
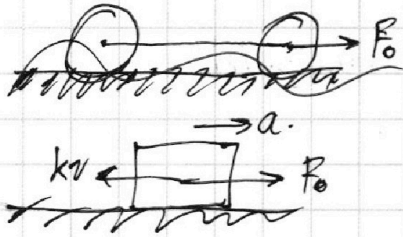
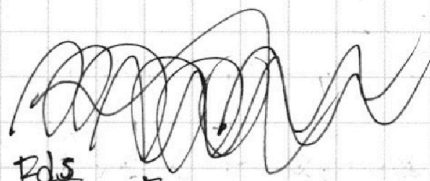
$$v_0 = 10 \text{ м/с.}$$

$$v_k = 25 \text{ м/с.}$$

$$m a_0 = F_0 - k v.$$

$$F_k = k v_k.$$

$$P = \frac{dA}{dt} = \frac{E d s}{dt} = F v.$$



$$\begin{cases} Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0 \\ U = (E_2 + E_3 - E_1)d \\ 2U = (E_1 + E_2 - E_3)2d \end{cases}$$

$$K_1 - K_2 = -A = -q E d.$$

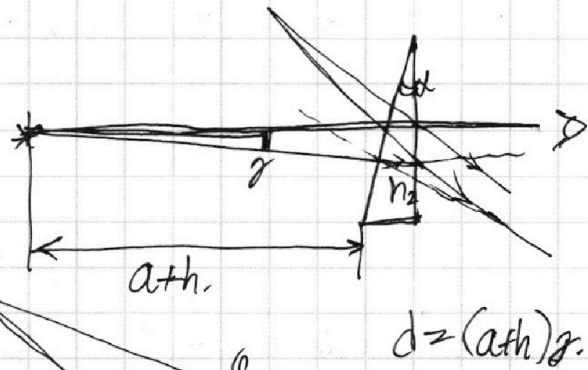
$$\begin{cases} E_1 + E_2 + E_3 = 0 \\ U = E_2 + E_3 - E_1 \\ 2U = E_1 + E_2 - E_3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2E_2 = \frac{3U}{d} \\ E_2 = \frac{3U}{2d} \end{cases}$$

$$\begin{cases} E_1 - E_3 = \frac{1}{2} \frac{U}{d} \\ E_1 + E_3 = -\frac{3}{2} \frac{U}{d} \end{cases}$$

$$E_3 = -\frac{3}{2} \frac{U}{d} + \frac{1}{2} \frac{U}{d} = -\frac{U}{d}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2E_1 = -\frac{U}{d} \\ E_1 = -\frac{U}{2d} \\ E_2 = \frac{3U}{2d} \\ E_3 = -\frac{U}{d} \end{cases}$$



$$d = (a+th) \sin \phi.$$

$$\frac{1047}{1000} = \frac{728}{1000} \text{ см.}$$

$$\frac{d}{a+th} = \frac{1}{\sin(90^\circ + \phi)}$$

$$\frac{d}{a+th} = \frac{1}{\cos \phi}$$

$$l \sin \phi = a+th.$$

$$s = l \sin \phi = (a+th) \phi.$$

$$s = l \sin(90^\circ + \phi) = l \cos \phi$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

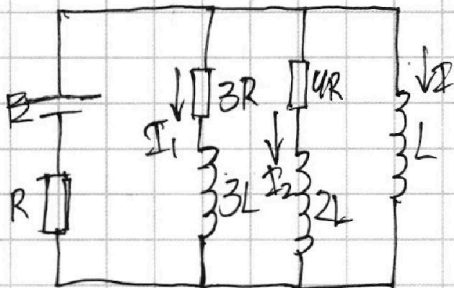
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\mathcal{E}_1 = -L \dot{I}$$



$$3RI_1 + 3L \dot{I}_1 = 4RI_2 + 2L \dot{I}_2$$

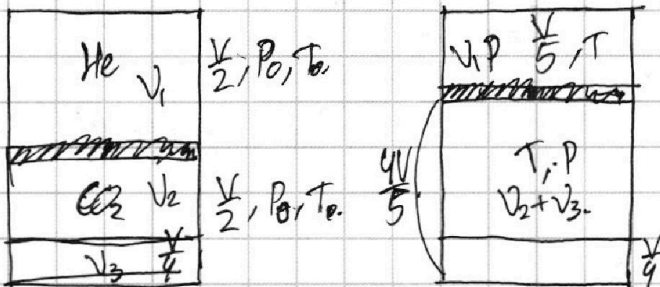
$$3RI_1 + 3L \frac{dI_1}{dt} = 4RI_2 + 2L \frac{dI_2}{dt}$$

$$3R dq_1 + 3L dI_1 = 4R dq_2 + 2L dI_2$$

$$W_{3R} + W_{2L} + qE = W_L$$

$$3RI_1 + 3L \frac{dI_1}{dt} = L \frac{dI_1}{dt}$$

$$3R dq_1 + 3L dI_1 = L dI_1$$



$$\frac{4V}{5} - \frac{V}{4} = \frac{16-5}{20} V \Rightarrow V = \frac{11}{20} V_1$$

$$\begin{cases} P_0 \frac{V}{2} = \nu_1 RT_0 \\ P_0 \frac{V}{4} = \nu_2 RT_0 \end{cases}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = 2$$

$$V_2 = \frac{1}{2} V_1$$

$$P_0 \frac{V}{2} = \nu_1 RT_0$$

$$V_3 = k \cdot \frac{V}{4} \cdot P_0 = \frac{1}{4} k V P_0$$

$$P_1 = P_2 = P = \frac{11}{20} P_0 = (\nu_2 + \nu_3) RT_0$$

$$P = P_1 + P_{\text{atm}}$$

$$P \frac{V}{5} = \nu_1 RT_0$$