



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 9



1. [4 балла] Натуральные числа a , b , c таковы, что ab делится на $2^{14}7^{10}$, bc делится на $2^{17}7^{17}$, ac делится на $2^{20}7^{37}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .

2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}$, $b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-6ab+b^2}.$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , хорда AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC : CB = 7$. Найдите длину AB , если известно, что радиусы ω и Ω равны 1 и 5 соответственно.

4. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} - \sqrt{2x^2 + 2x + 1} = 2 - 7x.$$

5. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-12;24)$, $Q(3;24)$ и $R(15;0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 12$.

6. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система

$$\begin{cases} ax - y + 10b = 0, \\ ((x+8)^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 4) \leq 0 \end{cases}$$

имеет ровно 2 решения.

7. [6 баллов] Треугольник ABC вписан в окружность. Пусть M – середина той дуги AB описанной окружности, которая не содержит точку C ; N – середина той дуги AC описанной окружности, которая не содержит точку B . Найдите расстояние от вершины A до центра окружности, вписанной в треугольник ABC , если расстояния от точек M и N до сторон AB и AC соответственно равны 4,5 и 2.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ

№1

Чистовик

Пусть

$$ab = 2^{14} \cdot 7^{10} \quad (1) \quad \text{и} \quad a = 2^x \cdot 7^y / 4,$$

$$bc = 2^{17} \cdot 7^{17} \quad (2)$$

$$ac = 2^{20} \cdot 7^{37} \quad (3)$$

тогда

$$b = 2^{14-x} \cdot 7^{10-y} \quad (\text{из (1) и (4)})$$

$$c = 2^{20-x} \cdot 7^{37-y} \quad (\text{из (3) и (4)})$$

$\Rightarrow$

из (2)

$$34-2x=17$$

$$x = \frac{17}{2}$$

$$x \notin \mathbb{Z}$$

$$47-2y=17$$

$$y = 15$$

$$b = \frac{2^{14-x}}{7^{-5}} \notin \mathbb{N}$$

$\Rightarrow$

$$b = 2^{14-x} \cdot 7^{10-y} \cdot z,$$

$$\text{где } z = 2^m \cdot 7^n.$$

из (2)

$$\Rightarrow 14-x+m+20-x=17$$

$$x = \frac{17+m}{2} \in \mathbb{Z}$$

~~Следовательно, x и m должны быть нечетными числами. Пусть $x=2k+1$, $m=2l+1$. Тогда $x = \frac{17+2l+1}{2} = 9+l$. Подставим в уравнение $14-x+m=0$: $14-(9+l)+2l+1=0 \Rightarrow 6+l=0 \Rightarrow l=-6$. Тогда $x=3$, $m=-11$. Но m не может быть отрицательным, так как b и c являются натуральными числами. Следовательно, такого решения нет.~~

Минимальная

степень будет, если

$$14-x+m=0$$

$$14 - \frac{17+m}{2} + m = 0$$

$$28-17-m+2m=0$$

$$m = -11$$

$$x = 3$$

$$\Rightarrow \text{из (2)} \quad 10-y+n+37-y=17$$

$$y = \frac{30+n}{2} \in \mathbb{Z}$$

Минимальная

степень будет, если

$$10-y+n=0$$

$$20-30-n+2n=0$$

$$n = 10$$

$$y = 20$$

$$abc = 2^x \cdot 7^y \cdot 2^{20-x} \cdot 7^{37-y} \cdot 2^{\frac{14-x}{2}} \cdot 7^{\frac{10-y}{2}} = 2^{20} \cdot 7^{37}$$

$$\text{Ответ: } 2^{20} \cdot 7^{37}$$

стр. 1 из 7

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1

☐

2

☒

3

☐

4

☐

5

☐

6

☐

7

☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Числовик

№2

$$\frac{a+b}{a^2-6ab+b^2} = \frac{a+b}{(a+b)(a-7b)+8b^2} = \frac{\frac{1}{b}\left(\frac{a}{b}+1\right)}{\left(\frac{a}{b}+1\right)\left(\frac{a}{b}-7\right)+8} = \frac{\frac{a}{b}+1}{b\left(\left(\frac{a}{b}+1\right)\left(\frac{a}{b}-7\right)+8\right)}$$

т.к. $\frac{a}{b}$ — не сократимая дробь

Можно поделить на $\left(\frac{a}{b}+1\right)$, если $8:(a+b)$.

$$m = \left(\frac{a}{b}+1\right) \cdot b = a+b \quad (\text{т.к. сначала сократили на } b)$$

т.е. $8:m \Rightarrow$ наибольшее $m=8$ (при котором

можно сказать, что и числитель, и знаменатель
можно сократить на m).

Ответ: 8

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Чистовик

$$t = 2x^2 + 2x + 1$$

$$k = 2 - 7x$$

$$t + k = 2x^2 - 5x + 3$$

$$\sqrt{t+k} - \sqrt{t} = k$$

$$\begin{cases} t+k = (k+\sqrt{t})^2 \\ k+\sqrt{t} \geq 0 \end{cases}$$

$$k+\sqrt{t} \geq 0$$

$$\begin{cases} t+k = k^2 + 2k\sqrt{t} + t \\ k+\sqrt{t} \geq 0 \end{cases}$$

$$k+\sqrt{t} \geq 0$$

$$\begin{cases} k(k+2\sqrt{t}-1) = 0 \\ k+\sqrt{t} \geq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} k(k+2\sqrt{t}-1) = 0 \\ k+\sqrt{t} \geq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2-7x = 0 & (1) \\ 2-7x+2\sqrt{2x^2+2x+1}-1=0 & (2) \\ 2-7x+\sqrt{2x^2+2x+1} \geq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2-7x = 0 & (1) \\ 2-7x+2\sqrt{2x^2+2x+1}-1=0 & (2) \\ 2-7x+\sqrt{2x^2+2x+1} \geq 0 \end{cases}$$

$$(1): x = \frac{2}{7} \quad \left(\sqrt{2\left(\frac{2}{7}\right)^2 + 2\frac{2}{7} + 1} + 2 - \frac{7 \cdot 2}{7} > 0 \right)$$

$$(2): 2\sqrt{2x^2+2x+1} = 7x-1$$

$$\begin{cases} 4(2x^2+2x+1) = 49x^2 - 14x + 1 \\ 7x-1 \geq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 41x^2 - 22x - 3 = 0 \\ x \geq \frac{1}{7} \end{cases}$$

$$\frac{D}{4} = 121 + 123 = 244$$

$$x = \frac{11 \pm \sqrt{244}}{41} = \frac{11 \pm 2\sqrt{61}}{41}$$

$$2-7x+\sqrt{2x^2+2x+1} = 1 - \sqrt{2x^2+2x+1} < 0 \quad x \geq \frac{1}{7} \Rightarrow \frac{11+2\sqrt{61}}{41} = x$$

$$1 \neq 2x^2+2x+1$$

$$0 \neq 2x^2+2x$$

$$(x > 0)$$

$$\Rightarrow 2-7x+\sqrt{2x^2+2x+1} \geq 0 \text{ не выполнено}$$

$$\text{Ответ: } \frac{2}{7}.$$

стр. 2 из 7



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

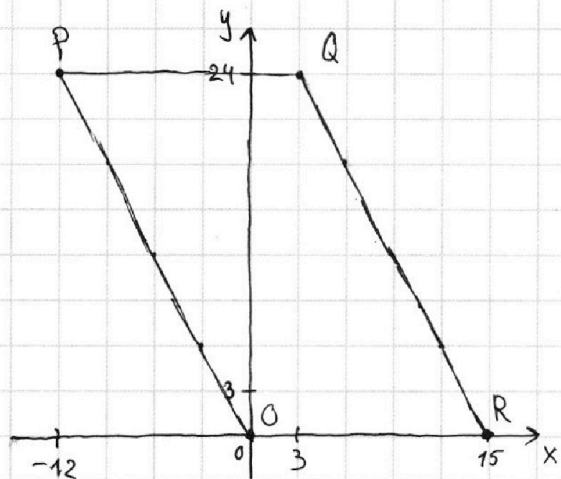
1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Чистовик

№5



Всего целых точек:

$$24 \cdot 15 = 360.$$

$$y_1 \in [0; 24] \text{ и } y_2 \in [0; 24].$$

$$x_1 \in [-12; 15] \text{ и } x_2 \in [-12; 15].$$

$$y_2 - y_1 = 12 + 2(x_1 - x_2) \leq 24$$

$$x_1 - x_2 \leq 6$$

стр. 6 из 7

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☒	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

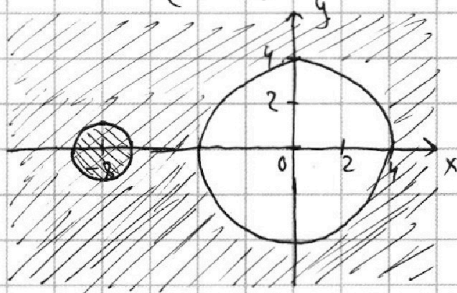


Чистовик

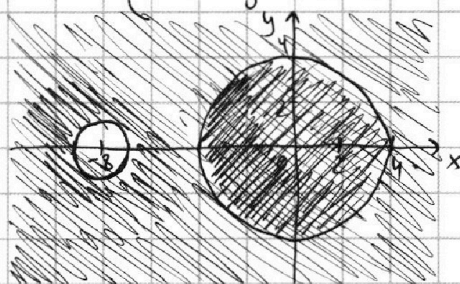
N6

$$\begin{cases} ax - y + 10b = 0 & (1) \\ ((x+8)^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 4) \leq 0 & (2) \end{cases}$$

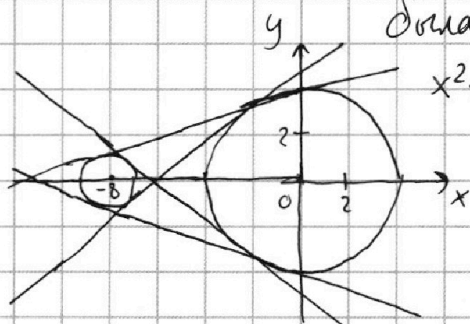
(2): 1) $\begin{cases} (x+8)^2 + y^2 - 1 \leq 0 \\ x^2 + y^2 - 4 \geq 0 \end{cases}$



2) $\begin{cases} (x+8)^2 + y^2 - 1 \geq 0 \\ x^2 + y^2 - 4 \leq 0 \end{cases}$



Чтобы было у системы ровно 2 решения,
необходимо, чтобы прямая вида $y = ax + 10b$
была общей касательной 2-х кр.



$x^2 + y^2 = 4$ и $(x+8)^2 + y^2 = 1$.

4 варианта касательных

1) $\begin{cases} y_1 = ax_1 + 10b \\ (x_1+8)^2 + y_1^2 = 1 \end{cases}$ — 1 реш. (т.е. 1 пересек.)

$x_1^2 + 16x_1 + 64 + a^2x_1^2 + 20abx_1 + 100b^2 = 1$

$(a^2+1)x_1^2 + 2(8+10ab)x_1 + 63+100b^2 = 0$

$\frac{D}{4} = 64 + 160ab + 100a^2b^2 - 63a^2 - 63 - 100a^2b^2 - 100b^2 =$

$= 160ab - 63a^2 - 100b^2 + 1 = 0$ (т.к. 1 реш.)

$63a^2 - 160ab + 100b^2 - 1 = 0$

~~$63a^2 - 160ab + 100b^2 - 1 = 0$~~

$\frac{D}{4} = 6400a^2 - 6300a^2 + 100 \geq 0$

$b = \frac{80a \pm 10\sqrt{a^2+1}}{100} = \frac{8a \pm \sqrt{a^2+1}}{10}$ (верно для $\forall a$)

см. продолжение
стр. 3 из 7



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☒	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Чистовик

№6 (продолжение)

$$2) \begin{cases} y_2 = ax_2 + 10b \\ x_2^2 + y_2^2 = 4 \end{cases} \quad \bullet \quad 1 \text{ реш. (1 пересек)}$$

$$x_2^2 + a^2 x_2^2 + 20abx_2 + 100b^2 - 4 = 0$$

$$(a^2 + 1)x_2^2 + 20abx_2 + 100b^2 - 4 = 0$$

$$\frac{D}{4} = 100a^2b^2 - 100a^2b^2 + 4a^2 + 4 - 100b^2 = 0$$

$$a^2 + 1 = 25b^2$$

$$b = \pm \frac{\sqrt{a^2 + 1}}{5}$$

$$1. \quad \frac{\sqrt{a^2 + 1}}{5} = \frac{8a + \sqrt{a^2 + 1}}{10}$$

$$\sqrt{a^2 + 1} = 8a$$

$$\begin{cases} a^2 + 1 = 64a^2 \\ a \geq 0 \end{cases}$$

$$a = \frac{1}{\sqrt{63}}$$

$$2. \quad \frac{\sqrt{a^2 + 1}}{5} = \frac{8a - \sqrt{a^2 + 1}}{10}$$

$$3\sqrt{a^2 + 1} = 8a$$

$$\begin{cases} 9a^2 + 9 = 64a^2 \\ a \geq 0 \end{cases}$$

$$a = \frac{3}{\sqrt{55}}$$

$$3. \quad -\frac{\sqrt{a^2 + 1}}{5} = \frac{8a + \sqrt{a^2 + 1}}{10}$$

$$3\sqrt{a^2 + 1} = -8a$$

$$\begin{cases} 9a^2 + 9 = 64a^2 \\ a \leq 0 \end{cases}$$

$$a = -\frac{3}{\sqrt{55}}$$

$$4. \quad -\frac{\sqrt{a^2 + 1}}{5} = \frac{8a - \sqrt{a^2 + 1}}{10}$$

$$\sqrt{a^2 + 1} = -8a$$

$$\begin{cases} a^2 + 1 = 64a^2 \\ a \leq 0 \end{cases}$$

$$a = -\frac{1}{\sqrt{63}}$$

$$\text{Ответ: } \pm \frac{1}{\sqrt{63}}; \pm \frac{3}{\sqrt{55}}$$

стр. 4 из 7



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



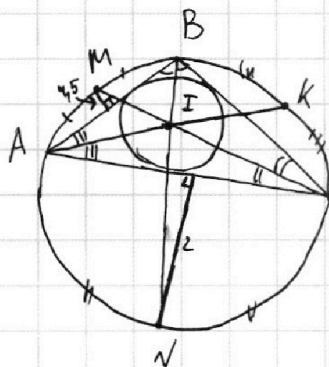
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Чистовик

№ 7

AI - ?



$$\begin{aligned} 1) \quad & \angle ABN = \angle NBC \\ & \angle ACM = \angle MCB \end{aligned} \quad \left(\begin{array}{l} \text{т.к. опираются} \\ \text{на равные} \\ \text{дуги} \end{array} \right)$$

$$2) \Rightarrow BN \cap MC = I \quad (I - \text{центр вписанной окр.})$$

$$3) \quad K \in AI$$

$$\angle BAK = \angle KAC$$

$$\Rightarrow BK = KC \quad (\text{т.к. равные углы})$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Черновик

$$\begin{aligned} a &= 2^x \cdot 7^y \\ c &= 2^{20-x} \cdot 7^{37-y} \\ b &= 2^{14-x} \cdot 7^{10-y} \end{aligned}$$

~~20-x-14-x=6-2x~~

$$a = 2^x \cdot 7^y$$

$$c = 2^{20-x} \cdot 7^{37-y}$$

$$b = 2^{14-x} \cdot 7^{10-y} \cdot z$$

$$z = 2^m \cdot 7^n$$

$$34-2x=17$$

$$\frac{17+m}{2} = x$$

$$m=1$$

$$x=9$$

$$10-y+37-y=17$$

$$30=2y$$

$$y=15$$

$$n=5$$

$$2^{20} \cdot 7^{37} \cdot 2^5 \cdot 2 = 2^{26} \cdot 7^{37}$$

$$14-x+m \geq 0$$

$$14 \geq m+x$$

$$14 \geq m + \frac{17+m}{2}$$

$$28 \geq 2m + 17 + m$$

$$11 \geq 3m$$

$$\frac{11}{3} \geq m$$

$$\frac{45+11}{2} = 28$$

$$45+11-31=25$$

$$4+3=7$$

$$5+1=6$$

$$10-y+n + 37-y = 17$$

$$40=2y+n$$

$$y = \frac{40-n}{2}$$

$$11 \geq 2+m$$

$$14-3-7=4$$

$$14-1-8=5$$

$$14+1-9=6$$

$$14-x+m=0$$

$$14 - \frac{17+m}{2} + m = 0$$

$$28-17-m+2m=0$$

$$11+m=0$$

$$m=-11$$

$$10-y+n = 10-n$$

$$10-y+n=0$$

$$y=10+n$$

$$y=n+10$$

$$2n+20=30+n$$

$$n=10$$

$$10-30+20$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Черновик

$$ab \equiv 2^{14} \cdot 7^{10}$$

$$bc \equiv 2^{19} \cdot 7^{19}$$

$$ac \equiv 2^{20} \cdot 7^{34}$$

$abc = ?$

$$\frac{a}{b}$$

$$\frac{a^2 - 6ab + b^2}{a^2 - 6ab + b^2} = \frac{(a+b)(a-7b) + 8b^2}{(a+b)(a-7b) + 8b^2}$$

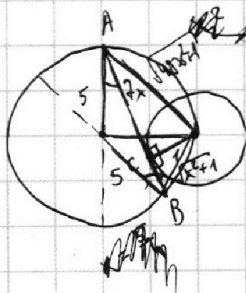
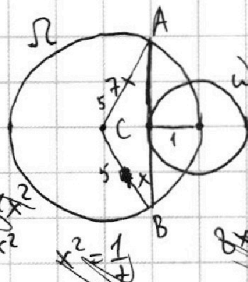
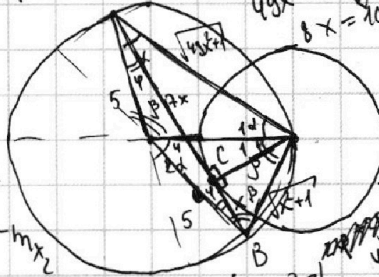
$$\frac{a^2 - 6ab + b^2}{a^2 - 6ab + b^2} = \frac{a+b}{a-7b}$$

$$\frac{a^2 - 6ab + b^2}{a^2 - 6ab + b^2} = \frac{a+b}{a-7b}$$

$$a+b = mx_1$$

$$a^2 - 6ab + b^2 = mx_2$$

$$8ab = m^2 x_1^2 - mx_2$$



$$ab = \frac{m^2 x_1^2 - mx_2}{8}$$

$$(mx_1 - a)a = \frac{m^2 x_1^2 - mx_2}{8}$$

$$8mx_1 a - 8a^2 = m^2 x_1^2 - mx_2$$

$$8a^2 - 8mx_1 a + mx_2 - m^2 x_1^2 = 0$$

$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} - \sqrt{2x^2 + 2x + 1} = 2 - 7x$$

$$t = 2x^2 + 2x + 1$$

$$t - 7x = 2x^2 - 5x$$

~~$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} + 7x = \sqrt{2x^2 + 2x + 1} + 2$$~~

$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} + 7x = \sqrt{2x^2 + 2x + 1} + 2$$

$$2x^2 - 5x + 3 + 14x\sqrt{2x^2 - 5x + 3} + 49x^2 = 2x^2 + 2x + 1 + 4 + 4\sqrt{2x^2 + 2x + 1}$$

$$14x\sqrt{2x^2 - 5x + 3}$$

$$\sqrt{t - 7x + 2} - \sqrt{t} = 2 - 7x$$

$$\sqrt{t - k} - \sqrt{t} = k$$

$$\sqrt{t - k} = (k + \sqrt{t})^2$$

$$k + \sqrt{t} \geq 0$$

$$k = 2 - 7x$$

$$k - k = k^2 + 2\sqrt{t}k + t$$

$$k^2 + 2\sqrt{t}k + t = 0$$

$$k(k + 2\sqrt{t} + 1) = 0$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ

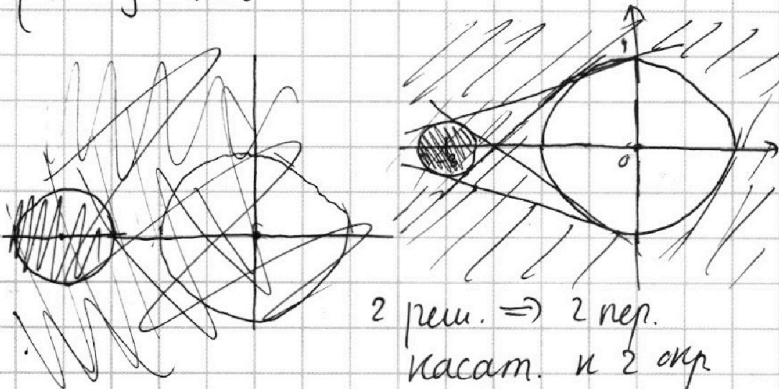


Черновик

$$\begin{cases} ax - y + 10b = 0 \\ y = ax + 10b \end{cases}$$

$$((x+8)^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 4) \leq 0$$

$$1. \begin{cases} (x+8)^2 + y^2 - 1 \leq 0 \\ x^2 + y^2 - 4 \geq 0 \end{cases}$$



2 реш. $\Rightarrow$ 2 пер.
касат. и 2 окр.

4 вар.

$$\begin{cases} (x_1+8)^2 + y_1^2 = 1 \\ x_2^2 + y_2^2 = 4 \end{cases}$$

$$x_1^2 + 16x_1 + 64 + y_1^2 = 1$$

$$x_1^2 + 16x_1 + 64 + 100b^2 = 1$$

$$x_1^2 + 16x_1 + 63 + 100b^2 = 0$$

$$16x_1 + 63 + 100b^2 = 0$$

$$16x_1 = -63 - 100b^2$$

$$x_1 = -\frac{63 + 100b^2}{16}$$

$$\begin{cases} y_1 = ax_1 + 10b \\ y_2 = ax_2 + 10b \end{cases}$$

$$1) x_1^2 + 16x_1 + 64 + a^2x_1^2 + 20abx_1 + 100b^2 = 1$$

$$(a^2+1)x_1^2 + 2(10ab+8)x_1 + 63 + 100b^2 = 0$$

1 реш.

$$\frac{D}{4} = 100a^2b^2 + 160ab + 64 - 63 - 100b^2a^2$$

$$= -100b^2 + 160ab + 1 = 0$$

$$100b^2 - 160ab - 1 = 0$$

$$\frac{D}{4} = 6400a^2 + 100 - 6300a^2 = 100a^2 + 100 \geq 0$$

$$100a^2 \geq -100$$

$$a^2 \geq -1$$

$$b = \frac{80a \pm \sqrt{a^2+1}}{100}$$

$$\frac{\sqrt{a^2+1}}{5} = \frac{8a + \sqrt{a^2+1}}{10}$$

$$\sqrt{a^2+1} = 8a$$

$$a^2+1 = 8a^2$$

$$a \geq 0$$

$$7a^2 = 1$$

$$a = \pm \frac{1}{\sqrt{7}}$$

$$b = \frac{\sqrt{a^2+1}}{5} = \frac{\sqrt{\frac{1}{7}+1}}{5} = \frac{\sqrt{\frac{8}{7}}}{5} = \frac{2\sqrt{14}}{25}$$

$$a^2 - 25b^2 + 1 = 0$$

$$a^2 = 25b^2 - 1$$

$$a = \pm \sqrt{25b^2 - 1}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Черновик

$$a+b = m \cdot k$$

$\frac{k}{n}$ — не сопр.

$$a^2 - 6ab + b^2 = m \cdot n$$

$$(a+b)^2 - 8ab = mn$$

$$k^2 \cdot m^2 - n \cdot m - 8ab = 0$$

$$k^2 m^2 - n \cdot m - 8a(mk - a) = 0$$

$$k^2 \cdot m^2 - (n + 8ak)m + 8a^2 = 0$$

$$D = (n + 8ak)^2 - 32a^2 k^2 =$$

$$= n^2 + 16ank + 32a^2 k^2 = \ell^2$$

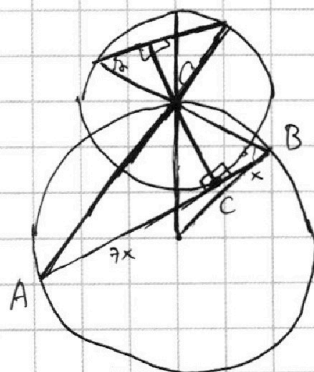
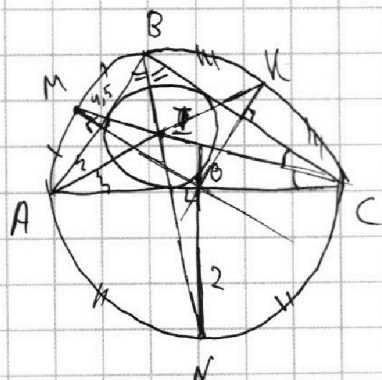
$$m = \frac{n + 8ak \pm \ell}{2k^2}$$

$$\frac{1}{b} + \frac{1}{a}$$

$$\frac{a}{b} + \frac{b}{a} - 6$$

$$m = \frac{a}{b} \cdot \frac{1 + \frac{1}{(\frac{b}{a})^2} - \frac{6b}{a}}{1 + \frac{1}{(\frac{b}{a})^2} - \frac{6b}{a}}$$

AI-?



22-