



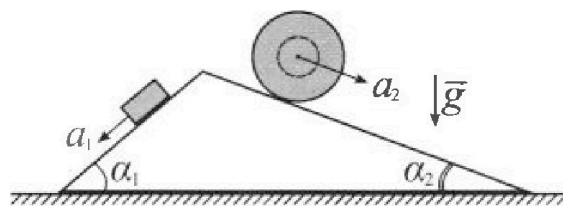
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-04

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



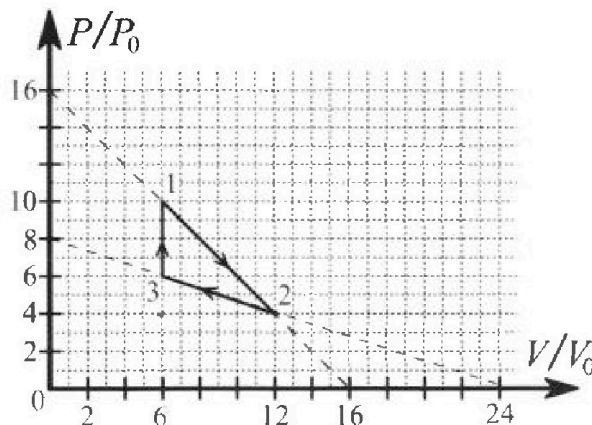
1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 5g/17$ и скатывается без проскальзывания полый шар массой $9m/4$ с ускорением $a_2 = 8g/27$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 8/17$, $\cos \alpha_2 = 15/17$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.



- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между шаром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

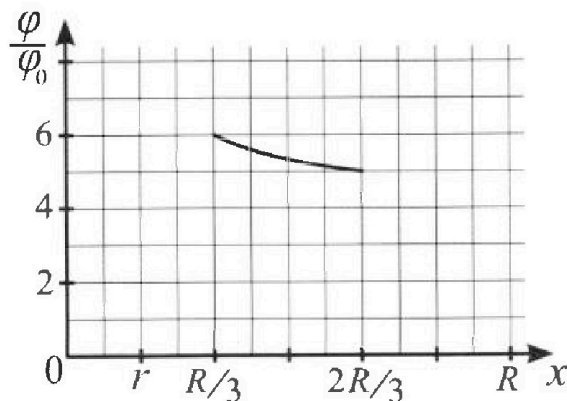
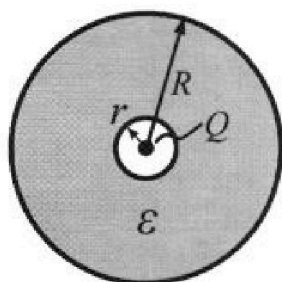


- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 1-2 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 3.
- 3) Найдите КПД цикла.

Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = 11R/12$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .



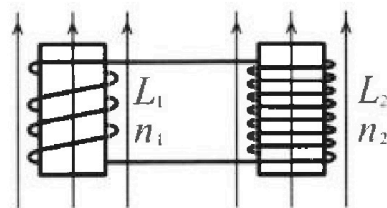
Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2024

Вариант 11-04

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

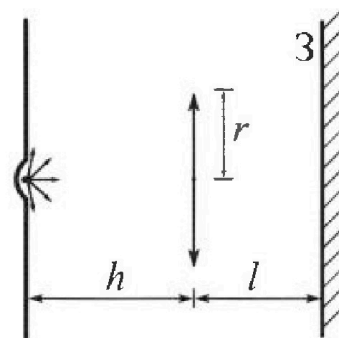


4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 9L/4$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 3n/2$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет уменьшаться со скоростью $\Delta B / \Delta t = -\alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $3B_0/4$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $4B_0$ до $8B_0/3$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = 2h/3$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 4$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = h/2$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещённой части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещённой части стены.

Ответы дайте в $[\text{см}^2]$ в виде $\gamma\pi$, где γ - целое число или простая обыкновенная дробь.

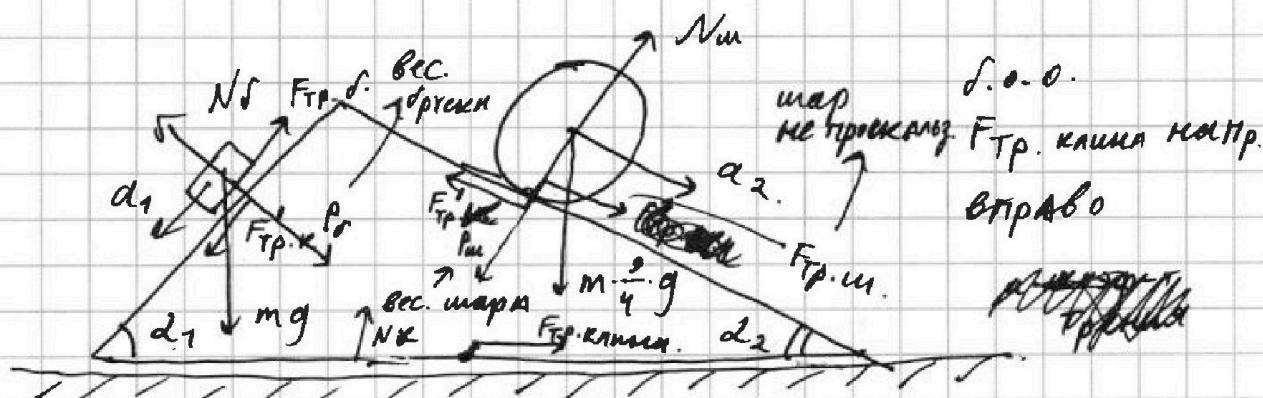


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

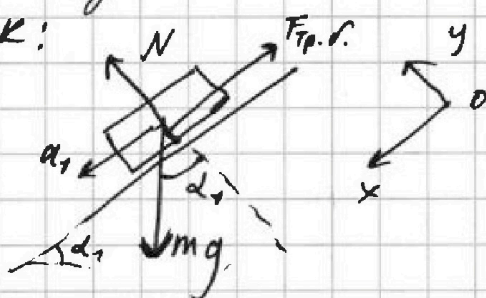
СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



рассм. по отдельности; учитывая, что клин не движ.

брусек:



2-ой закон Ньютона на оси:

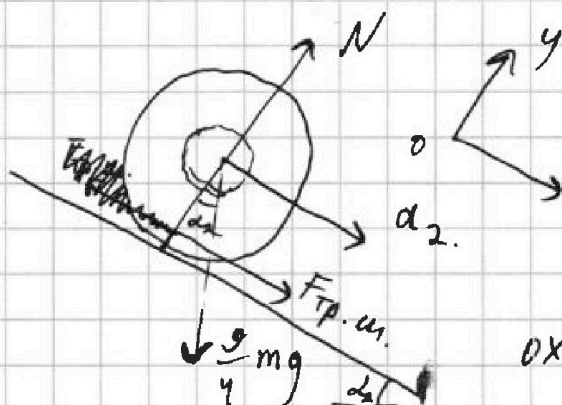
$$OX: ma_1 = mg \sin(\alpha_1) - F_{tr.д.}$$

$$OY: 0 = N - mg \cos(\alpha_1)$$

Вариант

$$1) F_{tr.д.} = mg \sin(\alpha_1) - ma_1 = m \left(g \cdot \frac{3}{5} - g \cdot \frac{5}{17} \right) = \frac{26}{85} mg$$

шар:



2-ой закон Ньютона на оси:

$$OX: \dots$$

$$OX: \frac{2}{4} m a_2 = F_{tr.ш.} + \frac{2}{4} mg \sin(\alpha_2)$$

$$OY: 0 = N - \frac{2}{4} mg \cos(\alpha_2)$$

$$2) F_{tr.ш.} = -\frac{2}{4} mg \sin(\alpha_2) + \frac{2}{4} m a_2 = m \cdot \frac{2}{4} \left(\frac{8}{27} g - g \cdot \frac{8}{17} \right) = -mg$$

т.е. сила тр. не разгоняет шар, а тормозит.



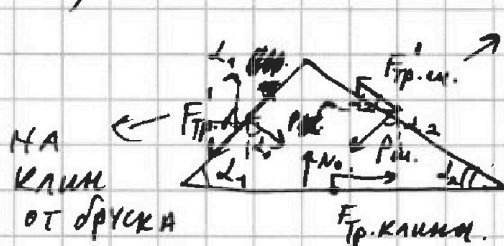
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☒ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3) КЛИН:



нас интересуют
только проекции
на ось OX.
2-ой закон Ньютона.

$$P_{\text{ш.}} \cdot \sin(\alpha_1) - P_{\text{ш.}} \cdot \sin(\alpha_2) - F'_{\text{тр.д.}} \cdot \cos(\alpha_1) - F'_{\text{тр.ш.}} \cdot \cos(\alpha_2) +$$

$+ F_{\text{тр.клин.}} = 0$: по 3-му закону Ньютона:

$$F_{\text{тр.клин.}} = \frac{135}{68} \cdot \frac{8}{17} \cdot mg +$$

$$+ \frac{26}{85} \cdot \frac{4}{5} \cdot mg - \frac{8}{17} \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{20}{51} mg -$$

$$- \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{5} mg =$$

$$\left\{ \begin{aligned} P_{\text{ш.}} &= N_{\text{ш.}} = \frac{9}{4} mg \cos(\alpha_2) = \frac{135}{68} mg \\ P_{\text{д.}} &= N_{\text{д.}} = mg \cos(\alpha_1) = \frac{4}{5} mg \end{aligned} \right.$$

$$F'_{\text{тр.д.}} = F_{\text{тр.д.}} = \frac{26}{85} mg$$

$$F'_{\text{тр.ш.}} = F_{\text{тр.ш.}} = \frac{20}{51} mg$$

$$1 = \frac{276}{289} \cdot mg + \frac{104}{425} mg - \frac{700}{289} mg - \frac{12}{25} mg - \frac{170}{289} = \frac{10}{17}$$

$$F_{\text{тр.клин.}} = mg \cdot \left(\frac{10}{17} + \frac{104}{25 \cdot 17} - \frac{12 \cdot 17}{25 \cdot 17} \right) = mg \left(\frac{10}{17} - \frac{100}{25 \cdot 17} \right) = \frac{6}{17} mg$$

Ответ: 1) $F_{\text{тр.д.}} = \frac{26}{85} mg$

2) $F_{\text{тр.ш.}} = \frac{20}{51} mg$

3) $F_{\text{тр.клин.}} = \frac{6}{17} mg$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

СТРАНИЦА
3 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

расм. на уч-ке 3-1: $A_T = 0$; $\Delta U_{3-1} > 0$

$\Rightarrow$ тепло подводилось.

тогда расм. $(E_n)'$ для процессов 1-2 и 2-3:

полн.
энерг. газа

$$E_n = \frac{3}{2} \nu R T \Rightarrow E_n \sim T$$

$$\Rightarrow \Delta E_n = Q \Rightarrow Q' \sim T'$$

~~$$E_n = \frac{3}{2} \nu R T \Rightarrow (E_n)' = \frac{3}{2} \nu R T'$$~~

$\Rightarrow$ extr. Q и T совпад. $\Rightarrow$ из наших предм.
рассуждений: (а так же уч-ки монот-ти)

1-2: [6; 8] - энерг. подвод-св.; [8; 12] - отвод-св.

2-3: ~~на~~ весь процесс подводилась энергия.

$$\Rightarrow \oint = \frac{A_{cy.}}{\Delta U_{3-1} + \Delta U_{1-max} + A_{T, max} + \Delta U_{2-3} + A_{T, 2-3}}$$

$$\Delta U_{3-1} = \frac{3}{2} R \cdot \nu \cdot \left(\frac{60 P_0 V_0}{\nu R} - \frac{36 P_0 V_0}{\nu R} \right) = \frac{3}{2} \cdot 24 \cdot P_0 V_0 = 36 P_0 V_0$$

$$\Delta U_{1-max} = \frac{3}{2} R \cdot \nu \cdot \left(\frac{64 P_0 V_0}{\nu R} - \frac{60 P_0 V_0}{\nu R} \right) = \frac{3}{2} \cdot 4 P_0 V_0 = 6 P_0 V_0$$

$$A_{T, max} = 2 V_0 \cdot \left(\frac{8 P_0 + 10 P_0}{2} \right) = 18 P_0 V_0$$

$$\Delta U_{2-3} = \frac{3}{2} \nu R \cdot \left(48 - 36 \right) \frac{P_0 V_0}{\nu R} = \frac{3}{2} \cdot 12 P_0 V_0 = 18 P_0 V_0$$

$$A_{T, 2-3} = 6 V_0 \cdot \left(\frac{4 P_0 - 6 P_0}{2} \right) = -6 P_0 V_0 \quad \left(\begin{array}{l} \text{отрицат.} \\ \text{рад.} \end{array} \right)$$

$$\Rightarrow \oint = \frac{12 V_0 P_0}{36 P_0 V_0 + 6 P_0 V_0 + 18 P_0 V_0 + 18 P_0 V_0 - 6 P_0 V_0} = \frac{12}{72} = \frac{1}{6}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐

2 ☒

3 ☐

4 ☐

5 ☐

6 ☐

7 ☐

СТРАНИЦА
4 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Ответ: 1) $\eta = \left| \frac{\Delta U_{1-2}}{A_{\text{г}}} \right| = \frac{3}{2}$

2) $\lambda = \frac{T_{\text{max}}}{T_3} = \frac{16}{9}$

3) $\delta = \frac{1}{6}$

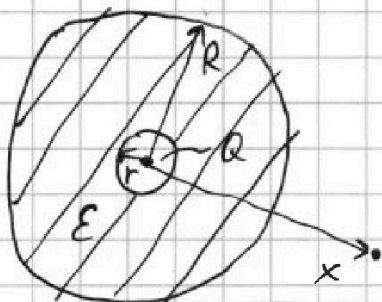


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



заметьте, что согласно графику $r < \frac{R}{3}$.

поле вне (при $x > R$)

по т. ГАУССА для симметрии системы и пов-ти: шар с радиусом "x":

$$\int \vec{E} d\vec{S} = \frac{Q}{\epsilon_0} = 4\pi x^2 E_x$$

$$\Rightarrow E_x = \frac{kQ}{x^2} \quad \text{т.к. при } x \rightarrow \infty: \varphi \rightarrow 0$$

$$\Rightarrow \varphi = \frac{kQ}{x}$$

теперь рассм. потенциал точек внутри шара отталкиваясь от φ_0 :

рассм. точку на расст. $L: (r < L < R)$ и её потенц.

из общих соображений:

$$d\varphi = E(L) dL$$

$$\Delta \varphi = \int (E(L) dL)$$

$$\text{у нас: } \begin{cases} L \in (r; R): E(L) = \frac{k}{\epsilon} \cdot \frac{Q}{L^2} \\ L \notin (r; R): E(L) = \frac{kQ}{L^2} \end{cases}$$

⇒ для точки внутри диэл:

$$\varphi_L - \varphi_0 = \int_x^R \frac{kQ}{L^2} dL + (-1) \int_R^L \frac{kQ}{L^2} dL = \left(-\frac{kQ}{R} + \frac{kQ}{x} - \frac{kQ}{\epsilon L} + \frac{kQ}{\epsilon R} \right)$$

$$= kQ \left(\frac{1}{R} \left(\frac{1}{\epsilon} - 1 \right) + \frac{1}{x} - \frac{1}{\epsilon L} \right)$$

$$\Rightarrow \varphi_L = \frac{kQ}{x} + \frac{kQ}{R} \left(\frac{1}{\epsilon} - 1 \right) - \frac{kQ}{\epsilon L} + \frac{kQ}{\epsilon R}$$

$$\varphi_L = \frac{kQ}{L} \cdot \frac{1}{\epsilon} - \frac{kQ}{R} \left(\frac{1}{\epsilon} - 1 \right)$$

$$= -\frac{kQ}{\epsilon R} + \frac{kQ}{\epsilon L} - \frac{kQ}{x} + \frac{kQ}{R}$$

т.е. в диэл. шим. потенц. в ϵ раз меньше чем в вакууме
 $\Delta \varphi_{\text{вак}} = \epsilon \cdot \Delta \varphi_{\text{диэл.}}$

$$\varphi_0 - \varphi_L = \int_R^L \frac{kQ}{\epsilon L^2} dL + \int_L^x \frac{kQ}{L^2} dL =$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☒ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2) Тогда, для находж. ϵ из графика. ^{обозн. ϵ уже дано}
выраз аналитич. зав-то $\frac{\varphi}{\varphi_0}(L)$ для $L \in (r; R)$

$$\Rightarrow \frac{\varphi}{\varphi_0}(L) = \frac{kQ}{L} \cdot \frac{1}{\epsilon} + \frac{kQ}{R} \left(1 - \frac{1}{\epsilon}\right) = \frac{1}{L\epsilon} + \frac{1}{R} - \frac{1}{R\epsilon} =$$

$$\varphi(L) = \frac{2kQ}{x} + \frac{kQ}{R} \left(\frac{1}{\epsilon} - 1\right) - \frac{kQ}{L\epsilon}$$

$$\frac{\varphi}{\varphi_0} = \frac{2kQ}{x} + \frac{kQ}{R} \left(\frac{1}{\epsilon} - 1\right) - \frac{kQ}{L\epsilon}$$

$$= \frac{11}{12} \cdot \frac{1}{L\epsilon} + \frac{1}{R} - \frac{1}{R\epsilon}$$

$$\frac{\varphi}{\varphi_0} = 2 + \frac{11}{12} \left(\frac{1}{\epsilon} - 1\right) - \frac{11}{12} \cdot \frac{R}{L} \cdot \frac{1}{\epsilon}$$

тогда: расчи. 2 точки на графике: $\left(\frac{R}{3}; 6\right); \left(\frac{2R}{3}; 5\right)$

$$\Delta\left(\frac{\varphi}{\varphi_0}\right) = 5 - 6 = -\frac{11}{12} \left(\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{\epsilon} - \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{\epsilon}\right) = -\frac{11}{12} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{\epsilon}$$

$$\Delta\left(\frac{\varphi}{\varphi_0}\right) = 5 - 6 = -\frac{11}{12} \left(\frac{R \cdot 3}{2R} \cdot \frac{1}{\epsilon} + 1 - \frac{1}{\epsilon}\right) = -\frac{11}{12} \left(\frac{R}{R} - \frac{1}{\epsilon}\right)$$

$$\frac{1}{\epsilon} = 1 - \frac{12 \cdot 2}{11 \cdot 3} = \frac{24}{33}$$

$$\frac{11}{12} \cdot \frac{1}{\epsilon} = \frac{11}{12} \cdot \frac{24}{33} = \frac{11}{12} \cdot \frac{2}{3} = \frac{11}{18}$$

$$\Rightarrow \frac{6}{11} = \frac{1}{\epsilon} \Rightarrow \epsilon = \frac{11}{6}$$

Ответ: 1) $\varphi(L) = \frac{kQ}{L} \cdot \frac{1}{\epsilon} + \frac{kQ}{R} \left(1 - \frac{1}{\epsilon}\right)$

2) $\epsilon = \frac{11}{6}$ $\frac{\varphi(L)}{\varphi_0} = 2 + \frac{11}{12} \left(\frac{1}{\epsilon} - 1\right) - \frac{11}{12} \cdot \frac{R}{L} \cdot \frac{1}{\epsilon}$

$$\Delta' = \frac{\varphi}{\varphi_0} = \frac{11}{12} \left(\frac{R}{L} \cdot \frac{1}{\epsilon} + 1 - \frac{1}{\epsilon}\right)$$

Абсолют.
потенциал.

относит.
потенциал.
(отн. φ_0).



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2) рассм. связь Φ -потока магн. поля катушки и I — то ей же

$$\Phi = L I$$

$$\Rightarrow \Delta \Phi = L \Delta I \text{ (при } L = \text{const.)}$$

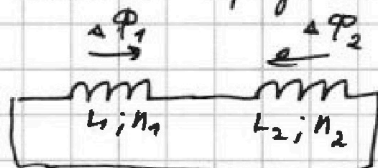
$$\Delta \Phi = L \Delta I \text{ — для кажд. катушки}$$

тогда в сист. из 2-х катушек:

$$\Delta \Phi_{\Sigma} = L_{\Sigma} \cdot \Delta I : L_{\Sigma} = L_1 + L_2 \text{ (послед. сог.)} = \frac{13}{4} L.$$

$$\Delta \Phi_1 \quad \Delta \Phi_2$$

однако! т.к. изм. потоков „разнонапр-ки“:



$\Rightarrow$ (т.к. в ответе нас с/ интересует модуль):

$$|\Delta \Phi_{\Sigma}| = |\Delta \Phi_2 - \Delta \Phi_1| = \frac{7}{4} B_0 n S.$$

$$\Rightarrow |\Delta I| = |I_k - 0| = |I_k|$$

нат. ток по усл. = 0

$$|I_k| = \frac{\frac{7}{4} B_0 n S}{\frac{13}{4} L} = \frac{7}{13} \cdot \frac{B_0 n S}{L}$$

заметим, что ΔI не зав-т от характера изм. — я „ Φ “

$$\Delta \Phi_1 = \Delta B_1 \cdot n_1 \cdot S = \left(\frac{3}{4} B_0 - B_0\right) n S$$

$$\Delta \Phi_2 = \Delta B_2 \cdot n_2 \cdot S = \left(\frac{2}{3} B_0 - 4 B_0\right) \frac{3}{2} n S$$

$$\Delta \Phi_1 = -\frac{1}{4} B_0 n S$$

$$\Delta \Phi_2 = -\frac{1}{3} B_0 \cdot \frac{3}{2} n \cdot S = -\frac{1}{2} B_0 n S$$

$$\Delta \Phi_{\Sigma} = -\frac{3}{4} B_0 n S$$

$$I_k = \frac{3}{13} \frac{B_0 n S}{L}$$

Ответ:

$$1) \frac{|I_k|}{|I|} = \frac{4}{9} \cdot \frac{n S}{L}$$

$$2) |I_k| = \frac{7}{13} \cdot \frac{B_0 n S}{L}$$



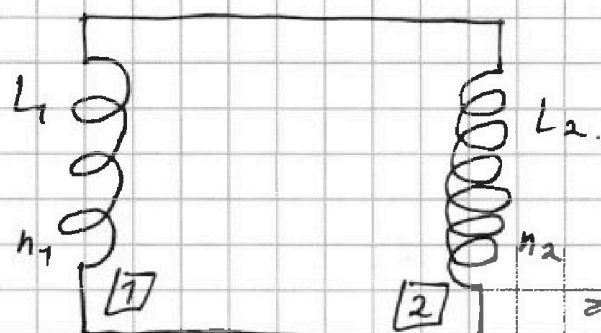
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7
☐ ☐ ☐ ☒ ☐ ☐ ☐

СТРАНИЦА

1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$L_1 = L ; L_2 = \frac{9}{4} L$$

$$n_1 = n ; n_2 = \frac{3}{2} n$$

катушки находятся далеко друг от друга

⇒ пренебрегаем взаимной индукцией.

Омическое сопр-е в системе пренебрежимо мало

⇒ в усл-ях задачи $\Phi = \text{const}$ (в т при $I = \text{const}$ $L = \text{const}$).

$$1) \frac{\Delta B}{\Delta t} = -\Delta$$

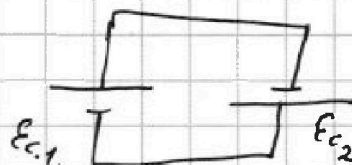
$$\frac{\Delta B_2}{\Delta t} = 0 \quad \left(\begin{array}{l} \text{во 2-й катушке} \\ \text{для внеш. поля} \end{array} \right)$$

при изм. внеш. поля в 1-й катушке в ней изм. поток
⇒ возник $\mathcal{E}_1$, которое в свою очередь возбуждает изм. тока во 2-й катушке при постоянном внеш. магн. поле.

$$\text{Тогда: } \mathcal{E}_1 = - \frac{d\Phi_1}{dt} = - n_1 S \cdot \frac{dB}{dt} = n_1 S \Delta$$

во 2-й катушке:

$$\mathcal{E}_2 = - \frac{d\Phi_2}{dt} = - L_2 \cdot \frac{dI}{dt}$$



по 2-му пр-лу Кирхгофа: $\mathcal{E}_1 + \mathcal{E}_2 = 0$.

$$\Rightarrow \mathcal{E}_1 = -\mathcal{E}_2 \Rightarrow L_2 \cdot \frac{dI}{dt} = n_1 S \Delta$$

$$\Rightarrow \left| \frac{dI}{dt} \right| = \frac{n_1 S \Delta}{L_2} = \frac{n S \Delta}{\frac{9}{4} L} \Rightarrow \left| \frac{dI}{dt} \right| = \frac{4}{9} \cdot \frac{n S \Delta}{L}$$

2) на след. странице.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
1 из 2

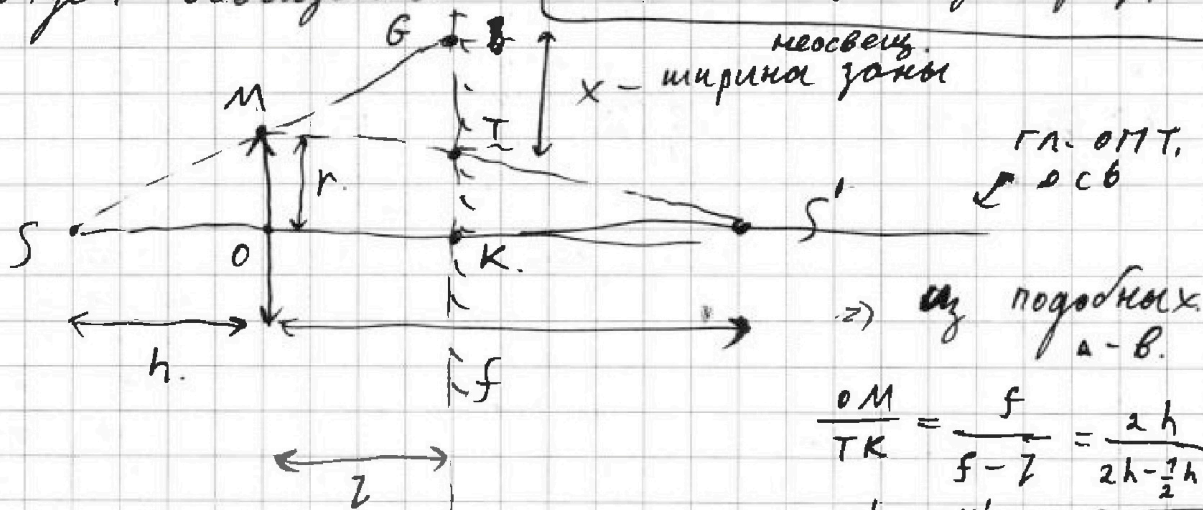
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



в такой системе,
часть зеркала не
будет освещена:

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{h} + \frac{1}{f} : f = \frac{Fh}{h-F} = \frac{\frac{2}{3}h^2}{\frac{1}{3}h} = 2h$$

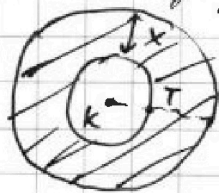
$f > l \Rightarrow$ изобр. будет "за" зеркалом.



$$\frac{OM}{TK} = \frac{f}{f-l} = \frac{2h}{2h-\frac{1}{3}h} = \frac{4}{3} \Rightarrow TK = \frac{3}{4}r$$

тогда: $x = \frac{3}{2}r - \frac{3}{4}r = \frac{3}{4}r$

$\Rightarrow$ неосвещ. зона ^{зерк.} имеет вид:



$$TK = \frac{3}{4}r$$

$$S_{\text{неосв. зерк}} = \pi \cdot \left(\frac{3}{2}r\right)^2 - \pi \cdot \left(\frac{3}{4}r\right)^2 = \frac{27}{16} \pi r^2 = 27 \pi (\text{см}^2)$$

$$\triangle MOS \sim \triangle SGK$$
$$\frac{SK}{OM} = \frac{h+l}{h} = \frac{\frac{3}{2}h}{h} = \frac{3}{2}$$
$$\Rightarrow GK = TK + x = \frac{3}{2}r$$



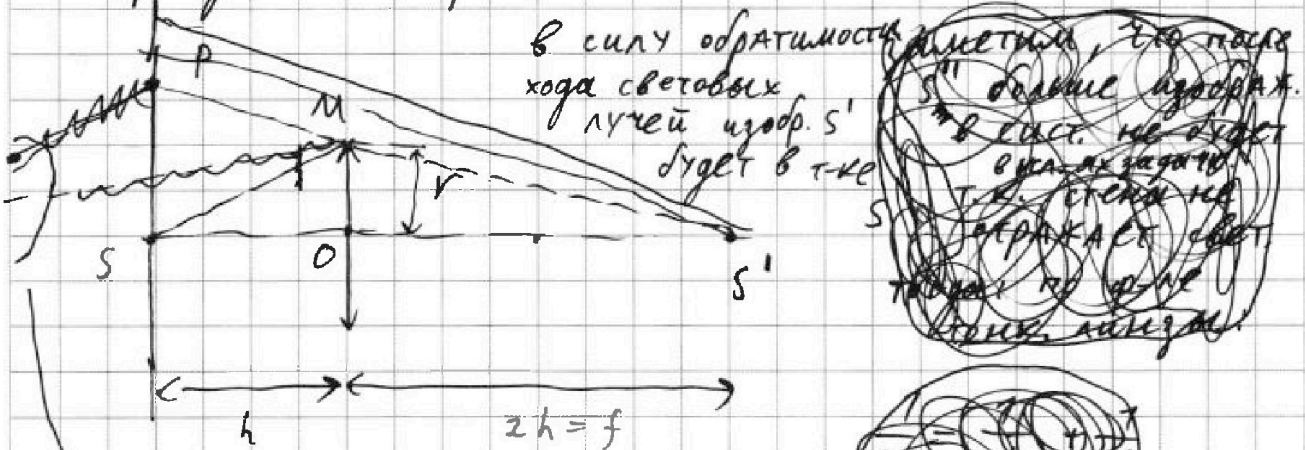
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☒ 6 ☐ 7 ☐

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

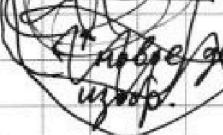
2) теперь рассмотрим аналогичную ситуацию, но уже абстрагировавшись от S и ~~пары~~ зеркала и перейдя к вторичн. источнику S' :



Заметим, что после хода световых лучей изобр. S' будет в т.ке S'' (более изображ. в сист. не будет). Значит, свет от S' будет отражаться от экрана не фронтально, а под углом.



Заметим, что и в 1), и в 2) достаточно рассм. уч-к с линзой, т.к. все остальные части стены и зеркала освещены прямым светом.



$\Rightarrow$ "тёмной" окажется зона в виде круга с центром в т.ке S и радиусом SP (считая ист. точечным, площадь изобр. от S' не учт. (пренебрегаем)).

$\Rightarrow S_{\text{неосв. стени}} = \pi \cdot |SP|^2$: из подобия Δ -в: $\Delta PSS' \sim \Delta S'OM$ (пренебрегаем).

$$\frac{r}{2h} = \frac{SP}{3h} \Rightarrow SP = \frac{3r}{2}$$

$$\Rightarrow S_{\text{неосв. стени}} = \frac{\pi}{4} r^2 = 36 \pi \text{ см}^2$$

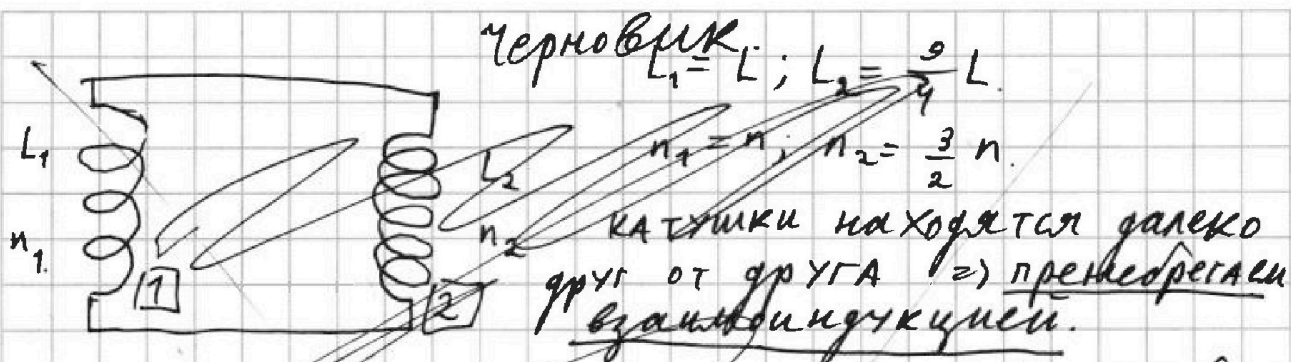
Ответ: 1) $S_{\text{неосв. зерк.}} = 27 \pi \text{ см}^2$
2) $S_{\text{неосв. стени}} = 36 \pi \text{ см}^2$



1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☒ 5 ☒ 6 ☒ 7 ☒

СТРАНИЦА 2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Омические сопр-ие катушек и проводов пренебр. мало $\Rightarrow$ в усл-ях задачи $\Phi = \text{const}$ (при $V = \text{const}$, $B = \text{const}$, $L = \text{const}$)

1) $B = \mu_0 N I$ ($\mu = 1$)

$\frac{\Delta B}{\Delta \tau} \rightarrow B$ в 1-й катушке.

$\frac{\Delta B_2}{\Delta \tau} = 0$

$\frac{\Delta B}{\Delta \tau} = -\Delta$; $\mathcal{E}_1 = -\frac{d\Phi}{d\tau} = -n_1 S \cdot \frac{\Delta B}{\Delta \tau} = n_1 S \cdot \Delta$

при изм. поля в 1-й катушке появится ЭДС, $\Rightarrow$ для его компенсации, ЭДС появится и во 2-й катушке при неизм. поле:

2) во 2-й кат. появится

ЭДС $\mathcal{E}_2 = -\frac{d\Phi}{d\tau} = -L_2 \cdot \frac{dI}{d\tau}$ (т.к. $B_{\text{внеш}} = \text{const}$)

по пр-лу Кирхгофа: $\mathcal{E}_1 + \mathcal{E}_2 = 0$

$\Rightarrow \mathcal{E}_1 = -\mathcal{E}_2 \Rightarrow L_2 \cdot \frac{dI}{d\tau} = n_1 S \Delta$

$\Rightarrow \left| \frac{dI}{d\tau} \right| = \frac{n_1 S \Delta}{L_2} = \frac{n S \Delta}{\frac{9}{4} L} \Rightarrow \left| \frac{dI}{d\tau} \right| = \frac{4}{9} \cdot \frac{n S \Delta}{L}$

2) на след. странице.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



СТРАНИЦА

из 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2) РАССМ. СВЯЗЬ Φ -ПОТОКА В КАТУШКЕ И I -ТОКА

$$\Phi = B \cdot S \cdot n = \mu_0 n^2 S I$$

$$\Rightarrow d\Phi = \mu_0 n^2 S dI$$

$$\Rightarrow \Delta\Phi = \mu_0 n^2 S \Delta I$$

тогда: РАССМ. ИЗМ. ПОТОКА В СИСТЕМЕ ИЗ 2-Х КАТУШЕК:

$$\Delta\Phi_{\Sigma} = \mu_0 n_{\Sigma}^2 S \Delta I_{\Sigma}$$

$$\Delta\Phi_1$$

$$\Delta\Phi_2$$

изм. тока одно для всех витков в системе.

$$\Delta\Phi_1 = \Delta B_1 n_1 S = \left(\frac{3}{4} B_0 - B_0\right) n_1 S$$

$$\Delta\Phi_2 = \Delta B_2 n_2 S = \left(\frac{8}{3} B_0 - 4 B_0\right) n_2 \cdot \frac{3}{2} S$$

$$\Rightarrow \Delta\Phi_1 = -\frac{1}{4} B_0 n_1 S$$

$$\Delta\Phi_2 = -\frac{4}{3} B_0 \cdot \frac{3}{2} n_2 S = -2 B_0 n_2 S$$

$$\Delta\Phi_{\Sigma} = -\frac{9}{4} B_0 n S$$

$$n_{\Sigma} = n_1 + n_2 = \frac{5}{2} n$$

$$\Delta I_{\Sigma} = -\frac{9}{4} \cdot \frac{B_0 \cdot n \cdot S}{\mu_0 \cdot n_{\Sigma}^2 S} = -\frac{9}{25} \frac{B_0}{\mu_0 \cdot n}$$

изначально тока в катушках нет
 $\Rightarrow \Delta I_{\Sigma} = I_{\Sigma} - 0$

теперь найдём исходн. ток в катушках:
 в самом начале тока в катушках нет.

$$\Rightarrow \text{в конце катушек: } \Delta\Phi_1 + \Delta\Phi_2 = \Delta B_1 S n_1 + \Delta B_2 S n_2 = \mu_0 (n_1 + n_2) \Delta I$$

$$\Delta I = \frac{\Delta B_1 n_1 + \Delta B_2 n_2}{\mu_0 (n_1 + n_2)}$$

$$\Rightarrow |I_K| = |\Delta I_{\Sigma}| = \frac{9}{25} \frac{B_0}{\mu_0 \cdot n}$$

$$\frac{12}{42 \pm 18} \quad \frac{72}{60} \quad \frac{1}{6}$$

$$36 + 6 + 36 - 6 = \frac{72}{72}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Черновик

$$\xi = - \frac{d\varphi}{dI}$$

$$B = \mu_0 I = \mu_0 \frac{NI}{L}$$

$$\frac{11}{12}$$

$$\mu_0 N^2 \frac{I^2}{L} \cdot \frac{S}{2}$$

$$L = \mu_0 n^2 L S$$

$$\mu_0 \frac{N^2}{L} \cdot L \cdot S \cdot \frac{I^2}{2}$$

$$\xi = \frac{8 - 12}{3}$$

$$L = \frac{\varphi}{I} = \frac{B \cdot S \cdot N}{I} = \frac{\mu_0 N^2 I S}{L}$$

$$\frac{11}{12}$$

$$\xi = \frac{3}{12} - \frac{1}{12} = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$

$$\xi = \frac{d\varphi}{dI} = - \frac{S \cdot N \cdot dB}{dI}$$

$$\varphi = \frac{kQ}{r}$$

$$\xi = - \frac{S \cdot N}{L}$$

$$B = \mu_0 \cdot \frac{I \cdot r^2}{r^3}$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{r} = \mu_0 n I$$

$$\varphi \rightarrow r \downarrow$$

$$\varphi = \frac{kQ}{R} + \frac{kQ}{x} + 17.5$$

$$\varphi = \frac{26}{85}$$

$$\varphi = B S n = \mu_0 n^2 I S$$

$$C = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{\epsilon_0 S}$$

$$E = \frac{k}{x^2}$$

$$\mu_0 S n^2 I$$

$$\frac{1}{\epsilon_0} \frac{Q^2}{S} = \frac{1}{\epsilon_0} \frac{Q^2}{S}$$

$$\frac{1}{\epsilon_0} d\varphi = dI$$

$$\Delta \varphi = \Delta B \cdot S \cdot n$$

$$\frac{kQ}{R} + \frac{kQ}{x} + \Delta B_1 \cdot S \cdot n_1 + \Delta B_2 \cdot S \cdot n_2 = \mu_0 (n_1 + n_2)^2 S \cdot \Delta I$$

$$\Delta I = \frac{\frac{kQ}{R} + \frac{kQ}{x} + \Delta B_1 \cdot n_1 + \Delta B_2 \cdot n_2}{\mu_0 (n_1 + n_2)^2}$$

$$\frac{1}{12} = \frac{25}{85} - \frac{57}{85}$$

$$\frac{23}{12} = \frac{23}{12} - \frac{21}{12} = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА

из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Handwritten calculations and diagrams on grid paper.

Diagram 1: A circle with radius r and center O . A point A is on the circumference. A vertical line segment of length h is shown. The angle between the vertical line and the radius OA is α_2 .

Equation 1:
$$\eta = \frac{A_{\text{г}}}{Q_{\text{ногб.}}} \frac{8}{27} - \frac{8}{17}$$

Equation 2:
$$\beta I = M \quad \frac{4}{6-4} = \frac{4}{2} = 2$$

Equation 3:
$$\frac{1}{F} = \frac{2 \cdot \frac{2}{3} h^2}{2 - \frac{2}{3}}$$

Diagram 2: A vector diagram showing a vertical vector mg and a vector ma_2 at an angle.

Equation 4:
$$\frac{75 \cdot 9}{4 \cdot 17} = \frac{735}{68}$$

Equation 5:
$$\frac{4}{6-2} = \frac{4}{4} = 1$$

Equation 6:
$$\frac{8}{4} \cdot 16 = 36$$

Equation 7:
$$\frac{36}{17 \cdot 27} = \frac{90}{459}$$

Equation 8:
$$\frac{735}{34} \cdot \frac{4}{17} = \frac{735}{17} \cdot \frac{2}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 9:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 10:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 11:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 12:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 13:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 14:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 15:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 16:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 17:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 18:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 19:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 20:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 21:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 22:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 23:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 24:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 25:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 26:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 27:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 28:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 29:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 30:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 31:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 32:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 33:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 34:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 35:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 36:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 37:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 38:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 39:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 40:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 41:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 42:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 43:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 44:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 45:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 46:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 47:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 48:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 49:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 50:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 51:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 52:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 53:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 54:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 55:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 56:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 57:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 58:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 59:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 60:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 61:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 62:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 63:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 64:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 65:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 66:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 67:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 68:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 69:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 70:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 71:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 72:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 73:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 74:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 75:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 76:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 77:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 78:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 79:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 80:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 81:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 82:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 83:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 84:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 85:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 86:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 87:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 88:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 89:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 90:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 91:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 92:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 93:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 94:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 95:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 96:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 97:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 98:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 99:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$

Equation 100:
$$\frac{27}{17} = \frac{270}{289}$$