



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 3



1. [3 балла] Найдите все действительные значения  $x$ , при каждом из которых существует геометрическая прогрессия, состоящая из действительных чисел и такая, что её десятый член равен  $\sqrt{(25x + 34)(3x + 2)}$ , двенадцатый член равен  $2 - x$ , а восемнадцатый член равен  $\sqrt{\frac{25x + 34}{(3x + 2)^3}}$ .

2. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+6} - \sqrt{3-x-2z} + 7 = 2\sqrt{y-3x-x^2+z}, \\ |y+2| + 2|y-18| = \sqrt{400-z^2}. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все значения параметра  $p$ , при которых уравнение

$$p \cos 3x + 6 \cos 2x + 3(p+4) \cos x + 10 = 0$$

имеет хотя бы одно решение. Решите это уравнение при всех таких  $p$ .

4. [5 баллов] Две окружности  $\omega_1$  и  $\omega_2$  пересекаются в точках  $A$  и  $B$ , а их общая касательная имеет с  $\omega_1$  и  $\omega_2$  общие точки  $C$  и  $D$  соответственно, причём точка  $B$  расположена ближе к прямой  $CD$ , чем точка  $A$ . Луч  $CB$  пересекает  $\omega_2$  в точках  $B$  и  $E$ . Найдите отношение  $ED : CD$ , если диагональ  $AD$  четырёхугольника  $ACDE$  делит отрезок  $CE$  в отношении  $7 : 20$ , считая от вершины  $C$ .

5. [4 балла] Дан клетчатый прямоугольник  $500 \times 120$ . Сколькими способами можно закрасить 8 клеток этого прямоугольника так, чтобы закрашенное множество обладало хотя бы одной из следующих симметрий: относительно центра прямоугольника, относительно любой из двух "средних линий" прямоугольника ("средней линией" прямоугольника назовём отрезок, соединяющий середины двух его противоположных сторон). Ответ дайте в виде выражения, содержащего не более трёх членов (в них могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

6. [4 балла] Найдите все тройки целых чисел  $(a; b; c)$  такие, что:

- $a < b$ ,
- число  $b - a$  не кратно 3,
- число  $(a - c)(b - c)$  является квадратом некоторого простого числа,
- выполняется равенство  $a^2 + b = 1000$ .

7. [6 баллов] В основании призмы лежит равносторонний треугольник площади 4. Площади её боковых граней равны 6, 6 и 5. Найдите объём призмы.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} \sqrt{x+6} - \sqrt{3-x-2z} + 7 = 2\sqrt{y-3x-x^2+x} \\ |y+2| + 2|y-18| = \sqrt{400-z^2} \end{cases}$$

$$\text{ODS: } z \leq 20; x \geq -6; 3 \geq x+2z; y-3x-x^2+x \geq 0$$

1) Если  $y \geq 18$ ; то  $|y+2| \geq 20 \Rightarrow |y+2| + 2|y-18| \geq 20$

2) Если  $y \leq -2$ ; то  $2|y-18| \geq 20 \Rightarrow |y+2| + 2|y-18| \geq 20$

3) Если  $y \geq -2$  и  $y < 18$ , то  $|y+2| + 2|y-18| =$

$$= y+2 + 36 - 2y = 38 - y \geq 20 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow |y+2| + 2|y-18| \geq 20 - \text{всегда}$$

$$\text{Но } \sqrt{400-z^2} \leq 20 - \text{всегда} \quad \text{и } |y+2| + 2|y-18| =$$

$$= \sqrt{400-z^2} \Rightarrow \sqrt{400-z^2} = 20 \rightarrow z = 0 \quad \text{и}$$

$$\text{и } |y+2| + 2|y-18| = 20$$

на 1) промежутке  $(y \geq 0)$   $|y+2| + 2|y-18| = 3y - 34 = 20$

$$\Rightarrow y = 18$$

на 2) промежутке  $(y < 0)$   $|y+2| + 2|y-18| = -3y + 34 \geq 20$

на 3) промежутке  $(y \geq -2; y < 18)$

$$|y+2| + 2|y-18| = 38 - y \geq 20$$

$$\Rightarrow y < 18 - \text{всегда}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№3

$$p \cos 3x = 6 \cos 2x + 3(p+4) \cos x + 10 = 0$$

$$\cos 3x = \cos x \cdot \cos 2x - \sin x \cdot \sin 2x =$$

$$= \cos x (\cos 2x - \sin 2x) - 2 \sin x \cdot \cos x \cdot \sin x =$$

$$= \cos^3 x - 3 \cos x (1 - \cos^2 x) = 4 \cos^3 x + 3 \cos x$$

$$\cos 2x = 2 \cos^2 x - 1$$

$$4p \cos^3 x + 3p \cos x + 12 \cos^2 x + 3(p+4) \cos x + 4 = 0$$

$$f(x) = 2p \cos^3 x + 6 \cos^2 x + 3(p+2) \cos x + 2 = 0$$

$$f'(x) = 6p \cos^2 x \cdot \sin x + 12 \cos x \sin x + 3(p+2) \sin x = 0$$

$$\begin{cases} \sin x = 0 \\ 2p \cos^2 x + 6 \cos x + p+2 = 0 \end{cases}$$

$$D = 36 - 8p(p+2)$$

Функция  $f(x)$  — кубическая <sup>перемеженная</sup> <sup>ограничена</sup>.

$f'(x)$  — всегда экстремум функции и крайние точки при всех  $p$ . Будут подходить

только такие  $p$ , что  $f'(x)$  <sup>значит</sup> <sup>два</sup> <sup>точки</sup>

разного знака среди значений экстремумов

и крайних точек, не будет решение.



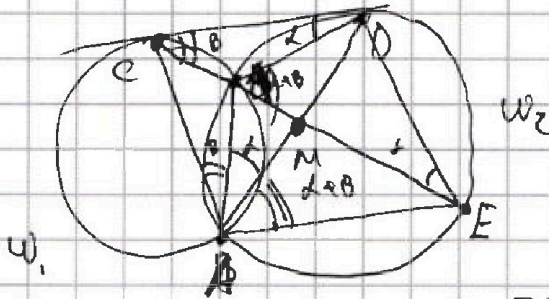
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№4



$$\frac{ED}{CD} = ? \quad \frac{CM}{ME} = \frac{7}{20}$$

$$\frac{ED}{CD} \stackrel{?}{=} \Delta BCD \sim \Delta DCE$$

$$\Rightarrow \frac{ED}{BD} = \frac{CD}{CB} \Rightarrow \frac{ED}{CD} = \frac{BD}{BC}$$

AM — биссектриса т.к.  $\angle CAM = \angle CAB + \angle BAM =$

$= \alpha + \beta$  т.к. касательная CD и орт  $\omega_1$  и  $\omega_2$

$$\angle MAE = \angle DBM = \angle DCB + \angle CDB = \alpha + \beta$$

$$\Rightarrow \frac{CM}{ME} = \frac{CA}{AE} = \frac{7}{20}$$

$\angle CDA = \angle AED$  т.к. CD — касат., AD — хорда

$$\Rightarrow \Delta CDA \sim \Delta DEC \Rightarrow \frac{CD}{DE} = \frac{CA}{DA} = \frac{DA}{AE}$$

$$\left(\frac{CD}{DE}\right)^2 = \frac{CA}{DA} \cdot \frac{DA}{AE} = \frac{CA}{AE} = \frac{7}{20}$$

$$\frac{ED}{CD} = \sqrt{\frac{20}{7}}$$

Ответ:  $\frac{ED}{CD} = \sqrt{\frac{20}{7}}$

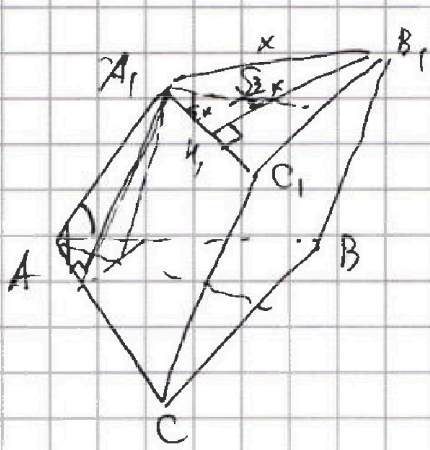


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
из

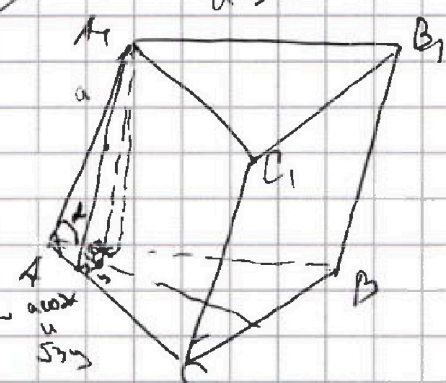
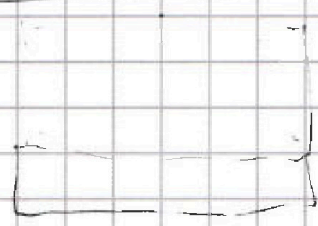
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$\triangle ABC; \triangle A_1B_1C_1 \leftarrow \text{равносторонний}$   
 $x = AB_1$   
 $S_{ABC} = y = B_1C_1 \cdot h_1 =$   
 $= \frac{\sqrt{3}x^2}{4}$   
 $x = \frac{4}{\sqrt{3}}$

$h = \sqrt{(a \sin \alpha)^2 - \left(\frac{\sqrt{3} a \cos \alpha}{2}\right)^2}$

$\frac{\sqrt{3} a \cos \alpha}{2}$



$500 \cdot 60 - 2C^2$   
 $500 \cdot 30 =$   
 $= \frac{30000 \cdot 20999 \cdot 20998 \cdot 20997}{4!} - 15000 \cdot 14999 \cdot 14998$

$(2\sqrt{18-3x-x^2} - 7)^2 = (\sqrt{x+6} - \sqrt{3-x})^2$   
 $4\sqrt{18-3x-x^2} - 28\sqrt{18-3x-x^2} + 49 = x+6 + 3-x -$   
 $- 2\sqrt{18-3x-x^2}$   
 $26\sqrt{18-3x-x^2} = 4(28-3x-x^2)$   
 $t = \sqrt{18-3x-x^2}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
4 из 4

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

15. При каждой из симметрий, каждой вершине задается 4 квадрата, вращаясь с одной из осей симметрии (оставшиеся 4 заданы относительно симметрии). Тогда кол-во осей симметрии  $C_{50000}^4$ .  
Однако в каждой из симметрий стороны пересекаются. Заметим, что при использовании двух осей симметрии, стороны автоматически  $\Rightarrow$  было рассмотрено меньше раз раз стороны квадрата с 4 квадратами с более высокими симметриями. Заметим, что каждой вершине можно задать 2 квадрата с одной осью симметрии (остальные в задании симметрии).

Тогда кол-во осей симметрий  $C_{50000}^2$

$$\text{Ответ: } C_{50000}^4 - 2 C_{50000}^2 =$$

$$= \frac{50000 \cdot 49999 \cdot 49998 \cdot 49997}{4!} - 15000 \cdot 14999$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№  $a < b$

$b - a \neq 3$

$$(a-c)(b-c) = p^2 \quad ; \quad \text{где } p - \text{простое}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a-c = p; b-c = p \Rightarrow a=b; \text{ но } a < b \\ b-c = 1; a-c = p^2; p \geq 2 \Rightarrow a-c > b-c; \text{ но } a < b \\ a-c = 1; b-c = p^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow a = c+1; b = p^2+c$$

$$b = p^2 + a - 1$$

$$a^2 + b = a^2 + a - 1 + p^2 = 1000$$

$$b > a \Rightarrow a^2 + b \geq a^2 + 1 \Rightarrow$$

$$= 1000 \geq (a+1)a \Rightarrow a \leq 31$$

$$b - a = p^2 - 1 \neq (p-1)(p+1) \neq 3 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow p \neq 1; p \neq -1 \Rightarrow p \neq 3; p - \text{простое}$$

$$\Rightarrow p = 2 \Rightarrow b = a + 3$$

$$a^2 + a + 3 = 1000$$

$$(a+32)(a-31) = 0$$

$$\text{Ответ: } \begin{cases} a=31; b=39; c=30 \\ a=-32; b=-24; c=-3 \end{cases}$$

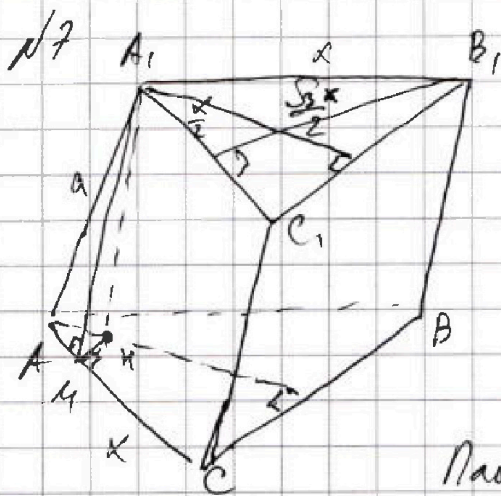
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$\triangle ABC$ ,  $\triangle A_1B_1C_1$  - равносторонние

$x = A_1B_1$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} \cdot B_1K_1 \cdot A_1K_1 = \frac{\sqrt{3}x^2}{4}$$

$$x = \frac{4}{\sqrt{3}} \quad ; \quad AA_1 = a$$

Площадь каждой грани  $a \cdot x \cdot \sin \alpha$

Отличие только в синусе  $\Rightarrow$  если 2 площади

равны  $\Rightarrow$  их синусы  $\alpha$ -е углы равны

Высоты  $h$   $\Rightarrow$  обратимыми свойствами  $\angle A_1AC = \angle A_1KB_1$

Тогда образ  $A_1$  на  $(ABC)$  лежит на биссектрисе

$\angle ABC$ , также по теореме о трех

перпендикулярах  $\angle A_1MA = \angle A_1MM = 90^\circ$

$$A_1M = \sin \alpha \cdot a \quad ; \quad AM = \frac{a \cos \alpha}{\sqrt{3}} \quad ; \quad \angle KAM = 30^\circ \Rightarrow$$

$$\Rightarrow MM = \frac{\sqrt{3} a \cos \alpha}{3} \quad ; \quad h = A_1M$$

$$V_{призмы} = S_{ABC} \cdot h = \frac{4}{3} h$$

$$h = \sqrt{(a \sin \alpha)^2 - \left(\frac{a \cos \alpha}{3}\right)^2} = a \sqrt{\frac{4 \sin^2 \alpha - 1}{3}}$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} = a x \cdot \sin \alpha$$

Аналогично найдем, что если  $\angle C_1CB = \beta$ , то

$$h = a \sqrt{\frac{4 \sin^2 \beta - 1}{3}} \quad ; \quad b = a x \cdot \sin \beta$$

Решая систему уравнений найдем  $h \Rightarrow$  найдем  $V = \frac{4}{3}$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№1  $S_0; S_1; \dots; S_i$  - ариф. прогрессия

$q$  - коэффициент прогрессии  $\Rightarrow S_i = S_{i-1} \cdot q$

$$S_{10} = \sqrt{(25x+34)}(3x+2); S_{10} \neq 0; \text{так как } S_{12} = S_{10} \cdot q^2 = 0 \Rightarrow x = 2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow S_{10} = \sqrt{84 \cdot 8} \neq 0; \text{ОДЗ: } (25x+34)(3x+2) \geq 0; 3x+2 \neq 0$$

$$S_{12} = (2-x) = S_{10} \cdot q^2 = \sqrt{(25x+34)}(3x+2) \cdot q^2$$

$$S_{10} \neq 0 \Rightarrow q^2 = \frac{2-x}{\sqrt{(25x+34)}(3x+2)}$$

$$S_{18} = \sqrt{\frac{25x+34}{(3x+2)^3}} = S_{12} \cdot q^6 = \frac{(2-x)^4}{\sqrt{(25x+34)^3(3x+2)^3}}$$

$$(2-x)^4 = \left(\sqrt{(25x+34)}\right)^4; 25x+34 \geq 0$$

$$|2-x| = \sqrt{25x+34}$$

$$(2-x)^2 = 25x+34$$

$$4 - 4x^2 + x^2 = 25x + 34$$

$$x^2 - 29x - 30 = 0$$

$$(x-30)(x+1) = 0$$

$$\begin{cases} x = 30 \text{ не подходит} \\ x = -1 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\left\{ \text{ОДЗ} \right\} : \begin{cases} (25x+34)(3x+2) \geq 0 \\ 3x+2 \neq 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x \neq -1 \Rightarrow \text{ОГВР} : x = 30$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$N2 \quad \sqrt{x+6} - \sqrt{3-x} + 7 = 2\sqrt{18-3x-x^2}$$

$$\left( 2\sqrt{18-3x-x^2} - 7 \right)^2 = \left( \sqrt{x+6} - \sqrt{3-x} \right)^2$$

$\begin{matrix} 4 \\ a \end{matrix}$ 
 $\begin{matrix} 6 \\ b \end{matrix}$

$a, b$  - одного знака

$$2b\sqrt{18-3x-x^2} = 4(18-3x-x^2) + 40$$

$$t = \sqrt{18-3x-x^2}$$

$$2bt = 4t^2 + 40$$

$$(2t-5)(t-4) = 0$$

$$\begin{cases} t=4 \\ t=2,5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 1) \sqrt{18-3x-x^2} = 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2) \sqrt{18-3x-x^2} = 2,5 \end{cases}$$

$$1) \quad x^2 + 3x - 2 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{-3 \pm \sqrt{17}}{2}$$

при  $x_1 > x_2$      $a > 0; b < 0$

при  $x_2 < x_1$      $a > 0; b > 0$

$$\Rightarrow x = \frac{-3 - \sqrt{17}}{2}$$

$$2) \quad 4x^2 + 12x - 47 = 0$$

$$x_{1,2} = -1,5 \pm \sqrt{14}$$

при  $x_1 > x_2$      $a < 0; b < 0$

при  $x_2 < x_1$      $a < 0; b > 0$

$$\Rightarrow x = -1,5 + \sqrt{14}$$

Ответ:  $x = \frac{-3 - \sqrt{17}}{2}$  или  $x = -1,5 + \sqrt{14}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ \_  
ИЗ  
\_ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+6} - \sqrt{3-x} + 7 = 2\sqrt{18-3x-x^2}$$

$$\sqrt{3-x} \leq 3-x \quad 0 \leq 3-x \Rightarrow x \geq -6 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \sqrt{x+6} - \sqrt{3-x} + 7 \geq 0$$

$$4(18-3x-x^2) = x+6 + 3-x + 49 +$$

$$\sqrt{x+6} = a \quad \sqrt{3-x} = b$$

$$2ab - a + b - 7 = 0$$

$$+6 - 3 - 2x = 0$$

$$ab - \frac{a^2}{2} + \frac{b^2}{2} - 3,5 = 0$$

$$x = -\frac{3}{2} = -1,5$$

$$(a-c)(b-d) = 0$$

$$cd = 3,5$$

$$18 - 3x - x^2 =$$

$$= 18 + \frac{9}{2} + \frac{9}{4} = 22,5$$

$$f'(x) = \frac{1}{4\sqrt{18-3x-x^2}} \cdot (-2x-3) + \frac{1}{2\sqrt{3-x}} - \frac{1}{2\sqrt{x+6}} = 0$$

$$+2x + 1,5 + 2\sqrt{x+6} + 2\sqrt{3-x} = 0$$

49

$$2ab - a + b - 7 = 0$$

$$a = \frac{7-b}{2b-1}$$

$$x \in [-6; 3]$$

$$\sqrt{x+6} = \frac{7-\sqrt{3-x}}{2\sqrt{3-x}-1}$$

$$\sqrt{x+6} = \frac{7-\sqrt{3-x}}{2\sqrt{3-x}-1}$$

$$\sqrt{x+6} - \sqrt{3-x} + 7 = 2\sqrt{x+6} \cdot \sqrt{3-x}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1    2    3    4    5    6    7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$h = \sqrt{a^2 \sin^2 \alpha - \frac{a^2 \cos^2 \alpha}{3}} = \sqrt{a^2 \sin^2 \alpha - \frac{a^2 (1 - \sin^2 \alpha)}{3}}$$

$$= a \sqrt{\frac{4 \sin^2 \alpha - 1}{3}}$$

$$\sin \alpha \cdot a^2 = 5$$

$$h = a \sqrt{\frac{4 \sin^2 \beta - 1}{3}}$$

$$\sin \beta \cdot a^2 = 6$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$26t = 4t^2 + 40$$

$$4t^2 - 26t + 40 < 0$$

$$2t^2 - 13t + 20 < 0$$

$$(2t - 5)(t - 4) < 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} t = 4 \\ t = 2,5 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \sqrt{18 - 3x + x^2} = 4 \\ \sqrt{18 - 3x + x^2} = 2,5 \end{array} \right.$$

$$72 - 12x - 4x^2 = 25$$

$$4x^2 + 12x - 47 = 0$$

$$D = 144 + 16 \cdot 47$$

$$x = \frac{-12 \pm \sqrt{144 + 16 \cdot 47}}{8} = \frac{-3 \pm \sqrt{369 + 47}}{2}$$

$$= \frac{-3 \pm \sqrt{96}}{2} = -1,5 \pm \sqrt{14}$$

$$-x^2 - 3x + 2 = 0$$

$$(x+2)(x-1) = 0$$

$$x = -2 \vee x = 1$$

$$x^2 + 3x - 2 = 0$$

$$D = 9 + 8 = 17$$

$$x = \frac{-3 \pm \sqrt{17}}{2}$$