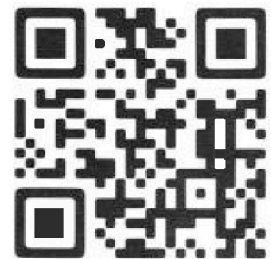




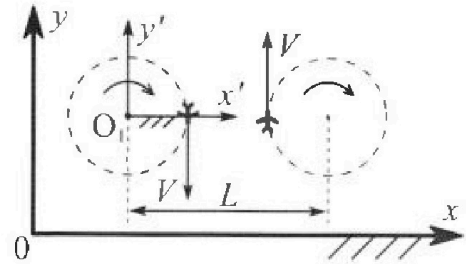
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 10-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



1. Во время выполнения пилотажного упражнения два самолёта летят в горизонтальной плоскости с одинаковыми по модулю скоростями $V = 80$ м/с (см. рис.) по окружностям одинакового радиуса $R=800$ м. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

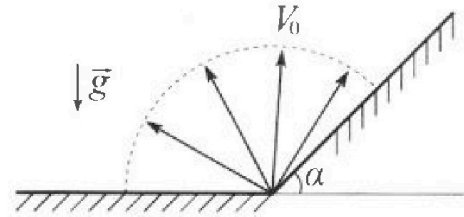


1. На сколько δ процентов вес каждого летчика больше силы тяжести, действующей на летчика?

В некоторый момент времени самолеты оказались на прямой, проходящей через центры окружностей, в положении максимального сближения. Расстояние между центрами окружностей $L=2$ км. Вектор скорости каждого самолета показан на рисунке.

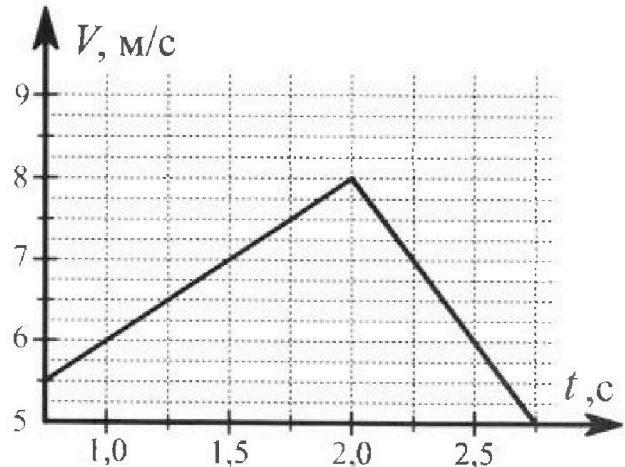
2. Найдите в этот момент скорость \vec{U} второго (правого на рис.) самолёта во вращающейся системе отсчёта $x'O_1y'$, связанной с первым (левым на рис.) самолётом. В ответе укажите модуль и направление вектора \vec{U} .

2. Плоская поверхность склона образует с горизонтом угол $\alpha = 30^\circ$. У подножья склона разрывается фейерверк. Осколки летят во всевозможных направлениях с одинаковыми по модулю скоростями. Наибольшая продолжительность полета одного из осколков $T = 9$ с. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.



1. Найдите начальную скорость V_0 осколков.
2. На каком максимальном расстоянии S от точки старта упадет осколок на склон?

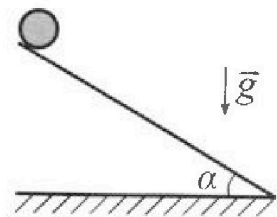
3. В первом опыте на шероховатую наклонную плоскость кладут шайбу и сообщают шайбе начальную скорость. Шайба движется по плоскости, сталкивается с упором, отскакивает от него и продолжает движение по плоскости. Часть зависимости модуля скорости шайбы от времени представлена на графике к задаче. Движение шайбы происходит вдоль одной и той же прямой. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².



1. Найдите $\sin \alpha$, здесь α – угол, который наклонная плоскость образует с горизонтом.

Во втором опыте с той же наклонной плоскости скатывается без проскальзывания тонкостенная однородная цилиндрическая бочка, полностью заполненная водой. Начальная скорость нулевая. Масса воды равна массе бочки. Упор удален с наклонной плоскости. Воду считайте идеальной жидкостью. Масса торцов бочки пренебрежимо мала.

2. С какой по величине скоростью V движется бочка после перемещения по вертикали на $h=0,3$ м?
3. Найдите ускорение a , с которым движется бочка.
4. При каких величинах коэффициента μ трения скольжения бочка катится без проскальзывания?



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2024

Вариант 10-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



4. В изохорическом процессе к смеси идеальных газов гелия и кислорода подводят $Q = 600$ Дж теплоты. Температура смеси увеличивается на $\Delta T_1 = 15$ К. Если к той же смеси подвести то же самое количество теплоты в изобарическом процессе, то температура смеси повысится на $\Delta T_2 = 10$ К.

1. Найдите работу A смеси газов в изобарическом процессе.
2. Найдите теплоемкость C_V смеси в изохорическом процессе.
3. Найдите отношение $\frac{N_{\Gamma}}{N_{\text{К}}}$ числа атомов гелия к числу молекул кислорода в смеси.

Указание: внутренняя энергия двухатомного газа кислорода $U = \frac{5}{2} PV$.

5. Частица с удельным зарядом $\gamma = \frac{q}{m} > 0$ движется между обкладками плоского конденсатора. Заряды обкладок конденсатора $Q > 0$ и $-Q$, ёмкость конденсатора C , расстояние между обкладками d . В некоторый момент частица движется параллельно обкладкам со скоростью V_0 на расстоянии $d/4$ от положительно заряженной обкладки.

1. Найдите радиус R кривизны траектории в этот момент времени.

Через некоторое время после вылета из конденсатора частица пересекает серединную плоскость конденсатора (плоскость, равноудаленную от обкладок).

2. С какой по величине скоростью V движется в этот момент частица?



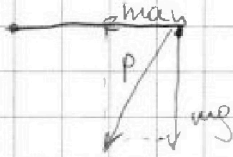
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1)



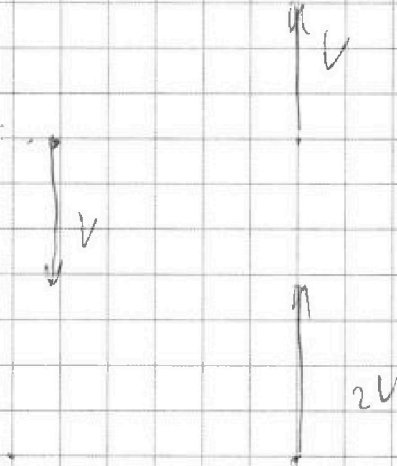
max

$$a_y = \frac{V^2}{r} = 8 \frac{m}{c^2}$$

$$P = m \sqrt{a_y^2 + g^2}$$

$$\theta = \frac{P - mg}{mg} = \sqrt{\frac{a_y^2}{g^2} + 1} - 1 = \sqrt{1,64} - 1$$

2)



$$\vec{V}_{отн} = \vec{V} + \vec{V}$$

$$V_{отн} = 2V = 160 \frac{m}{c}$$

Ответ 1) $\sqrt{1,64} - 1$ 2) $160 \frac{m}{c}$ „вверх“



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1) Очевидно, что ^{большее} время ^{пройдет} в ^{воздухе} ^{камень} ^{скорость} ^{которая} ^{направлена} ^{вверх}

Поэтому

$$\frac{2V_0}{g} = T$$

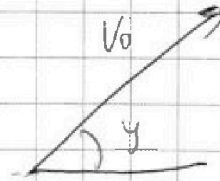
$$V_0 = \frac{gT}{2} = 45 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

2) $y \leftarrow V_0 \sin \alpha$ ^{меньше} ^у ^{длина} ^{y - дуга} ^{каждой} ^{скорости} ^{идущей} ^в ^{горизонтальной}

Поэтому

$$y = V_0 t \sin \alpha - \frac{g t^2}{2}$$

$$x = V_0 t \cos \alpha$$



Умножив прежнее уравнение

$$y = x \tan \alpha$$

Варьируя α ^{одно} ^{через} ^{другое}, получим

$$\tan \alpha = \tan \alpha - \frac{g x}{2V_0^2} (1 - \tan^2 \alpha)$$

$$\frac{g x}{2V_0^2} \tan^2 \alpha - \tan \alpha + (1 + \frac{g x}{2V_0^2}) = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$D = 1 - \frac{g^2 x^2}{2V_0^2} - 4 \left(\frac{1}{g} x + \frac{g x}{2V_0^2} \right) \equiv 0$$

крайние случаи

Тогда: x_{\min} будем решать уравнение

$$\frac{V_0^2}{2g} = x + \frac{g x^2}{2V_0^2}$$

$$x^2 + \frac{V_0^2}{g} 2x + \frac{V_0^4}{g^2} = 0$$

$$D = 4 \frac{V_0^4}{g^2} + \frac{V_0^4}{g^2} = 5 \frac{V_0^4}{g^2}$$

$$x = \frac{-\frac{V_0^2}{g} \pm \sqrt{5 \frac{V_0^4}{g^2}}}{2} = \frac{V_0^2}{g} \left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2} \right)$$

Тогда S равно:

$$\frac{x}{\cos \alpha} = \frac{V_0^2}{g \cos \alpha} \left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2} \right) = \frac{45 \cdot 45}{10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}} \left(\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2} \right) =$$

$$= \frac{45 \cdot 45}{10 \cdot 3} = \frac{30 \cdot 45}{30} = 3 \cdot 45 = 135 \text{ м}$$

Ответ: 1) 45 м 2) 135 м



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Кинетическая энергия воды равна

масса, m , кг, скорость, v , м/с, количество, n

$$mgh = 1,5 \text{ м Дж}$$

$$\sqrt{\frac{2gh}{3}} = v = \sqrt{2} \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

3) $mgh = 1,5 \text{ м Дж}$

Возьмем произвольную

$$mg \sin \alpha = 3m \alpha$$

$$\alpha = \frac{g \sin \alpha}{3} = \frac{4}{3} \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

4) Момент инерции тела:

$$J = m r^2$$

$$J \epsilon = M_{\text{Fr}} = 20 m g \cos \alpha R$$

$$J \frac{\alpha}{R} = 20 m g \cos \alpha R$$

$$m \alpha = 20 m g \cos \alpha$$

$$\alpha = \frac{4}{3} = 20 \cdot \cos \alpha \text{ м/с}^2$$

$$\alpha_{\text{min}} = \frac{4}{20 \cdot \cos \alpha} = \frac{4 \cdot 30}{3 \cdot 20 \sqrt{59 \cdot 101}}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \sqrt{\frac{80^2 - 21^2}{80^2}} = \frac{\sqrt{59 \cdot 101}}{80} = \frac{4}{2 \sqrt{59 \cdot 101}}$$

Ответ: 1) $\frac{4}{30}$ 2) $\sqrt{2}$ 3) $\frac{4}{3} \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$ 4) $\frac{4}{2 \sqrt{59 \cdot 101}}$

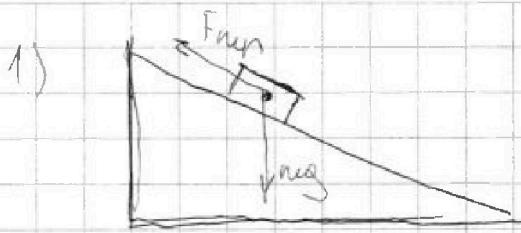
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Для мушкетера:

$$ma_1 = mg \sin \alpha - \mu mg \cos \alpha$$

Для подьяка:

$$ma_2 = mg \sin \alpha + \mu mg \cos \alpha$$

Сумма параметров:

$$a_1 + a_2 = 2g \sin \alpha$$

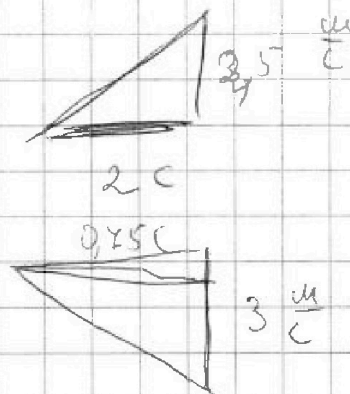
$$a_1 - a_2 = -2\mu g \cos \alpha$$

$$\sin \alpha = \frac{\Delta V_1}{\Delta t_1} =$$

$$= 1,25 \frac{u}{c}$$

$$a_2 = -\frac{\Delta V_2}{\Delta t_2} =$$

$$= 4 \frac{u}{c}$$



$$\frac{5,25}{20} = \sin \alpha = \frac{21}{80}$$

2) Запишем 3 (-):

из м. Калитки:

$$k = k_{упр} + k_{всп}$$

к-т энергии упругой пружины + к-т энергии кинетической

$$mgh = \frac{m v_{сп}^2}{2} + \frac{2m V^2}{2} = 1,5 m V^2$$

III к. нет

Запишем обз. энергии системы, тогда

$$V_{сп} = V$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\Delta V_1 = \left(\frac{3}{2} \nu_1 + \frac{5}{2} \nu_2 \right) R \Delta t_1$$

$$\Delta V_2 = \left(\frac{3}{2} \nu_1 + \frac{5}{2} \nu_2 \right) R \Delta t_2$$

$$\begin{cases} Q_1 = p \Delta V + \Delta V_2 = (\nu_1 + \nu_2) R \Delta t_2 + \left(\frac{3}{2} \nu_1 + \frac{5}{2} \nu_2 \right) R \Delta t_2 \\ Q_2 = \left(\frac{3}{2} \nu_1 + \frac{5}{2} \nu_2 \right) R \Delta t_1 \end{cases}$$

↓

$$(\nu_1 + \nu_2) \Delta t_2 + \left(\frac{3}{2} \nu_1 + \frac{5}{2} \nu_2 \right) \Delta t_2 = \left(\frac{3}{2} \nu_1 + \frac{5}{2} \nu_2 \right) \Delta t_1$$

$$\frac{2}{3} (\nu_1 + \nu_2) + \left(\frac{5}{3} \nu_1 + \frac{5}{3} \nu_2 \right) = \frac{3}{2} \nu_1 + \frac{5}{2} \nu_2$$

$$\frac{5}{3} \nu_1 + \frac{7}{3} \nu_2 = \frac{3}{2} \nu_1 + \frac{5}{2} \nu_2$$

$$10 \nu_1 + 14 \nu_2 = 9 \nu_1 + 15 \nu_2$$

$$\underline{\nu_1 = \nu_2} \Rightarrow \frac{\nu_1}{\nu_2} = 1$$

$$\text{Ответ: 1) } A = 200 \text{ Дж} \quad 2) C_V = 40 \frac{\text{Дж}}{\text{K}} \quad 3) 1:1$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7 СТРАНИЦА 1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1-2) Запишем основное уравнение энергии:

$\Delta U_1 = Q_1$ - для изохор. процесса
 $\Delta U_2 + A = Q_2$ - для изобарического процесса

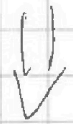
$$\begin{cases} C_V \Delta T_1 = Q_1 \\ C_V \Delta T_2 + A = Q_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} C_V = \frac{Q_1}{\Delta T_1} \\ \frac{Q_2 \Delta T_2}{\Delta T_1} + A = Q_2 \end{cases}$$

3) Запишем уравнение

к-л:

$p_1 V = \nu R T$
 $p_2 V = \nu R T$

p_1 и p_2 -
 те же конст. газа
 для
 газов,
 а V и T



температура и объем ~~равны~~ одинаковы

$p V = (p_1 + p_2) \nu R T \Rightarrow p \Delta V = (Q_1 + Q_2) \nu R T$

Выразим C_V через νR

$C_V = \frac{3}{2} \nu R + \frac{5}{2} \nu R$

Тогда:

$A = p \Delta V = (Q_1 + Q_2) \nu R T$

$C_V = \frac{Q_1}{\Delta T_1} = 40 \frac{Дж}{K}$
 $A = Q_2 \left(1 - \frac{\Delta T_2}{\Delta T_1} \right) = 200 Дж$

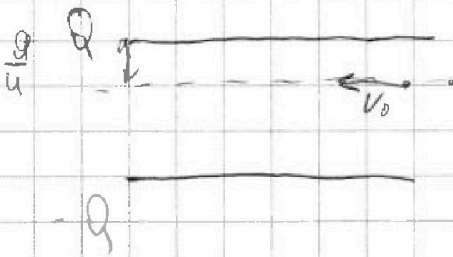
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1) Найдем E :

$$E = \frac{2Q}{2\epsilon_0 S} = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$$

Сила:

$$F_{\text{эл}} = F = \frac{Qq}{\epsilon_0 S}$$

Ускорение

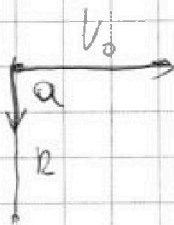
$$a = \frac{F}{m} = \frac{Qq}{\epsilon_0 S m} = \frac{Qy}{\epsilon_0 S} = \frac{Q}{C d}$$

Выразим $\epsilon_0 S$:

$$C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$$

$$\epsilon_0 S = \frac{C d}{4\pi k}$$

Найдем R



$$v^2 R = a$$

$$v R = v_0$$

ОТВЕТ:

$$1) R = \frac{v_0^2 C d}{Q y} = \frac{v_0^2 C d}{Q y}$$

$$2) v = \sqrt{v_0^2 + \frac{Q y}{C}}$$

$$R = \frac{v_0^2}{a} = \frac{v_0^2 C d}{Q y}$$

2) Разность потенциалов

$$\Delta \varphi = E d = \frac{Q}{\epsilon_0 S} \cdot \frac{Q}{4\pi k} = \frac{Q d}{4C}$$

Работа, совершаемая полем:

$$W = \frac{1}{2} q \Delta \varphi = \frac{1}{2} \frac{Q q}{4C}$$

ЗСЭ:

$$\frac{m v_0^2}{2} + W = \frac{m v^2}{2} \Rightarrow$$

$$v = \sqrt{v_0^2 + \frac{W}{m}} = \sqrt{v_0^2 + \frac{Q d y}{2C}}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x = V_0 t \cos \gamma$$

$$y = V_0 t \sin \gamma - \frac{g t^2}{2}$$

$$V_0 \cos \gamma = \sqrt{3} V_0 \sin \gamma - \frac{g t}{2}$$

$$x = \frac{2 V_0^2 \cos \gamma (\sqrt{3} \sin \gamma - \cos \gamma)}{\sqrt{3} g} \quad V_0 \cos \gamma = \sqrt{3} V_0 \sin \gamma - \frac{\sqrt{3} g t}{2}$$

~~$$V_0 \cos \gamma = \sqrt{3} V_0 \sin \gamma - \frac{g t}{2}$$~~

$$t = \frac{2 V_0 (\sqrt{3} \sin \gamma - \cos \gamma)}{\sqrt{3} g}$$

$$x = \frac{2 V_0^2 (\sqrt{3} \sin 2\gamma - \cos^2 \gamma)}{\sqrt{3} g}$$

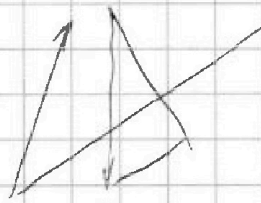
$$(\sqrt{3} \sin \gamma \cos \gamma - \cos^2 \gamma) =$$

$$= \sqrt{3} (\cos^2 \gamma - \sin^2 \gamma) - \cos^2 \gamma =$$

$$= \frac{2 V_0^2 (\sqrt{3} \sin \gamma \cos \gamma - \cos^2 \gamma)}{\sqrt{3} g} =$$

$$= (\sqrt{3} - 1) \cos^2 \gamma - \sqrt{3} \sin \gamma = 0$$

$$= \sqrt{\left(1 - \frac{1}{\sqrt{3}}\right)} = \frac{1}{g} g$$



$$D = V_0^2 - 2 g_2 S \geq 0$$

$$S =$$

$$1 + \frac{1}{g^2} 2 = \frac{1}{\cos^2 \gamma}$$

$$S = V_{\alpha t}^2 - \frac{g_2 t^2}{2}$$

$$2 - \frac{1}{\sqrt{3}} = \cos^2 \gamma$$

$$g t = 2 V_{\alpha}$$

$$\frac{2\sqrt{3} - \sqrt{3}}{2\sqrt{3}} = \cos^2 \gamma$$

$$\frac{g_2 t^2}{2} - V_{\alpha t}^2 = S = 0$$



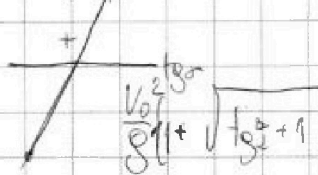
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$D_4 \left(\frac{V_0^2}{g^2 \cos^2 \alpha} - \frac{V_0^2}{g} \right)$$



$$y = V_0 \sin \alpha t - \frac{g}{2} t^2$$

$$x = V_0 \cos \alpha t$$

$$V_0 \cos \alpha t \tan \alpha = V_0 \sin \alpha t - \frac{g}{2} t^2$$

$$V_0 \tan \alpha$$

$$x \tan \alpha = V_0 \sin \alpha t - \frac{g}{2} t^2$$

$$x = V_0 \cos \alpha t$$

$$x \tan \alpha = x \tan \alpha - \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} (1 + \tan^2 \alpha)$$

$$\tan \alpha = \tan \alpha - \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} (1 + \tan^2 \alpha)$$

$$\frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} \tan^2 \alpha - \tan \alpha + \left(\tan \alpha - \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} \right) = 0$$

$$D = 1 - \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha}$$

≥ 0

$$\left(\tan \alpha = \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} \right)$$

$$\frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} \tan^2 \alpha - \tan \alpha +$$

$$1 = 2 \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} \left(\tan^2 \alpha + \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} \right)$$

$$\frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$0,5 = \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} \tan^2 \alpha$$

$$+ \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$\frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} = \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} + \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$\frac{V_0^2}{g \cos^2 \alpha} \left(\tan^2 \alpha + \frac{1}{\cos^2 \alpha} \right)$$



На одной странице можно оформлять **только одну задачу**. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

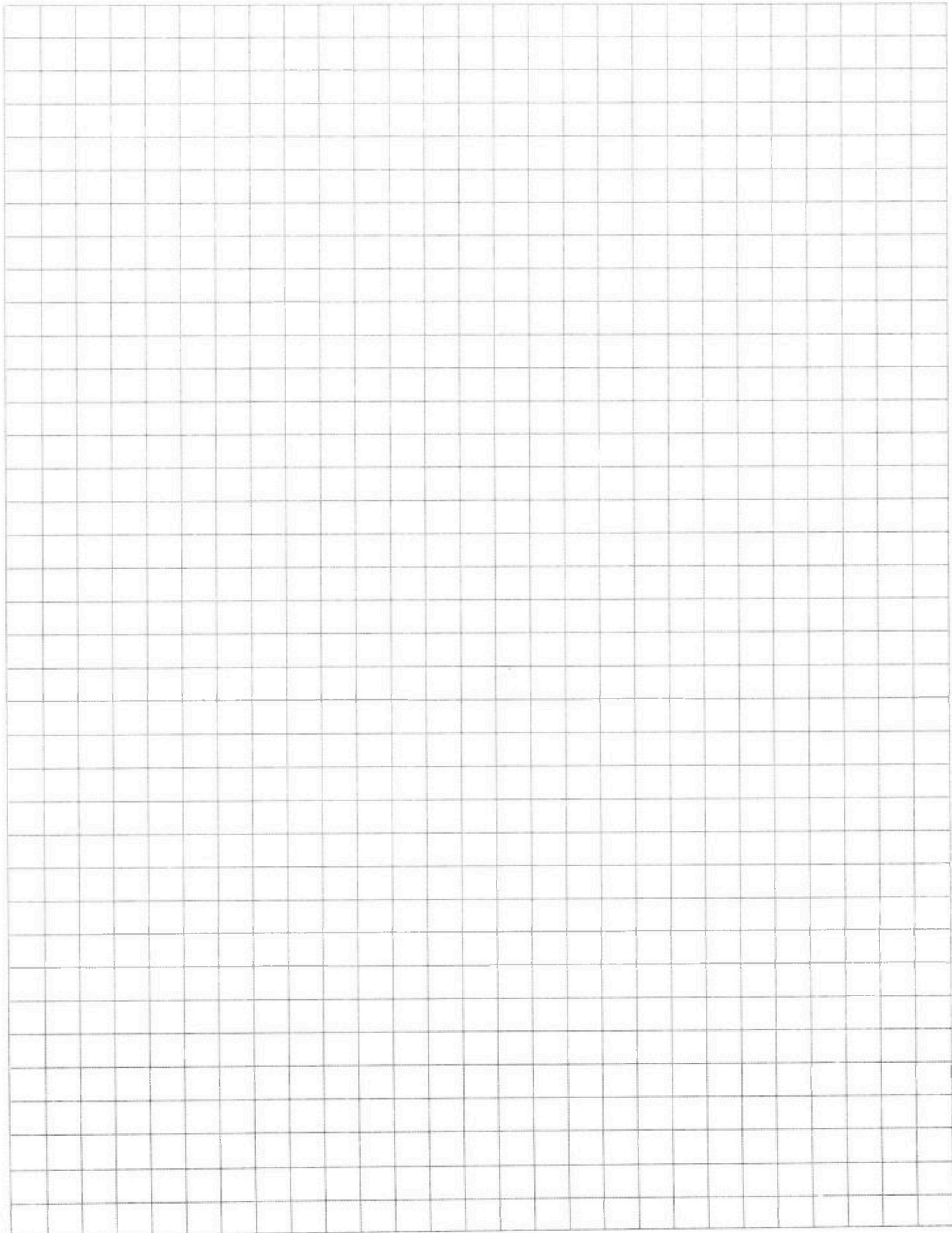
5

6

7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. **Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно.** Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

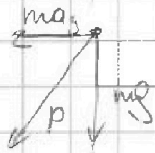
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1)

$$R_4 = \frac{V^4}{2u} = \frac{6400 \frac{m^2}{s^2}}{800m} = 8 \frac{m}{s^2}$$



$$R = \sqrt{(ma)^2 + (mg)^2} = m \sqrt{8^2 + 10^2} =$$

$$\Rightarrow \frac{R - mg}{mg} = \frac{\sqrt{8^2 + 10^2}}{10} - 1 =$$

$$= \frac{\sqrt{164}}{100} - 1 =$$

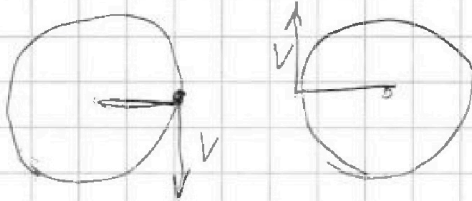
$$t = \frac{2(\sqrt{3}V_0 \sin \gamma - V_0 \cos \gamma)}{g}$$

$$(169 - 5)^{0,5} = 13 - \frac{5}{169} \cdot 0,5 =$$

$$V_0 \cos \gamma = \sqrt{3} V_0 \sin \gamma$$

$$\frac{dt}{2}$$

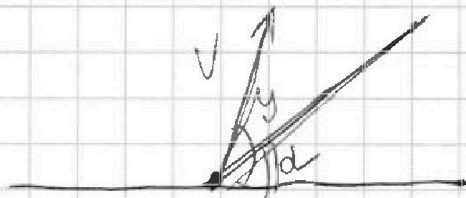
2)



$$\frac{2V_0}{g} = T$$

$$2V_0 = 90$$

$$V_0 = 45 \frac{m}{s}$$



23.

$$V_0 \cos \gamma = \frac{2(\sqrt{3} V_0 \sin \gamma - V_0 \cos \gamma)}{g}$$

$$x = V_0 t \cos \gamma = R$$

$$y = V_0 t \sin \gamma = \frac{g t^2}{2}$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{V_0 t \sin \gamma - \frac{g t^2}{2}}{R}$$

$$V_0 t \cos \gamma = \sqrt{3} V_0 t \sin \gamma - \frac{\sqrt{3} g t^2}{2}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{Q_y}{Cd} = a$$

$$\frac{v^2 Cd}{Q_y}$$



mV

$$\sqrt{v_0^2 + 2a \frac{d}{2}} = \sqrt{v_0^2 + \frac{Q_y}{2}}$$

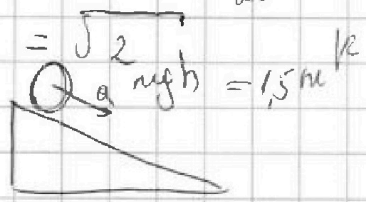
$$mgh = \frac{2mV^2}{2} + \frac{mV^2}{2} + \frac{mV^2}{2}$$

$$mgh = 1,5mV^2$$

$$V^2 = \sqrt{\frac{2}{3}gh}$$

$$a_1 = g \sin \alpha - 4g \cos \alpha$$

$$a_2 = g \sin \alpha + 4g \cos \alpha$$



$$mg V \sin \alpha = 3mg \cos \alpha$$

a_2

$$1,25 + 0,75 = 2g \sin \alpha$$

$$2 = 2g \sin \alpha$$

$$21 = 8g \sin \alpha$$

$$\frac{21}{80} = \sin \alpha$$

$$\frac{g \sin \alpha}{3} = a$$

$$1,5mV^2$$

$$2m =$$

$$m g \sin \alpha V = 3mVa$$

$$\frac{21}{80} = \frac{8}{21} \sin \alpha$$

$$\frac{21}{80} = a$$

$$8 \frac{21}{80} = \frac{4}{3} g \cos \alpha$$

$$\frac{21}{21} \cdot g = \frac{8}{21} \frac{3}{10}$$

$$2 \cdot 10 = 4,5mV^2$$

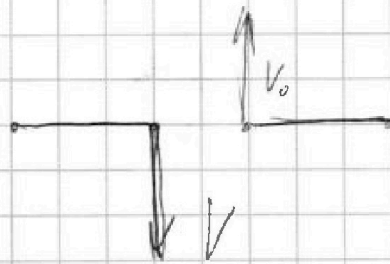
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$D = 1 - 2 \frac{g x}{v_0^2} (1 + \tan \alpha + 2 \frac{g^2}{v_0^2}) = 0$$

$$1 = 2 \frac{g \tan \alpha}{v_0^2} x + \frac{g^2 x^2}{v_0^2}$$

$$\frac{g^2 x^2}{v_0^2} - 2 \frac{g \tan \alpha}{v_0^2} x - 1 = 0$$

$$y = v_y \frac{x}{v_0 \cos \alpha} - \frac{g}{2} \frac{x^2}{v_0^2}$$

$$\frac{g}{v_0^2} x^2 + 2 \tan \alpha x - \frac{v_0^2}{g} = 0 \quad \tan \alpha = \tan \gamma - \frac{g x}{2 v_0^2} (1 - \tan^2 \gamma)$$

$$D = 4 \tan^2 \alpha + 4 \frac{v_0^2}{g}$$

$$\frac{\tan \alpha \tan \gamma}{2 v_0^2} = \frac{\tan \gamma - \tan \alpha}{1 - \tan^2 \gamma}$$

$$\frac{-2 \pm 2 \sqrt{\tan^2 \alpha + 4 \frac{v_0^2}{g}}}{2}$$

$$\tan \alpha = \tan \gamma - \frac{g x}{2 v_0^2} + \frac{g x \tan \gamma}{2 v_0^2}$$

$$= \frac{1}{\cos \alpha} - 1 <$$

$$\frac{g x \tan^2 \gamma}{2 v_0^2} = \frac{g x}{2 v_0^2} + \tan \gamma - \tan \alpha$$

$$x^2 + 2 \tan \alpha x - \frac{v_0^2}{g} = 0 \quad \tan^2 \gamma + \tan \gamma = \left(\tan \alpha + \frac{g x}{2 v_0^2} \right)$$

$$D = 4 \tan^2 \alpha + 4 \frac{v_0^2}{g}$$

$$\frac{2}{\cos \alpha} = \frac{v_0^2}{g} \left(\frac{1}{\cos^2 \alpha} - \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \right)$$

$$4 \left(\tan \alpha \frac{v_0^2}{g} + \frac{v_0^2}{g} \frac{1}{\cos^2 \alpha} \right) =$$

$$\frac{2}{\sqrt{3} \sqrt{3}}$$

$$= \frac{v_0^2}{g} \left(\frac{1}{\cos \alpha} - \tan \alpha \right)$$

$$\frac{2}{\sqrt{3} \sqrt{3}}$$

$$\frac{2}{3} \frac{v_0^2}{g} =$$

$$\frac{v_0^2}{g}$$

$$\frac{v_0^2}{g} (1 - \tan \alpha)$$

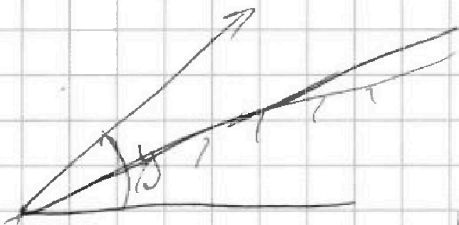


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{cases} y = x \tan \alpha \\ x \tan \alpha = V_0 \sin \alpha \cdot t \\ x = V_0 \cos \alpha \cdot t \end{cases}$$

$$\cos^2 \alpha + \sqrt{3} \sin \alpha \cos \alpha - \sin^2 \alpha = 0 \quad | \cos^2 \alpha$$

$$1 + \sqrt{3} \tan \alpha - \tan^2 \alpha = 0$$

$$\tan \alpha = \frac{2(V_0 \sin \alpha - V_0 \cos \alpha) \tan \alpha}{g}$$

$$g \tan^2 \alpha - \sqrt{3} g \tan \alpha - 1 = 0 \quad | \cdot \frac{1}{g} \left(\sin \alpha - \frac{1}{\sqrt{3}} \cos \alpha \right)$$

$$D = \frac{4}{3} + 4$$

$$\tan \alpha = \frac{\sqrt{3} \pm 2\sqrt{\frac{4}{3} + 4}}{2} = \frac{2V_0^2 \left(\sin \alpha - \frac{1}{\sqrt{3}} \cos \alpha \right) \cos \alpha}{g}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{3}} \left(\sqrt{\frac{1}{3} + 1} \right) \left(\sin \alpha - \frac{1}{\sqrt{3}} \cos \alpha \right) \cos \alpha \Rightarrow \max$$

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + 1 + 2\sqrt{\frac{1}{3} + 1} \quad \sin \alpha \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} - \frac{1}{\sqrt{3}} (1 - \sin^2 \alpha)$$

$$\cos \alpha \left(\sin \alpha - \frac{1}{\sqrt{3}} \cos \alpha \right) = \sin \alpha \left(\sin \alpha - \frac{1}{\sqrt{3}} \cos \alpha \right)$$

$$\cos \alpha \left(\cos \alpha + \frac{1}{\sqrt{3}} \sin \alpha \right) = \sin \alpha \left(\sin \alpha - \frac{1}{\sqrt{3}} \cos \alpha \right)$$

$$\cos^2 \alpha + \frac{1}{\sqrt{3}} \sin \alpha \cos \alpha = \sin^2 \alpha - \frac{1}{\sqrt{3}} \cos \alpha \sin \alpha$$

$$\cos^2 \alpha + \frac{2}{\sqrt{3}} \sin \alpha \cos \alpha = \sin^2 \alpha$$

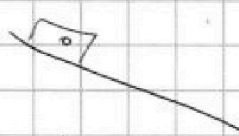


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



~~3,5 m/s^2~~ ~~1,5 m/s^2~~ $\frac{g \sin \alpha}{3,5 k} = \frac{F_{\text{упр}}}{3,5}$

$$a_1 = g \sin \alpha - 4g \cos \alpha$$

$$a_2 = g \sin \alpha + 4g \cos \alpha$$

$$V_{\text{осн}} = 2 \frac{1}{2} a t$$

$$a_1 + a_2 = 2g \sin \alpha$$

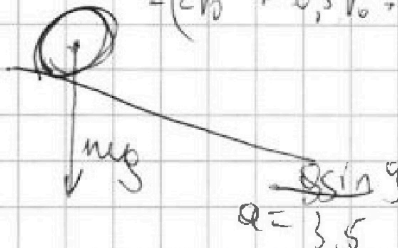
$$1,25 + 0,45 = 2g \sin \alpha$$

$$3,5 \sin \alpha = g \sin \alpha$$

$$V_{\text{осн}} = (2 \frac{1}{2} + 0,5 \frac{1}{2} + \frac{1}{2}) a$$

$$5,25 = g \sin \alpha$$

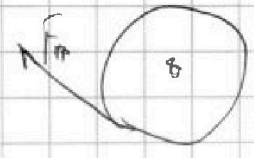
$$3,5 \sin \alpha = g \sin \alpha$$



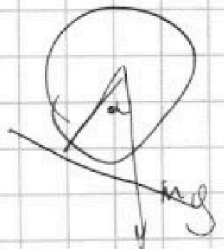
$$J = mv^2 + 0,5 mv^2$$

$$J = 1,5 mv^2$$

$$\frac{21}{80} = \sin \alpha$$



$$V^2 = 0,8 \cdot 10 \cdot 0,3 = 2,4$$



$$J E_0 = mg h \sin \alpha$$

$$mgh = \frac{2}{2} m v^2 + \frac{m \omega^2 r^2}{2} + \frac{m v^2}{2}$$

$$2gh = 2v^2 + \frac{2}{2} v^2 + \frac{1}{2} v^2$$

$$2gh = 2,5 v^2$$

$$\frac{4}{5} gh = v^2$$

$$v = \sqrt{3 \cdot 9,8}$$

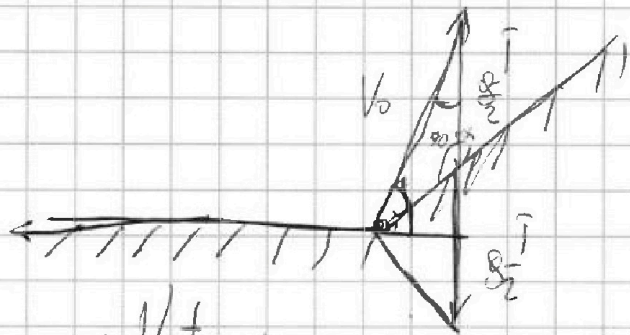


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ _
ИЗ
_ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$x = V_0 \cos \alpha = \frac{g x^2}{2}$$

$$y = V_0 \sin \alpha = \frac{g x^2}{2}$$

$$x \operatorname{tg} \alpha = y$$

$$1 + \cos^2 \alpha = \operatorname{tg}^2 \alpha$$

$$D = \frac{1}{3} - 1$$

$$x \operatorname{tg} \alpha = \frac{V_0 \cos \alpha}{V_0 \cos \alpha} \cdot \frac{x \sin \alpha}{V_0 \cos \alpha} = \frac{x \sin \alpha}{V_0 \cos \alpha}$$

$$= \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} \quad D = \operatorname{tg}^2 \alpha$$

$$x \operatorname{tg} \alpha = x \operatorname{tg} \alpha - \frac{g x^2}{2 V_0^2 \cos^2 \alpha} (\operatorname{tg}^2 \alpha - 1)$$

$$x \operatorname{tg} \alpha = x \operatorname{tg} \alpha - \frac{g x^2}{2 V_0^2} \operatorname{tg}^2 \alpha + \frac{g x^2}{2 V_0^2}$$

$$\cancel{x \operatorname{tg} \alpha} - \frac{\operatorname{tg}^2 \alpha g x^2}{2 V_0^2} + 1 - x \operatorname{tg} \alpha = \frac{g x^2}{2 V_0^2} + x \operatorname{tg} \alpha$$

$$\frac{V_0^2}{2g} = x \operatorname{tg} \alpha - \frac{g x^2}{2 V_0^2}$$

$$D = x^2 - 4$$

$$\frac{g x^2}{2 V_0^2} + x \operatorname{tg} \alpha = \frac{g x^2}{2 V_0^2}$$

$$\frac{g x^2}{2 V_0^2} - x \operatorname{tg} \alpha + \frac{V_0^2}{2g} = 0 \quad \Rightarrow 0$$

$$1 = 2 \frac{g}{V_0^2} \cdot \left(x \operatorname{tg} \alpha = \frac{g x^2}{2 V_0^2} \right)$$

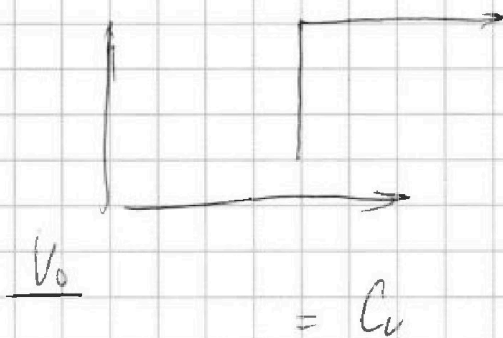


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\Delta U + A = Q$$

$$\Delta U = Q$$

$$C_0 \Delta T_1 = Q$$

$$C_0 = 40 \text{ pF}$$

$$C_0 \Delta T_1 = Q$$

$$C_0 \Delta T_2 + A = Q$$

$$\frac{3}{2} J_1 R_1 + \frac{5}{2} J_2 R_2 = Q$$

$$\frac{3}{2} J_1 R_1 + \frac{5}{2} J_2 R_2 = C_0 \Delta T_1$$

$$3 J_1 R_1 + 5 J_2 R_2 = 2 C_0 \Delta T_1$$

$$\frac{J_1 R_1}{\Delta T_2} + A = Q$$

$$A = Q \left(1 - \frac{\Delta T_1}{\Delta T_2} \right)$$

$$= 200 \text{ pJ}$$

$$Q = (J_1 + J_2) R_1$$

$$R_1 \Delta U = J_1 R_1 \Delta T_1$$

$$R_2 \Delta U = J_2 R_2 \Delta T_2$$

$$R_1 \Delta U = (J_1 + J_2) R_1 \Delta T_1$$

$$Q = C_0 \Delta T_1 = (J_1 + J_2) R_1 \Delta T_1$$

$$40 = (J_1 + J_2) R_1 \Delta T_1$$

$$40 = \left(\frac{3}{2} J_1 + \frac{5}{2} J_2 \right) R_1$$

$$4 = \frac{3 J_1 + 5 J_2}{J_1 + J_2}$$

$$\frac{1}{\cos \theta} = E = 200$$

$$C_0 = \frac{\epsilon_0 S}{d} \quad 3 J_1 + 5 J_2 = 40$$

$$\frac{Q}{C_0 d} = \alpha E \quad J_1 = \frac{40 - 5 J_2}{3}$$

$$4 J_1 + 4 J_2 = 3 J_1 + 5 J_2$$

$$J_1 = J_2$$



$$\frac{Q}{C_0 d} = \alpha E$$

$$\frac{V_0 C_0 d}{Q} = \alpha E$$