



Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

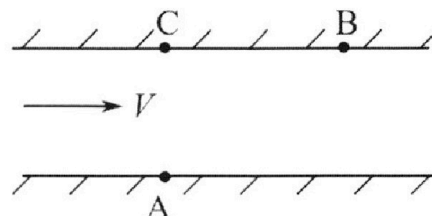
Вариант 09-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные
дроби и радикалы.



1. Пловец трижды переплывает реку. Движение пловца прямолинейное. Скорость пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой, во всех заплывах одинакова по модулю.

В двух первых заплывах А – точка старта, В – точка финиша (см. рис., V – неизвестная скорость течения реки). Ширина реки $AC = d = 70$ м, снос, т.е. расстояние, на которое пловец смещается вдоль реки к моменту достижения противоположного берега, $CB = L = 240$ м.



Продолжительность первого заплыва $T_1 = 192$ с, продолжительность второго заплыва $T_2 = 417$ с.

- 1) Найдите скорости V_1 и V_2 пловца в лабораторной системе отчета в первом и втором заплывах.
- 2) Найдите скорость U пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой.

В третьем заплыве пловец стартует из точки А и движется так, что снос минимальный.

- 3) Найдите продолжительность T третьего заплыва.

2. Футболист на тренировке наносит удары по мячу, лежащему на горизонтальной площадке и направляет мяч к вертикальной стенке. После абсолютно упругого соударения со стенкой мяч падает на площадку. Наибольшая высота, на которой находится мяч в полете, $H = 16,2$ м.

Расстояние от точки старта до стенки в 5 раз больше расстояния от стенки до точки падения мяча на площадку.

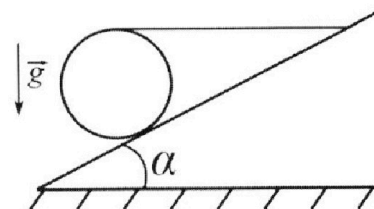
- 1) На какой высоте h происходит соударение мяча со стенкой?
- 2) Найдите продолжительность t_1 полета мяча от старта до соударения со стенкой.

Допустим, что в момент соударения мяча со стенкой на той же высоте h , стенка движется навстречу мячу со скоростью $U = 2$ м/с.

- 3) Найдите расстояние d между точками падения мяча на площадку в случаях: стенка покоится, стенка движется.

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха пренебрежимо мало. Соударения мяча со стенкой абсолютно упругие. Траектории мяча лежат в вертикальной плоскости перпендикулярной стенке.

3. Однородный шар массой $m = 3$ кг удерживается на шероховатой наклонной плоскости горизонтальной нитью, прикрепленной к шару в его наивысшей точке. Наклонная плоскость образует с горизонтальной плоскостью угол α такой, что $\sin \alpha = 0,6$.



- 1) Найдите силу T натяжения нити.
- 2) Найдите силу $F_{тр}$ трения, действующую на шар.
- 3) При каких значениях коэффициента μ трения скольжения шар будет находиться в покое? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 09-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные
дроби и радикалы.

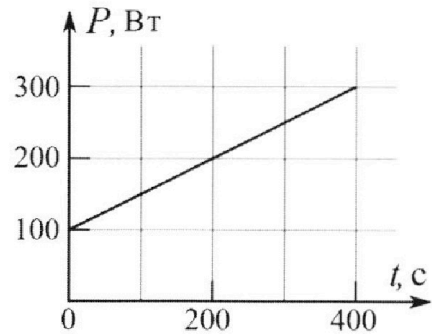
4. Воду нагревают на электроплитке. Начальная температура воды $\tilde{t}_0 = 14^\circ\text{C}$, объем воды $V = 2$ л. Сопротивление спирали электроплитки $R = 20$ Ом, сила тока в спирали $I = 5$ А.

Зависимость мощности P тепловых потерь от времени t представлена на графике (см. рис.).

1) Найдите мощность P_H нагревателя.

2) Через какое время T после начала нагревания температура воды станет равной $\tilde{t}_1 = 25^\circ\text{C}$?

Плотность воды $\rho = 1000$ кг/м³, удельная теплоемкость воды $c = 4200$ Дж/(кг·°C).

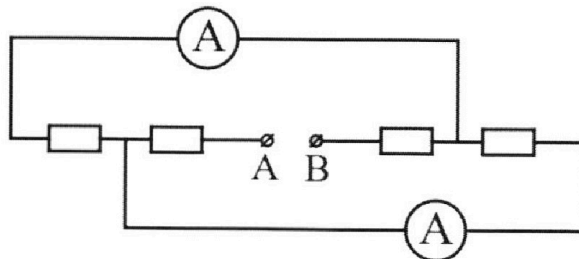


5. В электрической цепи, схема которой представлена на рисунке, четыре резистора, у двух из которых сопротивление по 20 Ом, у двух других сопротивление по 40 Ом. Сопротивление амперметров пренебрежимо мало.

После подключения к клеммам А и В источника постоянного напряжения показания амперметров оказались различными. Меньшее показание $I_1 = 1$ А.

1) Найдите показание I_2 второго амперметра.

2) Найдите напряжение U источника.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

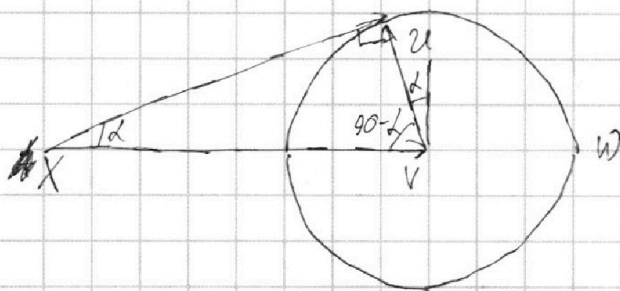
$$= \frac{5^{10}(414^2 + 86^2 \cdot 2^2 - 86 \cdot 2 \cdot 414(4 \cdot \frac{2^6 \cdot 3^2}{5^4} - 2))}{4 \cdot 2^6 \cdot 3^2 \cdot 414^2 \cdot 86^2} =$$

$$= \frac{5^{10} (414^2 + 192^2 - 192 \cdot 414 (4 \cdot \frac{2^6 \cdot 3^2}{5^4} - 2))}{2^8 \cdot 2^{10} \cdot 3^4 \cdot 43^2 \cdot 139^2} = u^2$$

$$u = \frac{5^5 \sqrt{414^2 + 192^2 - 192 \cdot 414 \left(\frac{28 \cdot 3^2}{5^4} - 2 \right)}}{2^5 \cdot 3^2 \cdot 43 \cdot 139}$$

3) Разнос минимальный, то и стандарт - минимальный. П.к.

$\sigma_{\text{гд}} = \frac{v_{\text{нос}}}{40 \text{ м}} \Rightarrow \alpha - \text{максимальный}$. Это достигается, когда V_3 - скорость плота ~~из~~ ~~относ.~~ земли $= \vec{V} + \vec{u}$, проведённая из X -



— касаемся в ~~нижнем~~

~~Handwritten scribbles and illegible text.~~

~~№ 15~~ Тогда прожужит $\vec{I}_3$ на

$$\cos \alpha_{\text{перс}} = u \cos \alpha = u \frac{24}{25}$$

$$= \frac{5^3 \sqrt{417^2 + 192^2 - 192 \cdot 417 \left(\frac{28 \cdot 3^2}{54} - 2 \right)}}{2^2 \cdot 3 \cdot 43 \cdot 139}$$

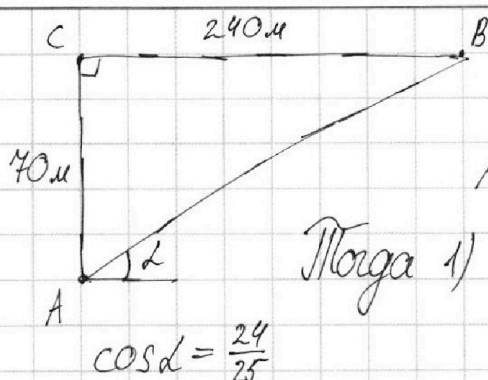
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☒	☐	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



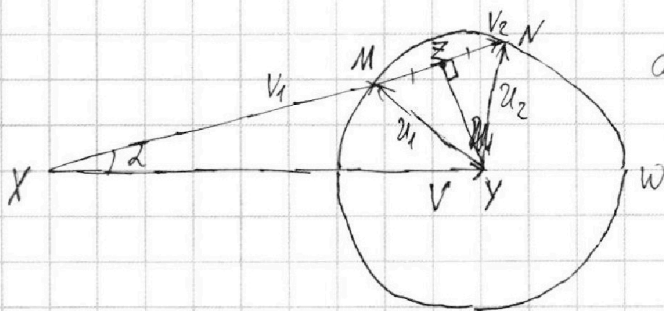
Задача N1

$$AB = \sqrt{BC^2 + AC^2} = \sqrt{40^2 + 240^2} = 250 \text{ м}$$

Тогда 1) $V_1 = \frac{AB}{T_1} = \frac{250}{192} = \frac{125}{86} \text{ м/с}$ — т.к. плывец движется прямо линейно

$$V_2 = \frac{AB}{T_2} = \frac{250}{414} \text{ м/с}$$

2) Нарисуем вектор V и вектор u во всех возможных направлениях u (векторы u начинаются в конце вектора V):



окр. ω — все возможные оконча-
ния ~~на~~ векторов u .

u_1 и u_2 — векторы u в
первых двух записывах.

~~Предположим, составленный из u_1, u_2 и $(V_2 - V_1)$ — р/б~~

Предположим MYN — р/б $\Rightarrow Z$ — середина MN и $\angle XZY = 90^\circ \Rightarrow$

$$\Rightarrow XZ = XY \cdot \cos \alpha \Rightarrow \frac{XZ}{\cos \alpha} = XY. \quad XY = V \quad XZ = \frac{V_1 + V_2}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{V_1 + V_2}{2 \cos \alpha} = V. \quad \text{Степень точки X относ. } \omega = \cancel{XM \cdot XN} =$$

$$= XY^2 - YM^2 \Rightarrow V_1 \cdot V_2 = V^2 - u^2 \Rightarrow u^2 = V^2 - V_1 V_2 = \frac{(V_1 + V_2)^2}{4 \cos^2 \alpha} - V_1 V_2 =$$

$$= \frac{V_1^2 + V_2^2 + 2V_1 V_2 - 4V_1 V_2 \cdot \cos^2 \alpha}{4 \cos^2 \alpha} = \frac{V_1^2 + V_2^2 - V_1 V_2 (4 \cos^2 \alpha - 2)}{4 \cos^2 \alpha} =$$

$$= \frac{\frac{125^2}{86^2} + \frac{56^2}{414^2} - \frac{56 \cdot 125}{86 \cdot 414} \left(4 \cdot \frac{26 \cdot 3^2}{54} - 2 \right)}{4 \cdot \frac{26 \cdot 3^2}{54}} = \frac{5 \cdot 10 \cdot (414^2 + 86^2 \cdot 2^2 - 86 \cdot 414)}{4 \cdot \frac{26 \cdot 3^2}{54}}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$H = v_y T - \frac{gT^2}{2} = gT^2 - \frac{gT^2}{2} = \frac{gT^2}{2} \Rightarrow T = \sqrt{\frac{2H}{g}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 16,2}{10}} =$$

$$= \frac{2}{10} \sqrt{81} = \frac{9}{5} \text{ с} = 1,8 \text{ с} \text{ Тогда } 2) t_1 = \frac{5}{3} T = \frac{5}{3} \cdot \frac{9}{5} = \boxed{3 \text{ с}}$$

$$1) h = v_y \cdot t_1 - \frac{gt_1^2}{2} = gT \cdot \frac{5}{3} T - \frac{gT^2 \cdot \frac{25}{9}}{2} = gT^2 \left(\frac{5}{3} - \frac{25}{18} \right) = \frac{5}{18} gT^2 =$$
$$\frac{5}{18} \cdot 10 \cdot \frac{81}{25} \text{ м} = \boxed{9 \text{ м}}$$

3) Заметим, что вертикальная проекция скорости мяча после удара в обоих случаях одинакова $\Rightarrow$ время полёта после удара тоже одинаково и равно $2T - t_1 = \frac{1}{3}T$. Пусть v_x — ~~скорость мяча~~ проекция скорости мяча на ось X прямо до удара, тогда после удара проекция скорости = в том случае $-v_x$, а во 2м $-v_x - 2u$. d — разность расстояний между точками ^а падения и стенкой $= \left| \frac{1}{3}T(-v_x - 2u) - \frac{1}{3}T(-v_x) \right| = \frac{1}{3}T \cdot 2u$
 $= \left| -\frac{1}{3}T \cdot 2u \right| = \left| -\frac{1}{3} \cdot \frac{9}{5} \cdot 4 \text{ м} \right| = \boxed{2,4 \text{ м}}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

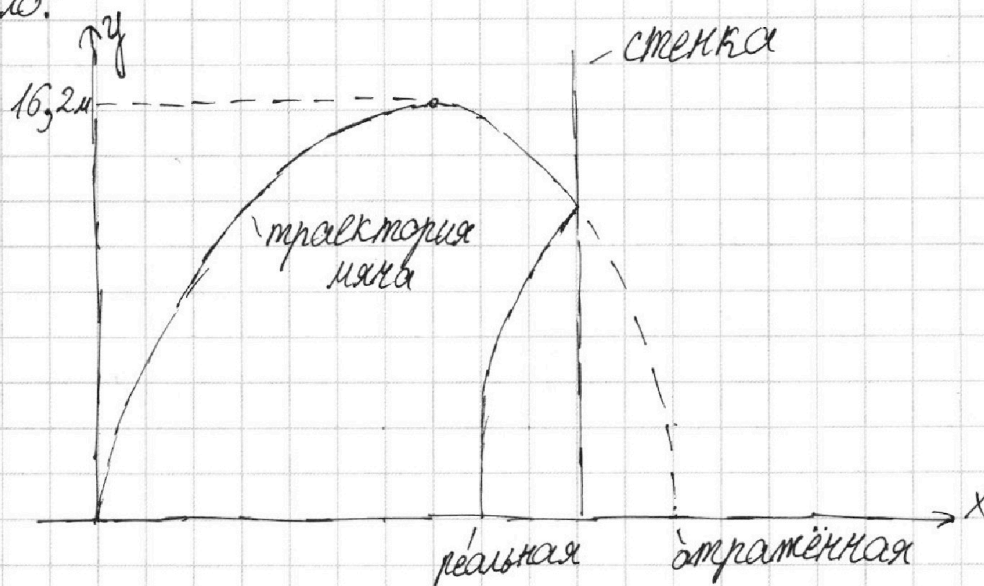
1	2	3	4	5	6	7
☐	☒	☐	☐	☐	☐	☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача №2

Заметим, что после удара о ^{вертикальную} ~~горизонтальную~~ стенку проекция скорости мяча не изменилась, а горизонтальная ^и ~~поменяла~~ ^{поменяла} знак $\Rightarrow$ если мы симметрично отразим траекторию полёта мяча после удара относ. стенки, то получим ~~такую~~ такую траекторию, как если бы стенки не было:



По оси x мячик движется линейно $\Rightarrow$ пусть на весь полёт он затратил время $2T$. Тогда до наивысшей точки он летел T , а до момента столкновения $\frac{5}{6} \cdot 2T = \frac{5}{3}T$

В наивысшей точки вертикальная проекция скорости мяча $= 0 \Rightarrow v_y = gT$, где v_y — проекция начальной скорости мяча на y .

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☒	☐	☐	☐	☐

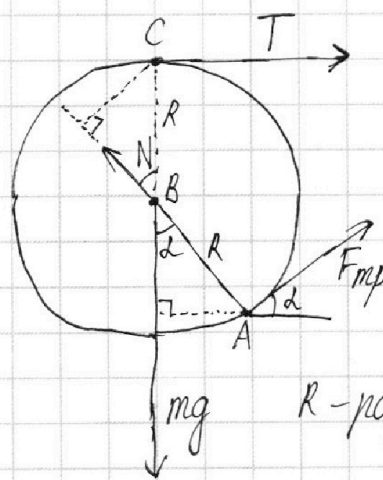
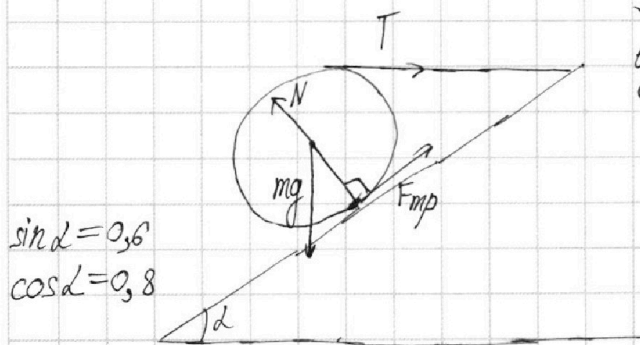
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №3

Расставим на рисунке силы, действующие на шар:



R - радиус шара

Запишем уравнения моментов

сил относительно точек A, B, C:

1) A: $T \cdot (R + R \cos \alpha) = mg \cdot R \sin \alpha$

$$T \cdot (1 + 0.8) = mg \cdot 0.6$$

$$T = \frac{mg}{3} = \boxed{10 \text{ Н}}$$

2) B: $F_{\text{тр}} \cdot R = T \cdot R$

$$F_{\text{тр}} = T = \boxed{10 \text{ Н}}$$

3) C: $F_{\text{тр}} \cdot (R + R \cos \alpha) = N \cdot R \sin \alpha$

$$F_{\text{тр}} = \frac{N}{3} \quad F_{\text{тр}} \leq \mu N$$

$$\mu N \geq \frac{N}{3}$$

$$\mu \geq \frac{1}{3} \Rightarrow \text{при } \mu \geq \frac{1}{3}$$

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☒	☐	☐	☐



Задача №4

$$1) P_H = I^2 R = \boxed{500 \text{ Вт}}$$

2) $\tilde{t}$ - то, на сколько нагреется вода, $\tilde{t} = \tilde{t}_1 - \tilde{t}_0$, ΔQ - то, насколько изменится её внутренняя энергия, $\Delta Q = cV \cdot \rho \cdot \Delta t$
 Формула зависимости мощности тепловых потерь от времени
 $P(t) = 100 \text{ Вт} + 100 \text{ Вт} \cdot \frac{t}{200 \text{ с}} = 100 \text{ Вт} + \frac{t \cdot 100}{200}$

Тогда Q - внутренняя энергия воды $\Rightarrow dQ = P_H dt - P dt =$
 $= 500 \text{ Вт} \cdot dt - 100 \text{ Вт} dt - \frac{100}{200} t dt = (400 dt - \frac{t dt}{2}) \text{ Вт} \Rightarrow$
 $\Rightarrow \Delta Q = \int_{t=0}^{t=T} (400 dt - \frac{t dt}{2}) \text{ Вт} = (400T - \frac{T^2}{2}) \text{ Вт}$

$$\Delta Q = cV\rho(\tilde{t}_1 - \tilde{t}_0) = 45600 \text{ Дж} \Rightarrow \frac{T^2}{2} - 400T + 45600 = 0$$

$$D = 400^2 - 45600 \cdot 2 = 84400$$

$$T = \frac{400 - \sqrt{84400}}{\frac{1}{200}} = (400 - 20\sqrt{211}) \cdot 200 = 400 \cdot (20 - \sqrt{211}) =$$

$$= 40 \cdot 5,4 = \boxed{216 \text{ с}} \quad (-\sqrt{D} \text{ т.к. } P_H > P - \text{нак нулеи})$$

меньший ко-
рень)

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☒	☐	☐

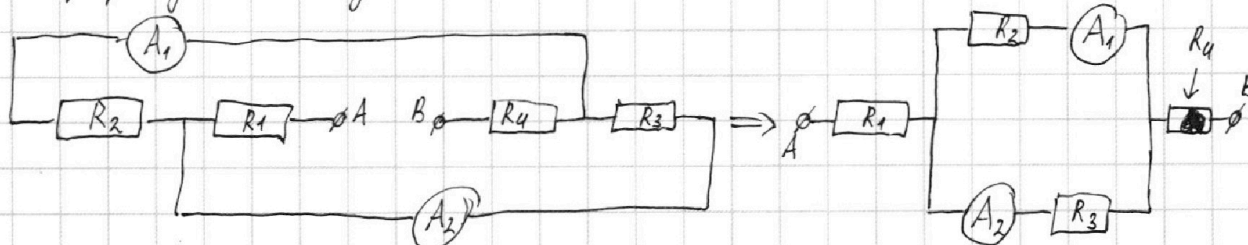
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Задача №5

Перерисуем схему:



1) Из показаний A_1 и A_2 не равны $\Rightarrow R_2 \neq R_3$. Меньший ток $= I_1 = 1A$

$$\Rightarrow \text{большой} = \frac{I_1 \cdot 40 \Omega}{20 \Omega} = 2I_1 = I_2 = \boxed{2A}$$

2) Тогда эквивалентное сопротивление $= \left(\frac{20 \cdot 40}{20 + 40} + 20 + 40 \right) \Omega =$

$$= \left(60 + \frac{80}{3} \right) \Omega = \frac{180 + 80}{3} \Omega = \frac{260}{3} \Omega$$

$$\text{А сила тока на источнике} = I_1 + I_2 = 3A \Rightarrow U = \frac{260}{3} \cdot 3 = \boxed{260V}$$



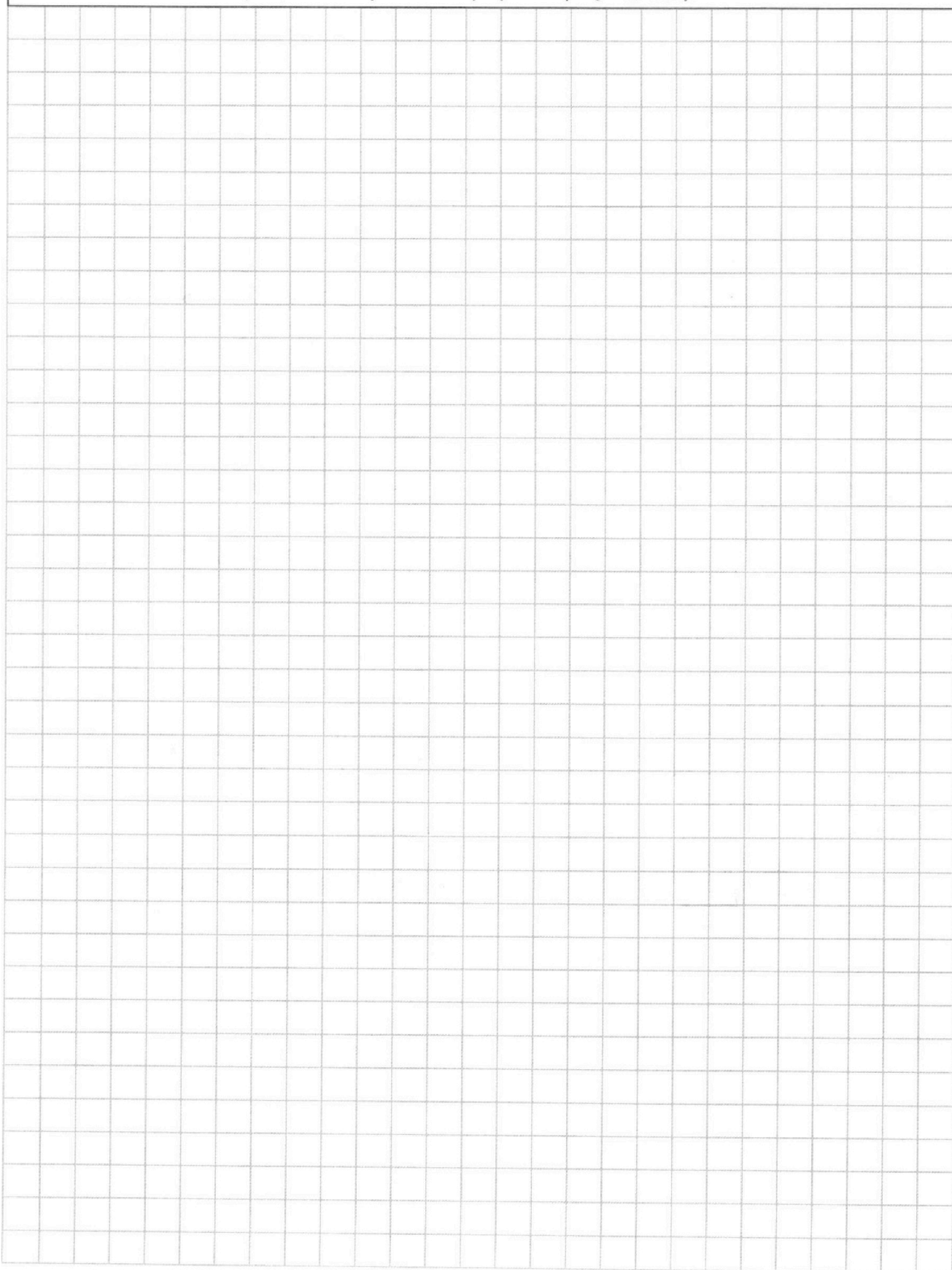
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





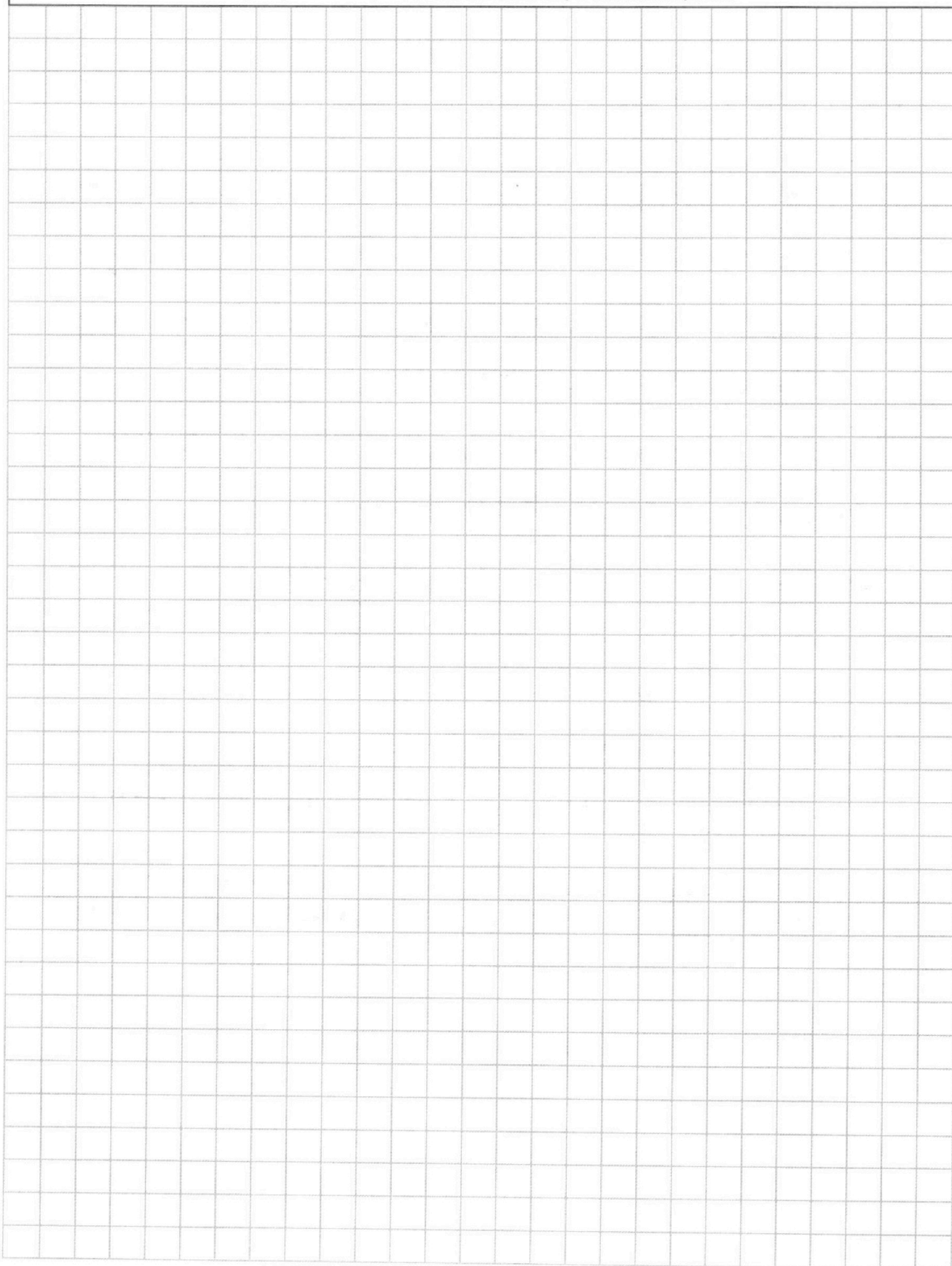
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





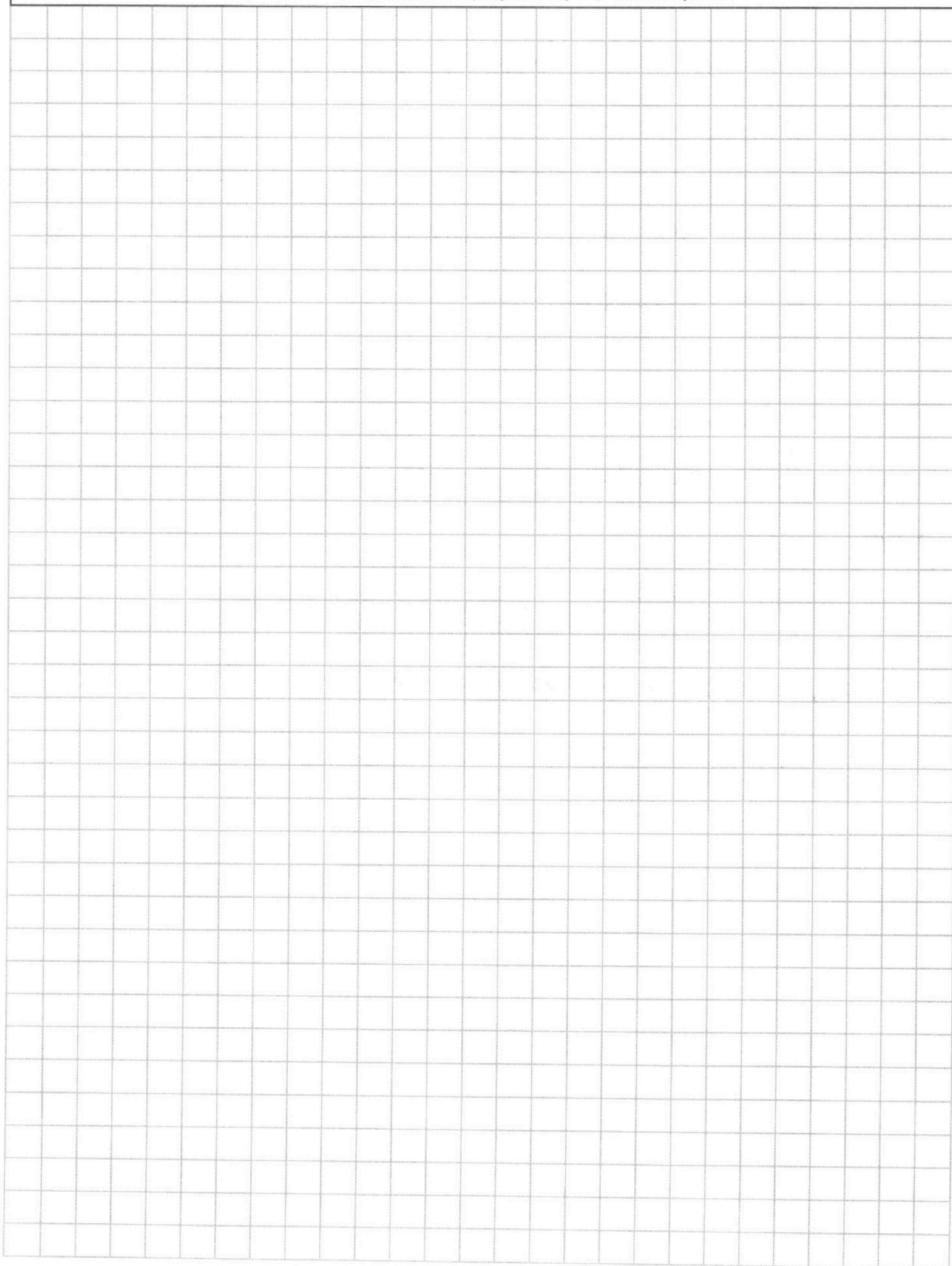
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
☐	☐	☐	☐	☐	☐	☐



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☒ 2 ☒ 3 ☒ 4 ☒ 5 ☒ 6 ☒ 7 ☒

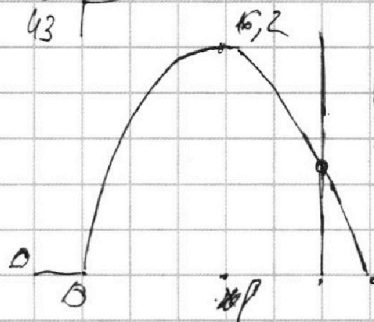
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$114 = (100 + \frac{114}{3}) \cdot 3$$

$$86 \div 2 = 43$$



$$\sqrt{84400} = 290$$

$$139 \cdot 3$$

$$\frac{139}{89} \div \frac{7}{89}$$

$$\frac{139}{11} \div \frac{11}{29}$$

$$k \cdot x(x - 2p) = 16,2$$

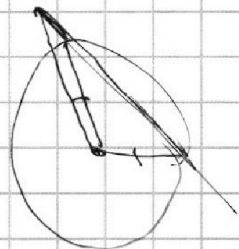
$$k \cdot p(p - 2p) = 16,2$$

$$-kp^2/1m = 16,2m$$

$$-kp^2 = 16,2m^2$$

$$\frac{V_0 - V_{x1}}{V_{y1}} = \frac{V_0 - V_{x2}}{V_{y2}}$$

$$V_{x1}^2 + V_{y1}^2 = V_{x2}^2 + V_{y2}^2$$



$$\frac{250}{192} \div \frac{250}{414}$$

$$\frac{5}{6} 2p = \frac{5}{3} p$$

$$\frac{21}{14} \div \frac{14}{1}$$

$$\sqrt{3,24} = 1,8$$

$$4900$$

$$k \cdot \frac{5}{3} p (\frac{5}{3} p - 2p) = \frac{5}{3} k p \cdot (-\frac{1}{3} p) =$$

$$\frac{24}{24} + \frac{54600}{4900} = -kp^2 \cdot \frac{5}{9} = 16,2 \cdot \frac{5}{9} =$$

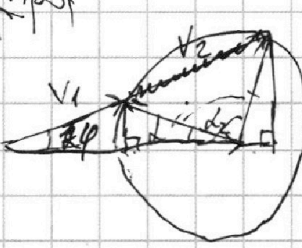
$$\frac{496}{62500}$$

$$50 + 30 + 1 = 81/9 = 9m$$

$$V_1 V_2 = V^2 - u^2$$

$$\frac{21}{13} \div \frac{13}{81}$$

$$250m$$



$$V_y = gt_1$$

$$H = V_y t_1 - \frac{gt_1^2}{2} = \frac{gt_1^2}{2}$$

$$\sqrt{\frac{2H}{g}} = \frac{9}{5} c$$

$$(V - u_x)^2 + u_y^2 = V_1^2$$

$$\sqrt{\frac{324}{100}} = \frac{9}{5}$$

$$\frac{125}{125} \div \frac{125}{625}$$

$$D = 100000 - 15800 =$$

$$= 84400$$

$$h = V_y t_2 - \frac{gt_2^2}{2} = gt_1 \cdot \frac{5}{3} t_1 - \frac{g \cdot \frac{25}{9} t_1^2}{2} =$$

$$\frac{444}{443} \div \frac{1254}{1868}$$

$$\frac{V - u \cos \alpha_1}{u \sin \alpha_1} = \frac{V - u \cos \alpha_2}{u \sin \alpha_2} = \frac{24}{4}$$

$$= gt_1^2 \left(\frac{5}{3} - \frac{25}{18} \right) =$$

$$= gt_1^2 \left(\frac{10}{9} - \frac{25}{18} \right) =$$

$$= \frac{1}{10} \cdot \frac{81}{25} \cdot \frac{81}{18} = 9$$

$$\frac{V - u \cos \alpha_1}{V_1 \cos \alpha_1} = \frac{V - u \cos \alpha_2}{V_2 \cos \alpha_2}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 ☐ 2 ☐ 3 ☐ 4 ☐ 5 ☐ 6 ☐ 7 ☐

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{u \sin d_1}{V_1 \sin \alpha} = \frac{u \sin d_2}{V_2 \sin \alpha}$$

$$\frac{\sin d_1}{V_1} = \frac{\sin d_2}{V_2}$$

$$\frac{\sin d_1}{\sin d_2} = \frac{V_1}{V_2}$$

$$400 \cdot 216 - \frac{216 \cdot 216}{4} = 216 \cdot (400 - 54) =$$

$$\frac{V - u \cos d_1}{\sin d_1} = \frac{V - u \cos d_2}{\sin d_2}$$

$$\sin d_1 = \frac{V_1}{V_2} \sin d_2$$

$$\frac{V - u \cos d_1}{V - u \cos d_2} = \frac{V_1}{V_2}$$

$$\cos^2 d_1 = 1 - \sin^2 d_1 = 1 - \frac{V_1^2}{V_2^2} \sin^2 d_2 =$$

$$= 1 - \frac{V_1^2}{V_2^2} (1 - \cos^2 d_2) =$$

$$= 1 - \frac{V_1^2}{V_2^2} + \frac{V_1^2}{V_2^2} \cos^2 d_2$$

$$V - u \sqrt{1 - \frac{V_1^2}{V_2^2} \sin^2 d_2} = \frac{V_1}{V_2} V - u \cos d_2 \frac{V_1}{V_2}$$

$$V \left(1 - \frac{V_1}{V_2}\right) = u \left(\cos d_2 \frac{V_1}{V_2} \sqrt{1 - \frac{V_1^2}{V_2^2} \sin^2 d_2} - \cos d_2 \frac{V_1}{V_2} \right)$$

$$V^2 \left(1 - \frac{V_1}{V_2}\right)^2 = u^2 \left(1 - \frac{V_1^2}{V_2^2} \sin^2 d_2 + \frac{V_1^2}{V_2^2} (1 - \sin^2 d_2) - 2 \sqrt{1 - \frac{V_1^2}{V_2^2} \sin^2 d_2} \cos d_2 \frac{V_1}{V_2} \right)$$

$$(1 + \cos d_1) R$$

$$2 \cdot 4200 \cdot 9 = 7416$$

$$T \approx 1.8 R = 0.6 R m g$$

$$T = \frac{m g}{30} = 4110 \text{ H}$$

$$160000 - \frac{4}{4} \cdot 45600 = T = \mu N$$

$$400 \cdot 200 - 200 \cdot 30 R \mu = \mu N \cdot R \cdot 0.6 = \mu N \cdot R \cdot 0.6$$

$$200 \cdot 500 - 100 \cdot 300 \mu = \mu N \cdot R \cdot 0.6 = \mu N \cdot R \cdot 1.8$$

$$= 10000 (10 - 3) =$$

$$\mu = \frac{1}{3}$$

$$\approx 4 \cdot 10^4$$

$$400 \sqrt{20 \sqrt{24} \cdot 2}$$

$$dQ = (400 - 50 \cdot \frac{t}{1000}) dt$$

$$45600 = Q = 400t - 50 \cdot \frac{t^2}{2000} =$$

$$= 400 \cdot 200 - 50 \cdot 200$$

