



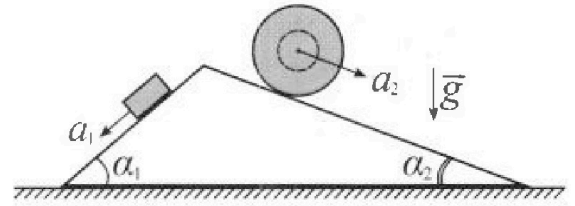
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-02



В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 7g/17$ и скатывается без проскальзывания полый шар массой $5m$ с ускорением $a_2 = 8g/25$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 8/17$, $\cos \alpha_2 = 15/17$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.

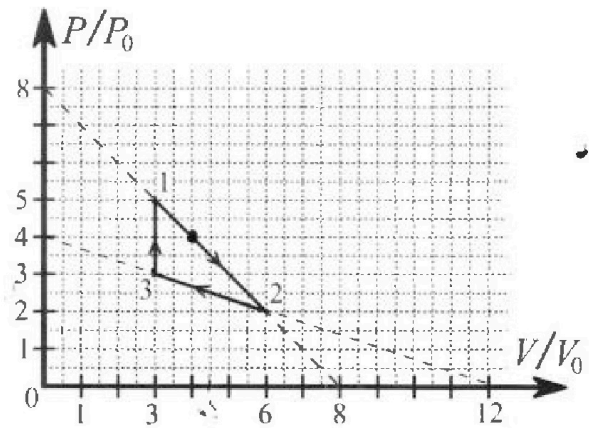


- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между шаром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

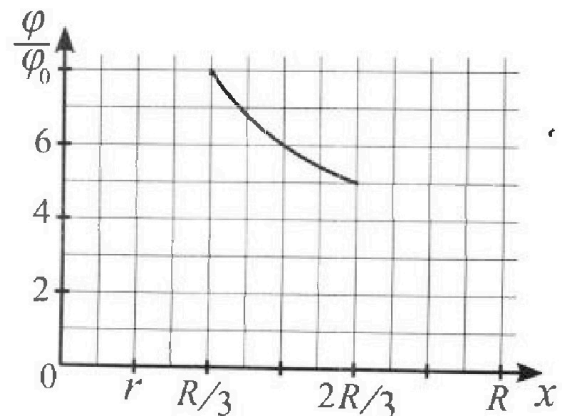
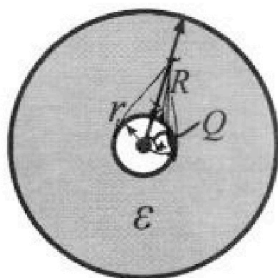
- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 3-1 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 2.
- 3) Найдите КПД цикла.



Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = 3R/4$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .



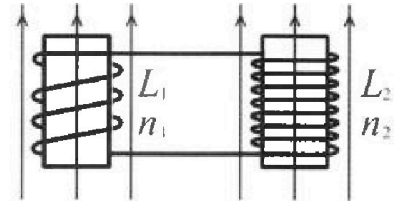
Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2024

Вариант 11-02

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

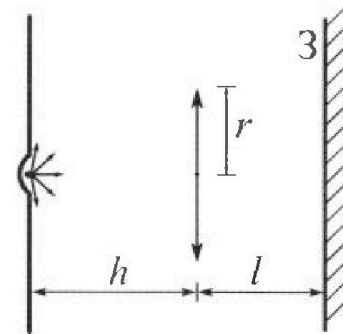


4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 9L$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 3n$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет уменьшаться со скоростью $\Delta B / \Delta t = -\alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $2B_0/3$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $B_0/3$ до $B_0/12$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = 2h$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 2$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = h$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещенной части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещенной части стены.

Ответы дайте в $[\text{см}^2]$ в виде $\gamma\pi$, где γ - целое число или простая обыкновенная дробь.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

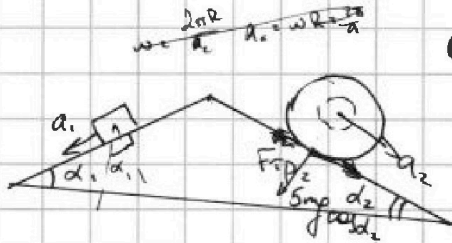
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№1.

1)



$$a_1 = g \sin \alpha_1 - \mu_1 g \cos \alpha_1$$

$$\frac{7g}{17} = \frac{3g}{5} - \frac{4}{5} g \mu_1, \text{ где } \mu_1 -$$

коэф. трения между клином

$$\text{и брусом} \Rightarrow \frac{35g}{17} = 3g - 4\mu_1 g \Rightarrow \mu_1 = \frac{3 - \frac{35}{17}}{4} = \frac{4}{17} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F_1 = \mu_1 m g \cos \alpha_1 = \frac{4\mu_1 m g}{5} = \frac{16 m g}{85} = \frac{16}{85} m g$$

μ_1 - коэф. трения бруска о клин

$$5m a_2 = 5m g \sin \alpha_2 - F_{\mu_1} - \mu_2 5m g \cos \alpha_2 + 5m g \sin \alpha_2 = a_2 5m$$

$$2) 5m \mu_2 g \cos \alpha_2 = 5m g \sin \alpha_2 - \mu_2 g \cos \alpha_2 + g \sin \alpha_2 = a_2$$

$$\mu_2 \cdot \frac{15}{17} = \frac{8}{17}$$

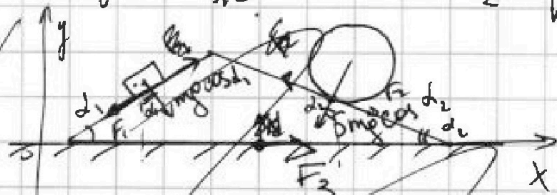
$$\mu_2 = \frac{8}{15}$$

$$\mu_2 \cdot \frac{15}{17} + \frac{8}{17} = \frac{8}{25}$$

$$F_2 = \mu_2 \cdot 5m g \cos \alpha_2 = \frac{8}{15} \cdot 5m g \cdot \frac{15}{17} =$$

$$= \frac{40}{17} m g, \mu_2 - \text{коэф. трения шарика о клин}$$

3)



Корпус заштрихован

Введем оси, как показано на рисунке, тогда

$$Oy: N = m g \cos^2 \alpha_1 + 5m g \cos^2 \alpha_2 - F_1 \sin \alpha_1 - F_2 \sin \alpha_2, \text{ где } N - \text{сила}$$

реакции шарика на клин со стороны стола.

$$Ox: \mu_3 N = O_x: F_3 = F_1 \cos \alpha_1 - F_2 \cos \alpha_2 + m g \cos \alpha_1 \sin \alpha_1 - 5m g \cos \alpha_2 \sin \alpha_2$$

$$F_3 = \frac{16}{85} m g \cdot \frac{4}{5} - \frac{40}{17} m g \cdot \frac{15}{17} + m g \cdot \frac{12}{25} - 5m g \cdot \frac{120}{289} = m g$$

$$\left(\frac{64}{85 \cdot 5} - \frac{40}{17} \cdot \frac{600}{289} + \frac{12}{25} - \frac{600}{289} \right) =$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

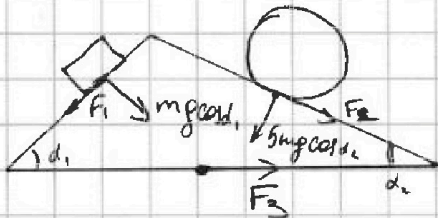
7

СТРАНИЦА

2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3)



$$F_3 = F_1 \cos \alpha_1 + F_2 \cos \alpha_2 - 5mg \sin \alpha_2 \cos \alpha_2 +$$

$$+ mg \cos \alpha_1 \sin \alpha_1 =$$

$$= -\frac{64}{25 \cdot 17} mg + \frac{600}{17^2} mg - \frac{600}{17^2} mg +$$

$$+ \frac{12}{25} mg = \frac{12}{25} mg - \frac{64}{25 \cdot 17} mg =$$

$$= \frac{204 - 64}{25 \cdot 17} mg = \frac{140}{25 \cdot 17} mg = \frac{28}{85} mg$$

$$\text{Ответ: } F_1 = \frac{16}{85} mg; F_2 = \frac{40}{17} mg; F_3 = \frac{28}{85} mg.$$



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1) Обозначим P_1, P_2, P_3 давление в точках 1, 2, 3 соотв. Тогда найдем среднее с объемом в точках 1, 2, 3: V_1, V_2, V_3 и температуры:

T_1, T_2, T_3 , тогда $P_1 V_1 = \nu R T_1, P_2 V_2 = \nu R T_2, P_3 V_3 = \nu R T_3$, в процессе

$$3-1 \quad V_1 = V_3 = \text{const}, \text{ а значит } A_{31} = 0 \rightarrow \Delta U_{31} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1) =$$

$$= \frac{3}{2} (P_1 V_1 - P_3 V_3) = \frac{3}{2} V_1 (P_1 - P_3) = \frac{3}{2} V_1 (5P_0 - 3P_0) = 3V_1 P_0 = 9P_0 V_0, \text{ т.к. у}$$

графика $P_1 = 5P_0, P_2 = 2P_0, P_3 = 3P_0, V_1 = V_3 = 3V_0, V_2 = 6V_0$.

$$\text{Работа газа за цикл } A = \frac{1}{2}(P_1 - P_2)(V_2 - V_3) - \frac{1}{2}(P_3 - P_2)(V_2 - V_3) =$$

$$= \frac{1}{2} (5P_0 - 2P_0) \cdot 3V_0 - \frac{1}{2} (3P_0 - 2P_0) \cdot 3V_0 = \frac{9}{2} P_0 V_0 - \frac{3}{2} P_0 V_0 = 3P_0 V_0,$$

$$\text{Тогда } \alpha_1 = \frac{\Delta U_{31}}{A} = \frac{9P_0 V_0}{3P_0 V_0} = 3.$$

2) $P_2 V_2 = \nu R T_2 \Rightarrow T_2 = \frac{P_2 V_2}{\nu R} = \frac{2P_0 \cdot 6V_0}{\nu R} = \frac{12P_0 V_0}{\nu R}$. В процессе 1-2:

$P = 8P_0 - \frac{P_0}{V_0} V$, значит в какой-то момент в процессе

$$1-2: P V = \nu R T = \left(8P_0 - \frac{P_0}{V_0} V\right) \cdot V = 8P_0 V - \frac{V^2 P_0}{V_0} \Rightarrow -\frac{V^2 P_0}{V_0} + 8P_0 V - \text{уравн}$$

наработка обратимое ур-е. Вершина будет в $V = \frac{8P_0}{2 \cdot (\frac{P_0}{V_0})} = 4V_0 = V_{\text{max}}$

$$\text{Тогда } P_{\text{max}} = \left(8P_0 - \frac{P_0}{V_0} \cdot V_{\text{max}}\right) = 8P_0 - 4P_0 = 4P_0 \Rightarrow \nu R T_{\text{max}} = P_{\text{max}} V_{\text{max}} =$$

$$= 16P_0 V_0 \Rightarrow T_{\text{max}} = \frac{16P_0 V_0}{\nu R} \Rightarrow \alpha_2 = \frac{T_{\text{max}}}{T_2} = \frac{16P_0 V_0 \cdot \nu R}{\nu R \cdot 12P_0 V_0} = \frac{4}{3}$$

~~$\eta = \frac{A}{Q} = \frac{A}{A + \Delta U_{31}}$ Тепло будет передано в процессе 3-1~~

~~с 1 до момента T_{max} , т.е. $P_{\text{max}} = 4P_0, V_{\text{max}} = 4V_0$ тогда~~

~~$$\eta = \frac{3P_0 V_0}{3P_0 V_0 + \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1) + \frac{3}{2} \nu R (T_{\text{max}} - T_2)} = \frac{3P_0 V_0}{3P_0 V_0 + \frac{3}{2} \nu R \left(\frac{3P_0 V_0}{\nu R} - \frac{12P_0 V_0}{\nu R} + \frac{16P_0 V_0}{\nu R} - \frac{12P_0 V_0}{\nu R} \right)}$$~~

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\eta = \frac{3P_0 V_0}{3P_0 V_0 + \frac{3}{2} \nu R (T_1 - T_3) + \frac{3}{2} \nu R (T_{\max} - T_1)} = \frac{3P_0 V_0}{3P_0 V_0 + \frac{3}{2} \nu R (T_{\max} - T_3)} = \frac{3P_0 V_0}{3P_0 V_0 + \frac{3}{2} (16V_0 P_0 - 9P_0 V_0)}$$

3) Найдем точку, где $T = T_{\min}$, т.е. Тепло покидает поршень в этой точке, где ЯВЛО пронализирован процесс 2-3.

$$P = 4P_0 - \frac{P_0}{3V_0} V \Rightarrow \nu R T = 4P_0 V - \frac{P_0}{3V_0} V^2 \quad V_{\max} \stackrel{4P_0 V_0}{=} \frac{4P_0 \cdot 3V_0}{2P_0} = 6V_0 \Rightarrow P_{\max} = 2P_0$$

т.е. в точке 2 будет максимальная температура в процессе

2-3, а далее она будет монотонно уменьшаться до T_3 , значит

$$\eta = \frac{A}{Q} = \frac{3P_0 V_0}{3P_0 V_0 + \frac{3}{2} \nu R (T_{\max} - T_3)} = \frac{3P_0 V_0}{3P_0 V_0 + \frac{3}{2} (16V_0 P_0 - 9P_0 V_0)}$$

$$= \frac{3P_0 V_0}{3P_0 V_0 + \frac{11}{2} P_0 V_0} = \frac{6}{6+11} = \frac{6}{17} = \frac{2}{9}$$

Ответ $d_1 = 3$; $d_2 = \frac{4}{3}$; $\eta = \frac{2}{9}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1) $E = \frac{kQ}{r^2}$, $\varphi = \frac{kQ}{x}$

$$\varphi = \frac{kQ}{r} + \frac{kQ}{x-r} = \frac{kQ(x-r) + kQr}{r(x-r)} = \frac{kQx}{(x-r)r} = \frac{kQ \cdot \frac{3R}{4}}{\left(\frac{3R}{4} - \frac{R}{3}\right) \frac{R}{6}} = \frac{kQ \cdot \frac{3R}{4}}{\frac{7R}{12} \cdot \frac{R}{6}}$$

$$= \frac{3kQ}{7R} = \frac{54kQ}{7R} \quad \varphi = \frac{kQ}{r} + \frac{kQ}{x-r}$$

$$\varphi = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r} + \frac{1}{\epsilon(x-r)} \right) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r} + \frac{1}{\epsilon\left(\frac{3R}{4} - r\right)} \right)$$

2) Возьмем 2 точки у графика: $\varphi_1 = 6\varphi_0 = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r} + \frac{1}{\epsilon\left(\frac{R}{2} - r\right)} \right)$

$\varphi_2 = 5\varphi_0 = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r} + \frac{1}{\epsilon\left(\frac{2R}{3} - r\right)} \right)$, тогда

$$\frac{\varphi_1}{\varphi_2} = \frac{6}{5} = \frac{\frac{1}{r} + \frac{1}{\epsilon\left(\frac{R}{2} - r\right)}}{\frac{1}{r} + \frac{1}{\epsilon\left(\frac{2R}{3} - r\right)}} \Rightarrow \frac{5}{r} + \frac{5}{\epsilon\left(\frac{R}{2} - r\right)} = \frac{6}{r} + \frac{6}{\epsilon\left(\frac{2R}{3} - r\right)}$$

У графика: $r = \frac{R}{6}$, тогда

$$\frac{30}{R} + \frac{5}{\epsilon\left(\frac{R}{2} - \frac{R}{6}\right)} = \frac{36}{R} + \frac{6}{\epsilon\left(\frac{2R}{3} - \frac{R}{6}\right)}$$

$$\frac{30}{R} + \frac{15}{\epsilon R} = \frac{36}{R} + \frac{6 \cdot 12}{\epsilon R}$$

$$30 + \frac{15}{\epsilon} = 36 + \frac{12}{\epsilon}$$

$$\frac{3}{\epsilon} = 6$$

$$\epsilon = \frac{1}{2}$$

Ответ: $\varphi = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r} + \frac{1}{\epsilon(x-r)} \right)$

$$\epsilon = \frac{1}{2}$$



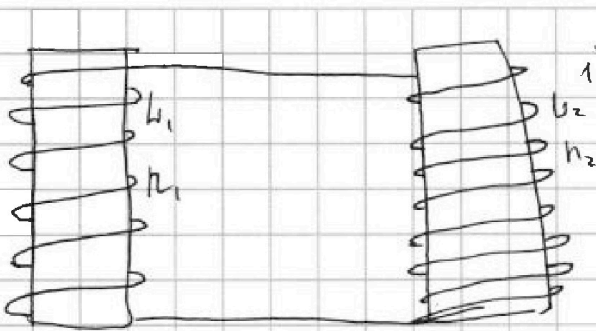
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА

1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$1) \quad \oint \vec{C} = -\dot{\varphi} = -\frac{dBdS}{dt}$$

$$C_1 = \frac{dBn_1S}{dt} = \dot{I}l_1$$

$$C_2 = \dot{I}l_2 \quad \dot{I} = -\frac{dn_1S}{l_1} = -\frac{dnS}{l}$$

$$2) \quad \dot{I} \propto \frac{dI}{dt} (l_1 + l_2) = \frac{dB_1 n_1 S}{dt} - \frac{dB_2 n_2 S}{dt}$$

$$dI = S \left(\frac{dB_1 n_1}{l_1 + l_2} - \frac{dB_2 n_2}{l_1 + l_2} \right) \Rightarrow \Delta I = \frac{S}{l_1 + l_2} (\Delta B_1 n_1 - \Delta B_2 n_2)$$

$$= \frac{S}{10L} \left(\left(B_0 - \frac{2B_0}{3} \right) n - \left(\frac{B_0}{3} - \frac{B_0}{12} \right) \cdot 3n \right) = \frac{S}{10L} \left(\frac{B_0 n}{3} - \frac{9B_0 n}{12} \right) =$$

$$= \frac{S}{10L} \left(\frac{B_0 n}{3} - \frac{3B_0 n}{4} \right) = \frac{-S}{10L} \cdot B_0 n \cdot \frac{5}{12} = \frac{-B_0 n S}{24L}$$

$$I_0 = \frac{B_0 n S}{10L} \left(B_0 n - \frac{B_0}{3} \cdot 3n \right) = 0 \Rightarrow I_{\text{ind}} = |\Delta I| = \frac{B_0 n S}{24L}$$

Ответ: $|\dot{I}| = \frac{dnS}{L}$; $I_{\text{ind}} = \frac{B_0 n S}{24L}$

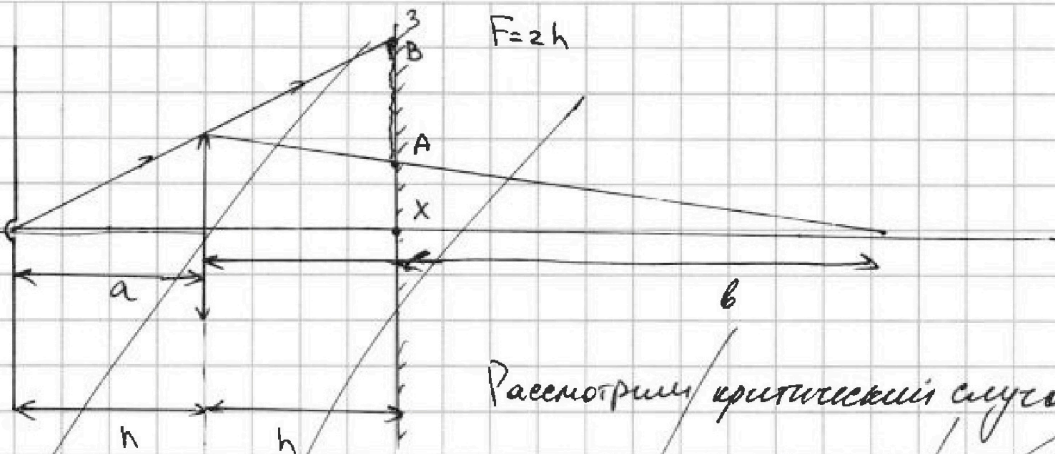
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Рассмотрим критический случай,

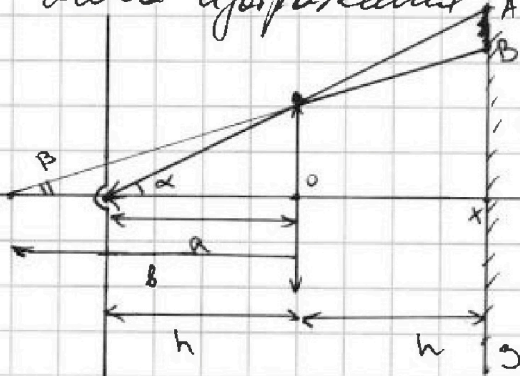
когда луч ~~еще~~ проходит через край линзы, тогда на участок АВ, отмеченный на рисунке, не будет падать свет, эта часть будет неосвещенной. Найдем АХ: $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F} = \frac{1}{2h} \Rightarrow \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{2h}$

⇒ Т.к. $a < F$, то

25

1) Т.к. линза собирающая, ~~так~~ $a < F$, то будет действовать лучи ~~еще~~ a -расстояние от центра до линзы, b -от линзы до экрана, будут рассеиваться. Тогда неосвещенных участков не будет

Тогда $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{F}$, где b расстояние от линзы до мнимого изображения. Рассмотрим критический случай,



когда луч ~~еще~~ падает на край ~~еще~~ линзы, тогда $\frac{1}{h} - \frac{1}{b} = \frac{1}{2h} \Rightarrow b = 2h$

Тогда $\frac{1}{a} = \frac{1}{h} = \frac{2h}{AX} \Rightarrow AX = 2h$

$\frac{1}{b} = \frac{1}{2h} = \frac{1}{BX} \Rightarrow BX = \frac{3h}{2}$, тогда

площадь осв. зеркала $S = \pi(h^2 - BX^2) =$

$$= \pi(h^2 - \frac{9h^2}{4}) = \frac{7\pi h^2}{4} = 7\pi \text{ см}^2$$



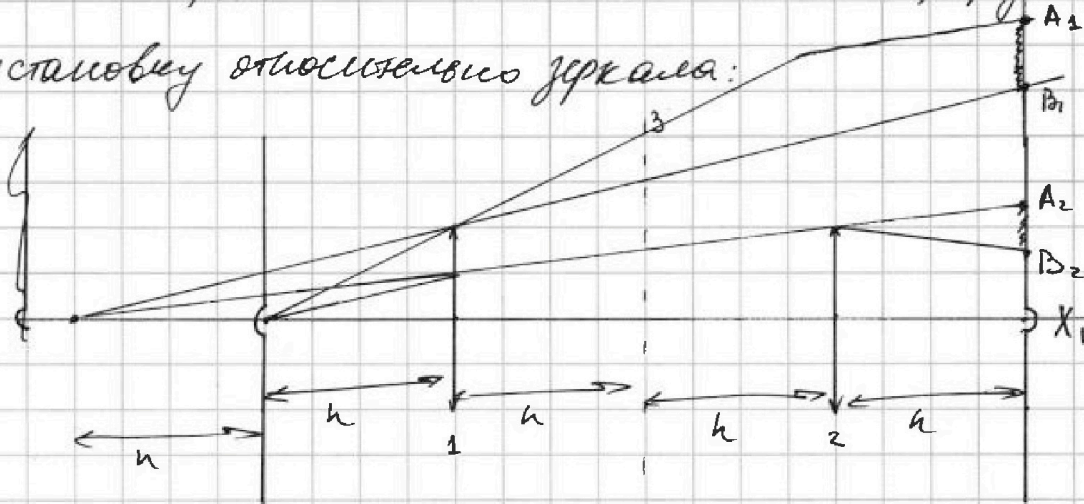
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2) Для того, чтобы найти неосв. часть стены, определим установку относительно зеркала:



Тогда на стене будет незакрашенная зона $A_1 B_1$ и зона $A_2 B_2$ при преломлении луча через ^{линзу} зеркало 1 и покарашим на край ~~зад~~ линзы 2. Тогда для линзы 2: $\frac{1}{4h} + \frac{1}{b} = \frac{1}{2h} \Rightarrow b = 4h$.

~~зад~~ линзы 2. Тогда для линзы 2: $\frac{1}{4h} + \frac{1}{b} = \frac{1}{2h} \Rightarrow b = 4h$.
b - расстояние от линзы 2 до центра

Найдем все расстояния: $\frac{X_1 B_2}{3h} = \frac{r}{4h} \Rightarrow X_1 B_2 = \frac{3}{4}r$

$$\frac{A_2 X_1}{5h} = \frac{r}{4h} \Rightarrow A_2 X_1 = \frac{5r}{4}$$

$$\frac{B_1 X_1}{5h} = \frac{r}{2h} \Rightarrow B_1 X_1 = \frac{5r}{2}$$

$$\frac{A_1 X_1}{4h} = \frac{r}{h} \Rightarrow A_1 X_1 = 4r, \text{ тогда } S_2 = \pi(A_1 X_1^2 - B_1 X_1^2) + \pi(A_2 X_1^2 - B_2 X_1^2) =$$

$$= \pi(A_1 X_1^2 - B_1 X_1^2 + A_2 X_1^2 - B_2 X_1^2) = \pi(16r^2 - \frac{25}{4}r^2 + \frac{25}{16}r^2 - \frac{9}{16}r^2) =$$

$$= \pi r^2 \left(\frac{84}{16} - \frac{100}{16} + 1 \right) = \pi r^2 \left(\frac{256 - 100}{16} + 1 \right) = \pi r^2 \frac{156 + 16}{16} =$$

$$= \frac{172}{16} \pi r^2 = \frac{86}{8} \pi r^2 = \frac{43}{4} \pi r^2 = 43 \pi \text{ см}^2 - \text{неосв. площадь стены}$$

Ответ: $S_1 = 7 \pi \text{ см}^2$; $S_2 = 43 \pi \text{ см}^2$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

