



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

9 КЛАСС. Вариант 9



- [3 балла] Найдите все значения параметра t , при каждом из которых уравнение $x^2 + 2\sqrt{3}tx + 4t^2 - 4 = 0$ имеет два различных действительных корня, а их произведение положительно.
- [4 балла] Натуральные числа a и b таковы, что их сумма равна 40, а значение выражения $a^2 - 2ab + b^2 + 15a - 15b$ равно $17p^5$, где p – некоторое простое число. Найдите числа a и b .
- [5 баллов] На стороне BC треугольника ABC отмечены точки M и N так, что $BM = MN = NC$. Прямая, параллельная AN и проходящая через точку M , пересекает продолжение стороны AC за точку A в такой точке D , что $AB = CD$. Найдите AB , если $BC = 12$, $\cos(2\angle CEM) = -\frac{1}{4}$.
- [5 баллов] В классе для занятий иностранным языком стоят три ряда парт, в каждом из которых по три парты, расположенных друг за другом. Парта рассчитана на одного человека. Школьник хорошо видит доску в любом из следующих случаев (и только в них):
 - он сидит на первой парте в ряду,
 - ближайшая парта перед ним пуста,
 - за ближайшей партой перед ним сидит ученик меньшего роста.

Сколькими способами можно рассадить в классе 8 учеников группы так, чтобы всем было хорошо видно доску, если известно, что все школьники разного роста? Ответ дайте в виде числа или выражения, содержащего не более двух слагаемых (в слагаемые могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

- [5 баллов] Продолжение сторон BC (за точку C) и AD (за точку D) вписанного в окружность четырёхугольника $ABCD$ пересекаются в точке E . Центр O окружности, вписанной в треугольник ABE , лежит на отрезке CD . Найдите наименьшее возможное значение суммы $ED + DO$, если известно, что $BE = 10$.
- [4 балла] На острове расположено несколько деревень. Между некоторыми деревнями проложены дороги. Известно, что из любой деревни в любую другую можно добраться, причём по единственному маршруту. Также известно, что есть четыре деревни, из которых выходят 3, 4, 5 и 7 дорог соответственно, а из остальных деревень выходит ровно по одной дороге. Сколько деревень может быть на острове?
- [5 баллов] Найдите все пары целых чисел $(x; y)$, удовлетворяющие уравнению

$$\sqrt{2x + 2y - x^2 - y^2} + \sqrt{1 - |x + y - 2|} = 1.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№1 у квадратного уравнения
То, что действительных корней 2 и они различны
равносильно тому, что дискриминант > 0

То, что произведение корней больше нуля, если
они существуют, равносильно тому, что свободный
член > 0

Получаем систему уравнений:

$$\begin{cases} (2\sqrt{3}t)^2 - 4(4t^2 - 4) > 0 \\ 4t^2 - 4 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4 > t^2 \\ t^2 > 1 \end{cases}$$

$$\text{если } t \geq 0 \text{ то } \begin{cases} 2 > t \\ t > 1 \end{cases} \cdot \text{если } t < 0 \text{ то } \begin{cases} t > -2 \\ t < -1 \end{cases}$$

значит $t \in (2; 1) \cup (-1; -2)$ и любое такое t
подходит т.к. все уравнения равносильны.

Ответ: $t \in (2; 1) \cup (-1; -2)$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

N2

$$a^2 - 2ab + b^2 + 15a - 15b = (a-b)(a-b+15) = 17 \cdot 2^5$$

$$a+b=40$$

$$a-b = a+b - 2b = 40 - 2b \text{ - четное число}$$

$$(a-b) : 2 \Rightarrow 17 \cdot 2^5 : 2 \Rightarrow p=2 \text{ т.к. } p \text{ - простое.}$$

обозначим разность $a-b$ за x

$$x(x+15) = 17 \cdot 32 \Leftrightarrow x^2 + 15x - 17 \cdot 32 = 0$$

$$(x-17)(x+32)$$

т.к. x - четно, то $x = -32$

$$\text{получаем систему } \begin{cases} a+b=40 \\ a-b=36-32 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a=4 \\ b=36 \end{cases}$$

действительно $-32 \cdot (-32+15) = 17 \cdot 2^5$, значит

ответ $a=4$; $b=36$



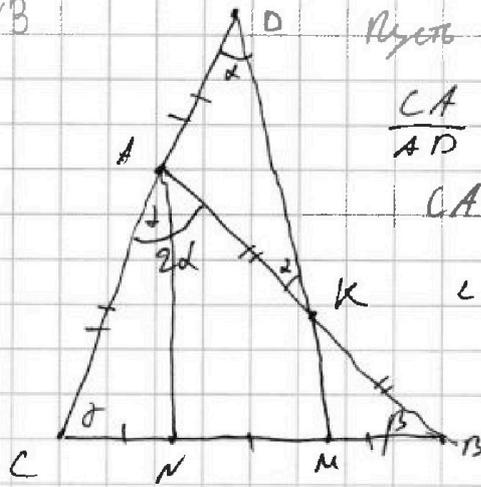
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

VB



Пусть $\angle CAN = \alpha$ т.к. $AN \parallel MD$ то

$$\frac{CA}{AD} = \frac{CN}{NM} = \frac{1}{1} = \frac{BM}{MN} = \frac{BK}{KA}$$

$$CA = AD = AK = KB = \frac{AB}{2}$$

$$\angle CAN = \angle ADM \text{ (} AN \parallel DM \text{)}$$

$$\angle AKD = \angle KDA \text{ т.к. } AD = AK$$

значит $\angle BAC = 2\alpha$ т.к. $AK \parallel KM$
в $\triangle AKD$

$$\text{пусть } \angle CBA = \beta; \angle BCA = \gamma$$

Запишем т. синусов для $\triangle ABC$

$$\frac{12}{\sin 2\alpha} = \frac{AC}{\sin \beta} = \frac{AB}{\sin \gamma}$$

пусть $AB = 2x$

$$\sin(2\alpha) = \sqrt{1 - \cos^2 2\alpha} = \frac{\sqrt{15}}{4}$$

$\sin(2\alpha) > 0$ т.к. $0 < 2\alpha < 180^\circ$

$$\frac{48}{\sqrt{15}} = \frac{x}{\sin \beta} = \frac{2x}{\sin \gamma}$$

$$\beta = (180 - 2\alpha) - \gamma$$

$$\sin \beta = \cos \gamma \sin(180 - 2\alpha) - \sin \gamma \cos(180 - 2\alpha)$$

$$= \cos \gamma \cdot \frac{\sqrt{15}}{4} - \sin \gamma \cdot \frac{1}{4}$$

$$2x = \frac{48}{\sqrt{15}} \sin \gamma$$

$$x = \frac{48}{\sqrt{15}} \sin \beta = 12 \cos \gamma - \frac{12}{\sqrt{15}} \sin \gamma$$

$$(2x + x) = \left(24 \cos \gamma - \frac{24}{\sqrt{15}} \sin \gamma \right) + \frac{24}{\sqrt{15}} \sin \gamma = 24 \cos \gamma$$

т.к. $\cos 2\alpha < 0 \Leftrightarrow 2\alpha > 90^\circ \Rightarrow \gamma < 90^\circ \Rightarrow \cos \gamma > 0$

$$3x = 24 \sqrt{1 - \sin^2 \gamma}$$

$$x = \frac{24}{\sqrt{15}} \sin^2 \gamma$$

$$x = 8 \sqrt{1 - \sin^2 \gamma} \quad \left\{ \begin{array}{l} 64 - 64 \sin^2 \gamma = \\ = \frac{64 \cdot 9}{15} \sin^4 \gamma \end{array} \right.$$

Ответ: $AB = 4\sqrt{6}$

$$x = \frac{24}{\sqrt{15}} \cdot \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{24}} \quad \left\{ \begin{array}{l} 64 = 1 = \frac{24}{15} \sin^2 \gamma \\ \sin \gamma = \sqrt{\frac{15}{24}} \end{array} \right.$$

$$x = 2\sqrt{6} \quad 2x = 4\sqrt{6}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№4
Пусть мы сможем распределить людей по 6
напом ряду и т.д.: посчитаем кол-во способов и
расписать.

1 в ряду 3 человека \rightarrow самый левый обязательно
только первый, тогда четный
только второй, тогда самый последний
только последний \Rightarrow 2 варианта.

2. в ряду 2 человека \Rightarrow 1. Пусть место первое или
по столбцу \rightarrow на ряду соседей
на ряду соседей можно показать 2 образом, если
на месте симметрично. \Rightarrow Если место первое или
последнее 2 способа показать 2 человека.

Если место посередине то мы можем
считать как угрозы \Rightarrow т.е. 2 способами.

Получается на каждое распределение по столбцам
(1+1+2) \cdot 1 \cdot 1 способа расстановки. \Rightarrow

Найдём кол-во распределений по столбцам: в первый
столбец C_9^3 способа во второй C_6^3 в третий — угрозы
— мы считаем что у нас 9 элементов т.е. мы распреде-
лим и людей и угрозы.

Получаем ответ: $C_9^3 \cdot C_6^3 \cdot 4$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

^{№6}
Перейдем на эти графы дерева - вершина
горога - ~~вер~~ ребро.

Рассмотрим единственность всех маршрутов \Leftrightarrow отсутствие
циклов \Leftrightarrow граф-дерево

Рассмотрим подграф из вершины и смежных $3, 4, 5, 7$
в исходном графе и вели ребрами между ними.

1 этот подграф является в исходной сети

2 вершины 6 без пути между ними, но $ти$.

из вершины степени 2 можно только вернуться
назад, иде по графу $то$ и в исходном графе
между ними нет пути $(?!)$

2 тогда этот подграф-дерево, иначе он имеет

цикл, тогда исходный граф-не дерево (и) и он
не является.

значит между ними ровно 3 ребра.

Все остальные ребра ведут в вершину
(в исходном графе) степени 2 и в частности

вершину степени 2 ведет ребро из вершин
степени $3, 4, 5$ и $7 \Rightarrow$ вершина степени 2 $3+4+5+7-3 =$
 $= 16$, а всего вершин 20

Ответ: 20



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\text{Тк. } \sqrt{1-|x+y-2|} \geq 0 \quad |x+y-2| \leq 1$$

$$x+y-2 \in [-1; 1] \quad x, y \in \mathbb{Z}$$

$$x+y \in [1; 3]$$

$$x+y = 1 \text{ или } 2 \text{ или } 3$$

$$1) \quad x+y=1 \Rightarrow \sqrt{1-|1-2|} = 0 \Leftrightarrow 2x+2y-x^2-y^2=1$$

возьмем $y=1-x$

$$2x + 2(1-x) - x^2 - (1-x)^2 = 1$$

$$-2x^2 + 2x + 2 - 1 = 1$$

$$x(-2x+2) = 0 \quad \begin{cases} x=0 \text{ или } x=1 \\ y=1 \quad \quad y=0 \end{cases}$$

$$2) \quad x+y=2 \quad \sqrt{1-|2-2|} = 1 \Leftrightarrow 2x+2y-x^2-y^2=0$$

возьмем $y=2-x$

$$2x + 2(2-x) - x^2 - (2-x)^2 = 0$$

$$4 - x^2 - x^2 + 4x - 4 = 0$$

$$x(-2x+4) = 0 \quad \begin{cases} x=0 \text{ или } x=2 \\ y=2 \quad \quad y=0 \end{cases}$$

$$3) \quad x+y=3 \quad \sqrt{1-|3-2|} = 0 \Rightarrow 2x+2y-x^2-y^2=1$$

возьмем $y=3-x$

$$2x + 2(3-x) - x^2 - (3-x)^2 = 1$$

$$6 - x^2 - 9 - x^2 + 6x = 1$$

$$-2x^2 + 6x - 4 = 0 \Leftrightarrow x^2 - 3x + 2 = 0 \quad \begin{cases} x=1 \\ y=2 \end{cases} \quad \begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases}$$

Ответ: $(x, y) = (0, 2) \text{ или } (1, 0) \text{ или } (0, 2) \text{ или } (2, 0) \text{ или } (1, 2) \text{ или } (2, 1)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$4.3 \cdot t^2 - 16t^2 > 0$$

$$-4t^2 + 16 > 0$$

$$4t^2 - 4 > 0$$

$$16 > 4t^2 > 4$$

$$4 > t^2 > 1$$

$$2 > t > 1$$

$$-2 < t < 4$$

$$x = 17$$

$$(a-b)^2 \cdot 15(a-b) = (a-b)(a-b+15) = 17 \cdot 32$$

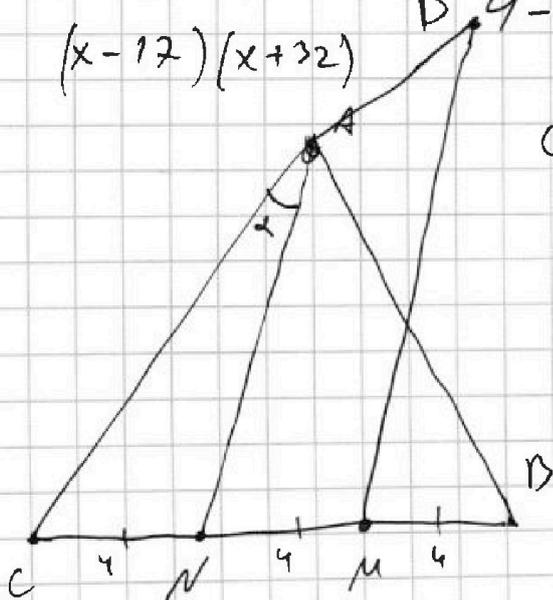
$$x(x+15) = 17 \cdot 32$$

$$x^2 + 15x - 17 \cdot 32 = 0$$

$$(x-17)(x+32)$$

$$4 - 36 = -32$$

$$\cos 2\alpha = -\frac{1}{4}$$



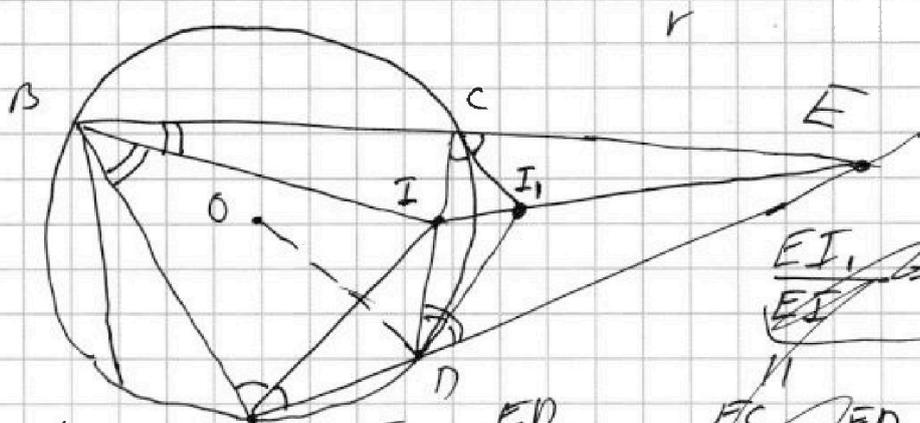
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{EI_1}{EI} = \frac{ED}{EI} = \frac{ED}{EA}$$

$$\frac{EC}{10} = \frac{ED}{6}$$

$$\frac{EC}{EI} = \frac{ED}{DI}$$

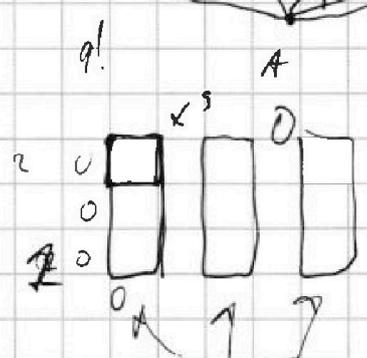
$$\frac{EI_1}{EI} = \frac{ED}{EI} = \frac{EC}{EA}$$

$$CI = EI = 10$$

$$EA = AD = DI$$

$$4 \cdot (9 - 6 - 4)$$

$$-3 + 4 + 1 = 4 + 1 = 5$$

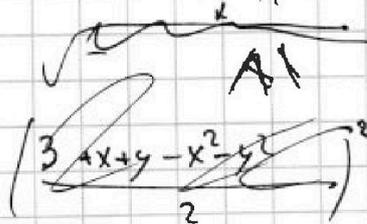


$$\sqrt{2x+y-x^2-y^2} + \sqrt{3-x-y} = 1, \quad x+y-2 \geq 0$$

$$\sqrt{2x+y-x^2-y^2} + \sqrt{3-x-y} = 1$$

$$\sqrt{3-x-y-x^2-y^2} = x^2+y^2-2-x-y$$

$$(2x+y)(2x+y-x^2-y^2)(3-x-y) = (x^2+y^2-2-x-y)^2$$



$$(x^2+y^2-2x-2y)(x^2+y^2-2-x-y)$$

$$x^2+y^3$$

$$\neq 0$$

$$DI = ED \quad IC = EA$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x \cdot y = 1 \quad \sqrt{1-1} = 0$$
$$2x + 2y - x^2 - y^2 = 1 \quad x = 1$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

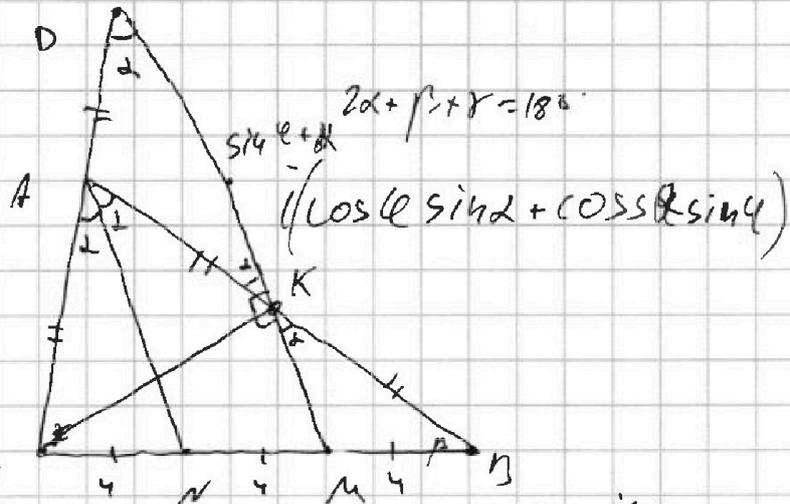
СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{12}{\sin 2\alpha} = \frac{2x}{\sin \gamma} \Rightarrow \frac{12}{\sin 2\alpha} = \frac{2x}{\sin \gamma}$$

$$\frac{48}{\sqrt{15}}$$

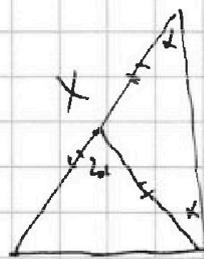
$$\frac{\cos \varphi + i \sin \varphi}{\cos \varphi - i \sin \varphi}$$



$$\sin \varphi = \sqrt{1 - \frac{1}{16}} = \frac{\sqrt{15}}{4}$$

$$\sin \varphi - \alpha = \cos \alpha \sin \varphi - \cos \varphi \sin \alpha$$

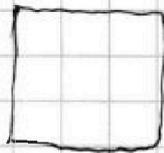
$$\frac{12}{\sin 2\alpha} = \frac{AB}{\sin \gamma} = \frac{AC}{\sin \beta}$$



$$\sin \beta = \sin(180 - 2\alpha - \gamma)$$

$$\sin \beta = \sin \gamma$$

$$= \cos(\gamma) \sin(180 - 2\alpha) - \sin \gamma \cos(180 - 2\alpha)$$



$$\frac{2x}{\sin \gamma} = \frac{48}{\sqrt{15}}$$

1 2 ... 8

$$= \cos \gamma \sin 2\alpha + \sin \gamma \cos 2\alpha$$

$$x = (\sin \gamma) \frac{24}{\sqrt{15}}$$

$$x = (\sin \beta) \frac{48}{\sqrt{15}}$$

$$= \frac{\sqrt{15}}{4} \cos \gamma + \frac{1}{4} \sin \gamma$$

$$\Rightarrow x = \sin \gamma \frac{24}{\sqrt{15}}$$

sin

$$x = \frac{\sqrt{15}}{4} \cos \gamma + 12 \cos \gamma - \frac{12}{\sqrt{15}} \sin \gamma$$

$$3x = 24 \cos \gamma \quad x = \sin \gamma \frac{24}{\sqrt{15}}$$

$$1 - \sin^2 \gamma = \frac{9}{25} \sin^2 \gamma$$

$$\frac{\sin \gamma \cos \gamma}{\sqrt{1 - \sin^2 \gamma}} = \frac{3}{\sqrt{15}} \sin \gamma$$



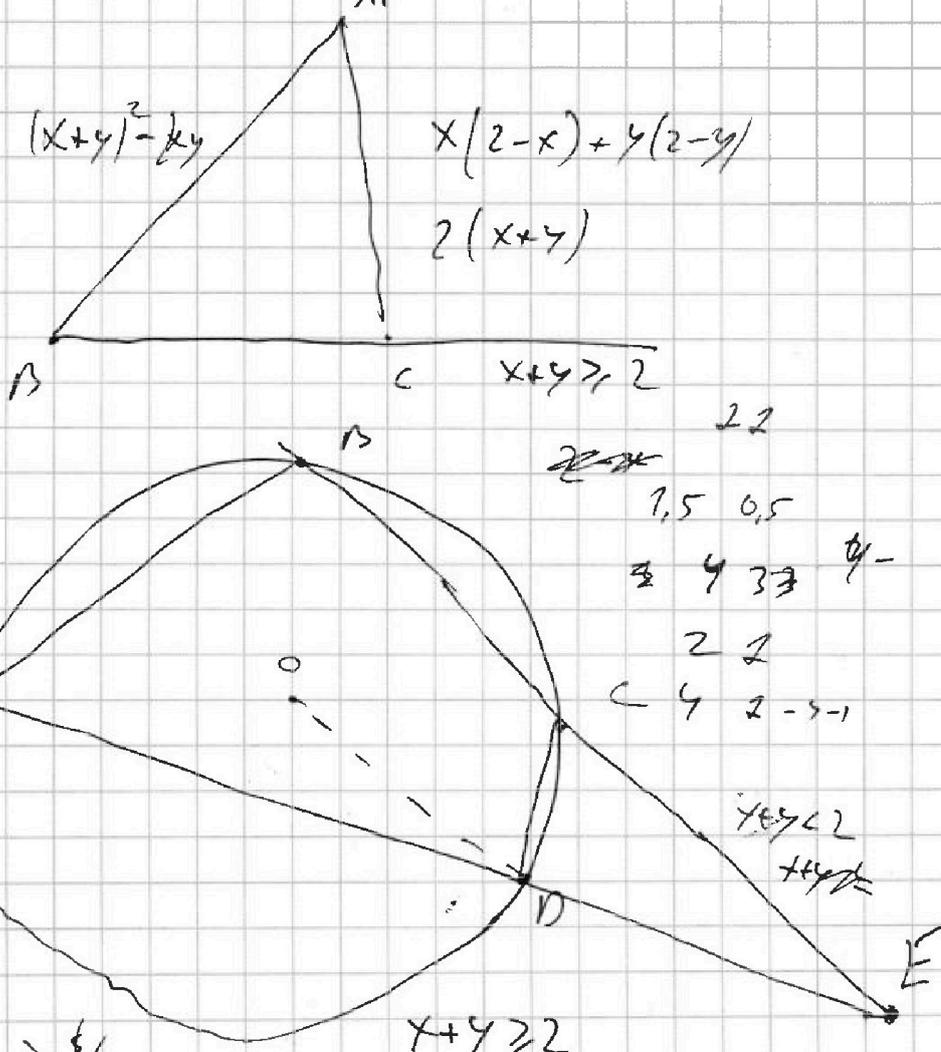
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

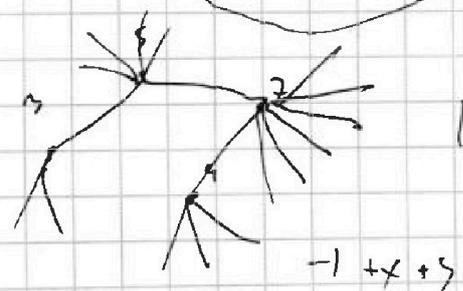
СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x(2-x) + y(2-y)} \quad 2 \leq x+y \leq 3$$



$2,2$
 $1,5 \quad 0,5$
 $2 \quad 4 \quad 3,3$
 $2 \quad 2$
 $4 \quad 2 \quad -1$



$$|-1 + x + y + 2| = |-x - y + 2|$$

$$x + y \leq 3$$

$$2 \leq x + y < 2$$

$$3 \geq x + y \geq 2$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{array}{l}
 x^3 + y^3 - \sqrt{x^2} - \sqrt{y^2} + 6x + 6y \\
 + x^2y + xy^2 - 4xy
 \end{array} \Bigg| x^4 + y^4 + 2x^2y^2 - x^3 - y^3 - \sqrt{x^2} - \sqrt{y^2} - 3x - 3y \\
 + 2xy + 2x + 2y$$

$$x^4 + y^4 + 2x^2y^2 - 2x^3 - 2y^3 - \sqrt{x^2} - \sqrt{y^2} - 3x - 3y - 2x^2 - 2y^2 + 6xy - 4x - 4y = 0$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} = 1 \quad a + b + 2\sqrt{ab} = 1 \quad \begin{matrix} \sqrt{ab} \\ 2a + 2b \geq 1 \end{matrix}$$

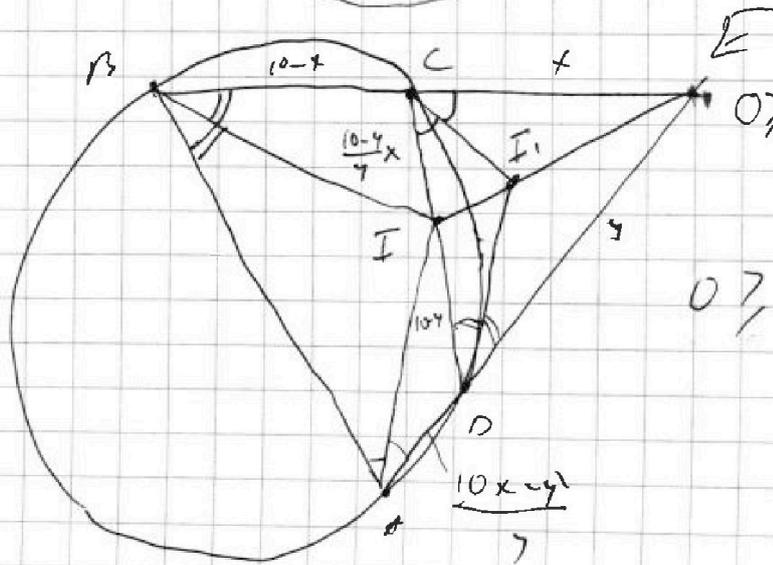
$$\begin{array}{l}
 \sqrt{3-x-y} \\
 + \sqrt{2x+2y-x^2-y^2} \\
 \sqrt{3} \sqrt{ab} = 1 - a - b + \sqrt{ab}
 \end{array}$$

$$4ab = (1 - a - b)^2$$

$$2\sqrt{ab} = 1 - a - b$$

$$a \neq b$$

$$5 + 2x + 2y + x^2 = 2y^2, 0$$



$$0, 2x^2 - 2x + (2y^2 - 2y + 5) = 0$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{1 - 2y^2 + 2y - 5}}{2}$$

$$0, 16y^2 - 4y - 11 = 0$$

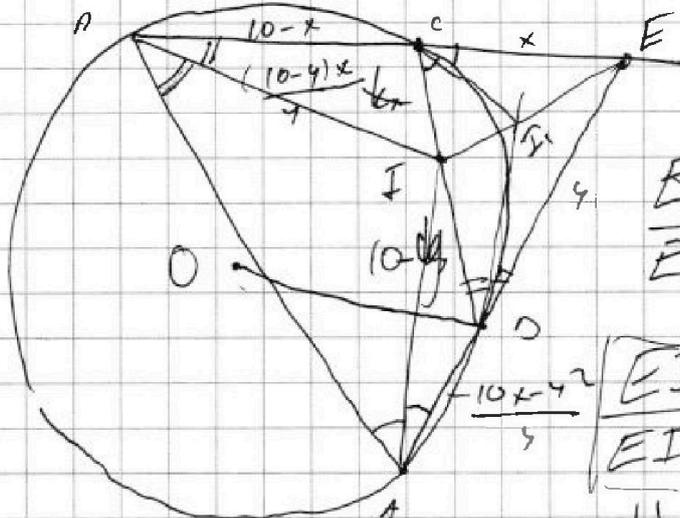


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$ID = EB = 10$$

$$\frac{EI_1}{EI} = \frac{CE}{AE} \quad \frac{CI}{DI} = \frac{EC}{ED}$$

$$\frac{EI}{EI_1} = \frac{AE}{CE} = \frac{10+x}{y}$$

$$1 + \frac{EI_1}{EI} = \frac{(10-y)x + xy}{y}$$

$$k = \frac{10-y}{y}$$

$$\frac{CI+CE}{CE}$$

$$AE = CI + CE$$

$$EB = DI + DE$$

$$EO^2 - OD^2 = ED \cdot EA$$

$$EO^2 = OD^2 + ED \cdot EA$$

$$\frac{10x}{y} \cdot y$$

$$EA \left(ED + \frac{OD^2}{EA} \right)$$