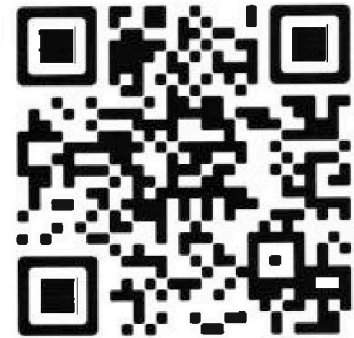




МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 2



1. [3 балла] Найдите все действительные значения  $x$ , при каждом из которых существует геометрическая прогрессия, состоящая из действительных чисел и такая, что её четвёртый член равен

$$\sqrt{\frac{15x+6}{(x-3)^3}}, \text{ десятый член равен } x+4, \text{ а двенадцатый член равен } \sqrt{(15x+6)(x-3)}.$$

2. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+7} - \sqrt{5-x-3z} + 6 = 2\sqrt{y-2x-x^2+z}, \\ |y-20| + 2|y-35| = \sqrt{225-z^2}. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все значения параметра  $p$ , при которых уравнение

$$\cos 3x + 6 \cos x = 3 \cos 2x + p$$

имеет хотя бы одно решение. Решите это уравнение при всех таких  $p$ .

4. [5 баллов] Две окружности  $\omega_1$  и  $\omega_2$  пересекаются в точках  $A$  и  $B$ , а их общая касательная имеет с  $\omega_1$  и  $\omega_2$  общие точки  $C$  и  $D$  соответственно, причём точка  $B$  расположена ближе к прямой  $CD$ , чем точка  $A$ . Луч  $CB$  пересекает  $\omega_2$  в точках  $B$  и  $E$ . Найдите отношение  $ED : CD$ , если диагональ  $AD$  четырёхугольника  $ACDE$  делит отрезок  $CE$  в отношении  $9 : 25$ , считая от вершины  $C$ .

5. [4 балла] Дан клетчатый прямоугольник  $150 \times 200$ . Сколькими способами можно закрасить 8 клеток этого прямоугольника так, чтобы закрашенное множество обладало хотя бы одной из следующих симметрий: относительно центра прямоугольника, относительно любой из двух "средних линий" прямоугольника ("средней линией" прямоугольника назовём отрезок, соединяющий середины двух его противоположных сторон). Ответ дайте в виде выражения, содержащего не более трёх членов (в них могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

6. [4 балла] Найдите все тройки целых чисел  $(a; b; c)$  такие, что:

- $a > b$ ,
- число  $a - b$  не кратно 3,
- число  $(a - c)(b - c)$  является квадратом некоторого простого числа,
- выполняется равенство  $a + b^2 = 820$ .

7. [6 баллов] В основании призмы лежит равносторонний треугольник со стороной 2. Площади её боковых граней равны 5, 5 и 4. Найдите высоту призмы.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

<sup>N1</sup>  
Пусть первый член прогрессии -  $b$ , а знаменатель  $q$ ,  $b, q \neq 0$

$$\begin{cases} b_4 = bq^3 = \sqrt{\frac{15x+6}{(x-3)^3}} & (1) \\ bq > 0, \frac{15x+6}{x-3} > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x > 3 \\ x < -\frac{2}{5} \end{cases} \end{cases}$$

$$\begin{cases} b_{10} = bq^9 = x+4 & (2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} b_{12} = bq^{11} = \sqrt{(15x+6)(x-3)} & (3) \end{cases}$$

$$(3) : (1) : q^8 = \sqrt{\frac{(15x+6)(x-3)^4}{15x+6}} \Leftrightarrow q^8 = \sqrt{(x-3)^4} \Leftrightarrow q = \pm \sqrt[4]{|x-3|}$$

$$\text{Если } q = \sqrt[4]{|x-3|}$$

$$(1) : bq^3 = b \sqrt[4]{|x-3|^3} = \sqrt[4]{\frac{(15x+6)^3}{(x-3)^3}} \Leftrightarrow b = \sqrt[4]{\frac{(15x+6)^3}{|x-3|^3}}$$

$$(2) : bq^9 = \sqrt[4]{\frac{(15x+6)^3}{|x-3|^3}} \cdot \sqrt[4]{|x-3|^9} = \sqrt{|15x+6|} = x+4$$

$$\text{Если } q = -\sqrt[4]{|x-3|}$$

$$(1) : bq^3 = -b \sqrt[4]{|x-3|^3} = \sqrt[4]{\frac{(15x+6)^3}{(x-3)^3}} \Leftrightarrow b = -\sqrt[4]{\frac{(15x+6)^3}{|x-3|^3}}$$

$$(2) : bq^9 = -\sqrt[4]{\frac{(15x+6)^3}{|x-3|^3}} \cdot (-\sqrt[4]{|x-3|^9}) = \sqrt{|15x+6|} = x+4$$

$$\sqrt{|15x+6|} = x+4 \Leftrightarrow |15x+6| = x^2 + 8x + 16$$

$$\begin{cases} x < -\frac{2}{5} \\ x \geq -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\frac{2}{5} > x \geq -4 \\ x^2 + 23x + 22 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\frac{2}{5} > x \geq -4 \\ (x-1)(x-22) = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -15x - 6 = x^2 + 8x + 16 \\ x = 1 \\ x = 22 \end{cases} \Leftrightarrow x = \emptyset$$

$$\begin{cases} x = 1 \\ x = 22 \\ -\frac{2}{5} > x \geq -4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x > -\frac{2}{5} \\ x \geq -4 \\ 15x+6 = x^2 + 8x + 16 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 3 \\ x^2 - 7x + 10 = 0 \\ x > 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 3 \\ (x-2)(x-5) = 0 \\ x > 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = 5 \end{cases} \Leftrightarrow x = 5$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x = 5$$

$$b = \sqrt[4]{\frac{81^2}{29}}$$

$$q = \sqrt[4]{2} \quad \text{Пример кон. прогрессии с } x$$

Ответ при

Ответ: при  $x = 5$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$12 - 2t = 4t^2 + 36 - 24t \Rightarrow 4t^2 - 22t + 24 = 0$$

$$2t^2 - 11t + 12 = 0$$

$$D = 121 - 8 \cdot 12 = 121 - 96 = 25 = 5^2$$

$$t = \frac{11+5}{4} = 4$$

$$t = \frac{11-5}{4} = 1.5$$

Обратная замена:

$$\sqrt{(x+7)(5-x)} = 4$$

$$\sqrt{(x+7)(5-x)} = 2.25$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 35 - 2x + x^2 = 16 \\ 140 - 8x + 4x^2 = 9 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x^2 - 2x + 19 = 0 \\ 4x^2 - 8x + 131 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2 + 2x + 1 = 20 \\ 4x^2 + 8x + 4 = 135 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} (x+1)^2 = (2\sqrt{5})^2 \\ 4(x+1)^2 = (3\sqrt{15})^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = -1 \pm 2\sqrt{5} \\ x = -1 \pm \frac{3\sqrt{15}}{2} \end{cases}$$

в) Во время решения был переход к следствию, мы возвели в квадрат, не проверив, что обе части ~~не~~ ~~имеют~~ одного знака, а также потеряли огранич. на корни:

$$5 \geq x \geq -7$$

$$(\sqrt{x+7} - \sqrt{5-x}) \cdot (2\sqrt{(x+7)(5-x)} - 6) \geq 0$$

$$(\sqrt{x+7} + \sqrt{5-x}) \cdot (\sqrt{x+7} + \sqrt{5-x}) \cdot (2\sqrt{(x+7)(5-x)} - 6) \geq 0$$

$$x+7 - 5+x = 2x+2$$

$$5 \geq -1 + 2\sqrt{5} \geq -7 \Rightarrow 6 \geq 2\sqrt{5} \geq -6 \Rightarrow 3 \geq \sqrt{5} \text{ - не так}$$

$$\Rightarrow 2\sqrt{5} - 1 \geq 5 \text{ - корень не подходит} \quad \text{корень подходит}$$

$$-1 - 2\sqrt{5} \geq -7 \Rightarrow 6 \geq 2\sqrt{5} \Rightarrow 3 \geq \sqrt{5} \text{ - корень подходит}$$

$$-1 + \frac{3\sqrt{15}}{2} \leq 5 \Rightarrow 3\sqrt{15} \leq 12 \sqrt{\frac{15}{3}} \leq 12 \sqrt{5} \text{ - корень подходит}$$

$$-1 - \frac{3\sqrt{15}}{2} \geq -7 \Rightarrow 6 \geq \frac{3\sqrt{15}}{2} \Rightarrow 12 \geq 3\sqrt{15} \text{ - корень подходит}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

а) Рассмотрим второе уравнение системы

$$|y-20| + 2|y-35| = \sqrt{225-z^2}$$

$$225-z^2 \geq 0 \Leftrightarrow 225 \geq z^2 \Leftrightarrow 15 \geq z \geq -15 \Leftrightarrow \sqrt{225-z^2} \leq 15$$

1)  $y > 35$ :  $y-20 + 2y - 70 = \sqrt{225-z^2} \leq 15$   
 $3y - 90 \leq 15 \Leftrightarrow 3y \leq 105 \Leftrightarrow y \leq 35$   
 $y > 35$  }  $\Rightarrow y = \emptyset$

2)  $y < 20$ :  $20-y + 40-2y = \sqrt{225-z^2} \leq 15$   
 $60-3y \leq 15 \Leftrightarrow 45 \leq 3y \Leftrightarrow y \geq 15$   
 $y < 20$  }  $\Rightarrow y = \emptyset$

3)  $35 \geq y \geq 20$ :  ~~$20-y + 2y - 70 = \sqrt{225-z^2} \leq 15$~~   
 $y - 20 - 2y + 70 = \sqrt{225-z^2} \leq 15$   
 $-y + 50 \leq 15 \Leftrightarrow 35 \leq y$   
 $35 \geq y \geq 20$  }  $\Rightarrow y = 35$

Решение  $y$  системы может быть только при  $y = 35$ .

$$|35-20| + 2|35-35| = \sqrt{225-z^2}$$

$$15 + 0 = \sqrt{225-z^2} \Leftrightarrow 225 = 225 - z^2 \Leftrightarrow z^2 = 0 \Leftrightarrow z = 0$$

д)  $\begin{cases} y = 35 \\ z = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 35 \\ z = 0 \end{cases}$   
 $\sqrt{x+4} - \sqrt{5-x} + 6 = 2\sqrt{(x+4)(5-x)}$  (1)

(1)  $\sqrt{x+4} - \sqrt{5-x} + 6 = 2\sqrt{(x+4)(5-x)}$ ,  $5 \geq x \geq -4$

пусть  $a = \sqrt{x+4}$ ;  $b = \sqrt{5-x}$ :

$$\begin{cases} a - b + 6 = 2ab \\ a^2 + b^2 = x+4 + 5-x = 9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a+b = b(2a+1) \\ a^2 + b^2 = 9 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a+b = 2ab \\ a^2 + (a+b)^2 = 9 \end{cases}$$

$$\sqrt{x+4} - \sqrt{5-x} = 2\sqrt{(x+4)(5-x)} - 6$$

переход к следствию - или проверка корней

$$x+4 + 5-x = 2\sqrt{(x+4)(5-x)} + 36 - 24\sqrt{(x+4)(5-x)}$$

Замечание:  $t = \sqrt{(x+4)(5-x)} > 0$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
3 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Проверка знака:

$$(\sqrt{x+4} - \sqrt{5-x})(2\sqrt{(x+4)(5-x)} - 6) \geq 0$$

$$(\sqrt{x+4} - \sqrt{5-x}) \underbrace{(\sqrt{x+4} + \sqrt{5-x})}_{>0} (2\sqrt{(x+4)(5-x)} - 6) \geq 0$$

$$(2x+2)(2\sqrt{(x+4)(5-x)} - 6) \geq 0$$

$$(x+1) \underbrace{(\sqrt{(x+4)(5-x)})}_{+} - 3 \geq 0$$

$$\cdot x = -1 + 2\sqrt{5} : (1 + 2\sqrt{5} - 1)(4 - 3) \geq 0 \text{ - корень подходит}$$

$$\cdot x = -1 - 2\sqrt{5} : (1 + 2\sqrt{5} - 1)(4 - 3) < 0 \text{ - корень не подходит}$$

$$\cdot x = -1 + \frac{3\sqrt{15}}{2} : (1 + \frac{3\sqrt{15}}{2} - 1)(1,5 - 3) < 0 \text{ - корень не подходит}$$

$$\cdot x = -1 - \frac{3\sqrt{15}}{2} : (-1 - \frac{3\sqrt{15}}{2} - 1)(1,5 - 3) \geq 0 \text{ - корень подходит}$$

$$\begin{cases} x = -1 + 2\sqrt{5} \\ x = -1 - \frac{3\sqrt{15}}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = -1 + 2\sqrt{5} \\ y = 35 \\ z = 0 \\ x = -1 - \frac{3\sqrt{15}}{2} \\ y = 35 \\ z = 0 \end{cases}$$

Ответ:  $\left\{ (-1 + 2\sqrt{5}; 35; 0); \left(-1 - \frac{3\sqrt{15}}{2}; 35; 0\right) \right\}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№ 3

$$\cos 3x + 6 \cos x = 3 \cos 2x + p$$

$$4 \cos^3 x + 3 \cos x + 6 \cos x = 6 \cos^2 x - 3 + p$$

$$\cos x (4 \cos^2 x - 6 \cos x + 3) = p - 3$$

Замена:  $t = \cos x$ ,  $-1 \leq t \leq 1$

$$\frac{4t^3 - 6t^2 + 3t}{f(t)} = p - 3$$

$$f'(t) = 12t^2 - 12t + 3 = 0 \Leftrightarrow 4t^2 - 4t + 1 = 0$$

$$(2t - 1)^2 = 0$$

$$t = \frac{1}{2}$$

$$\frac{f'(t)}{f(t)} \Big| \Big| \left[ \frac{-1}{-1} \quad \frac{1}{1} \right]$$

$$-4 - 6 - 3 = f(t) \leq 4 - 6 + 3$$

$$-13 \leq f(t) \leq 1$$

$$p = f(t) + 3 \Leftrightarrow -10 \leq p \leq 4$$

В силу непрерывности  $f(t)$  и  $\cos x$  при любом  $p$  будет решение в  $x$ .  
из промежутка  $[-10; 4]$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
{ из {

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

- 15 не 4, а 5! двое три
- 1) Заметим, что если раскраска обладает <sup>одной</sup> из двух указанными симметрий, то она обладает всеми тремя
- 2) Кол-во подходящих раскрасок: кол-во раскрасок с одной осевой симметрией + кол-во раскрасок с другой осевой симметрией + кол-во раскрасок с центральной симметрией - 2 · кол-во раскрасок с тремя симметриями
- 3) Чтобы получить кол-во раскрасок с осевой симметрией нужно из половины прямоугольника выбрать 4 клетки:

$$C_{75 \cdot 200}^4 + C_{100 \cdot 150}^4$$

- 4) Чтобы получить раскраску с <sup>центральной</sup> осевой симметрией ~~каждой~~ ~~из~~ ~~двух~~ ~~из~~ ~~четвертой~~ которая при этом не является ~~четвертой~~ осевой нужно либо выбрать 1 или 2 четверти и тогда взять 4 клетки либо в одной из них взять одну, а в другой три, либо взять по 2 не симметрично:

$$2 \cdot C_{75 \cdot 100}^4 + 2 \cdot C_{75 \cdot 100}^1 \cdot C_{75 \cdot 100}^3 + C_{75 \cdot 100}^2 \cdot (C_{75 \cdot 100}^2 - 1) =$$

$$= 2 \cdot \frac{7500 \cdot 7499 \cdot 7498 \cdot 7497}{4!} + 2 \cdot \frac{7500 \cdot 7499 \cdot 7498 \cdot 7497}{3!} + \frac{7500 \cdot 7499}{2} \cdot \left( \frac{7500 \cdot 7499}{2} - 1 \right) =$$

$$= 7500 \cdot 7499 \left( \frac{7498 \cdot 7497}{12} + \frac{7498 \cdot 7500}{3} + \frac{7500 \cdot 7499}{4} - 2 \right) =$$

$$= 7500 \cdot 7499 (4809325 + 25(7498 + 75 \cdot 7499)) =$$

$$= 7500 \cdot 7499 (4809325 + 25(76 \cdot 7499 - 1)) =$$

$$= 7500 \cdot 7499 (4809325 + 25(76 \cdot 7500 - 77)) = 7500 \cdot 7499 \cdot 4949900$$

Ответ:  $C_{75 \cdot 200}^4 + C_{100 \cdot 150}^4 + 7500 \cdot 7499 \cdot 4949900$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№ 6

1)  $a + b^2 = 820$

• Если  $b \div 3$ , то  $a \equiv 820 \equiv 2$

• Если  $b \not\div 3$ , то  $b^2 \equiv 1 \Rightarrow a \equiv 819 \equiv 0$

либо  $a \div 3$ , либо  $b \div 3$ , а  $a = 2m + 2 \Rightarrow$  условие из задачи

2)  $(a-c)(b-c) = ab - c(a+b) + c^2$

~~$a \in \mathbb{Z}$ ,  $b = 3k + m$~~

~~$a \equiv 819$~~

$(a-c)(b-c) = k^2$ ,  $k$  простое, тогда:

$a-c$	$b-c$
1	$k^2$
-1	$-k^2$
$k^2$	1
$-k^2$	-1
$k$	$k$
$-k$	$-k$

Если  $a-c = b-c \Rightarrow a = b$

$a = 820 - b^2$

$820 - b^2 = b$

$b^2 - b - 820 = 0$

$D = 1 + 4 \cdot 820 = 1 + 3680 = 3681 =$

$= 9 \cdot 409 \Rightarrow b \notin \mathbb{Z}$

$a - c \neq b - c$

~~$b^2 < 820 \Rightarrow a > b$~~

$a - c = 1$

$820 - b^2 = c + 1$

$b^2 = -c + 819$

$k^2 = b - c = b^2 + b - 819$

$a - c = -1$

$820 - b^2 = c - 1$

$b^2 = 821 - c$

$k^2 = b - c = b^2 - b - 821$

$b - c = 1$

$c = b - 1$

$a - c = k^2$

$820 - b^2 + 1 - b = k^2$

$821 - b^2 - b = k^2$

$|821 - b^2 - b|$

$b \leq 28$

$b - c = -1$

$-c = b - 1$

$a - c = k^2$

$820 - b^2 - b - 1 = k^2$

$819 - b^2 - b = k^2$

$|819 - b^2 - b|$  или  $|819 - b^2 - b| = k^2$ , простое, число



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. **Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно.** Порча QR-кода недопустима!

Кервеврем

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$CT^2 = AT^2 + CT^2 = \frac{CT^2}{4} + C \cdot 4^2 = 25$$

$$K, H \in CC \text{ т.ч. } C_1K_1 = KC, C_1H_1 \parallel KC \Rightarrow C_1C = 4$$

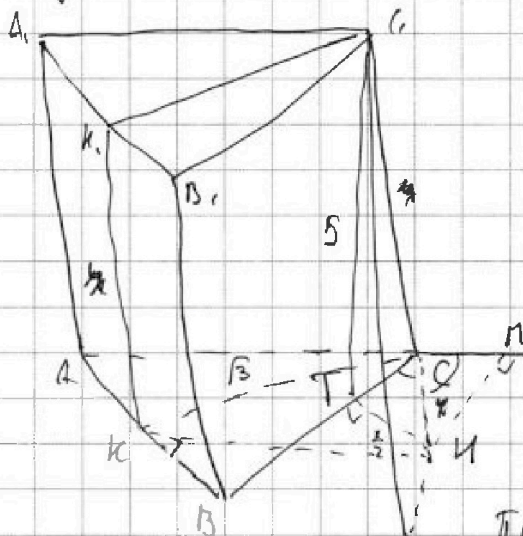
$$B_2 \in C_1KC: CC_1^2 = C_1K^2 + KC^2 = 16$$

$$\frac{3}{4} CK^2 = -9 \text{ — противоречие } \Rightarrow$$

$\Rightarrow$   $K$  и  $H$  между  $AC$  и  $CB$ .

В силу симметрии нам ~~надо~~ не важно ~~где~~ ~~расположено~~ между  $AC$  и продолжением  $BC$  или наоборот.

Пусть  $K$  лежит между  $BC$  и продолжением  $AC$ .



$$\text{Аналогично } CT = CM = 5 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow TK = MH \Rightarrow K \in \text{бисс-}$$

$$се \perp TCM$$

$$KC \parallel KC_1$$

$KK_1 \perp C_1C$  ( $AA_1 \parallel C_1C$ ):  $KK_1 \perp AA_1$

( $CK$  и  $CK_1$ ,  $CC_1$   $\Rightarrow$  середина)

$$CK = CK_1 = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 2 = \sqrt{3}$$

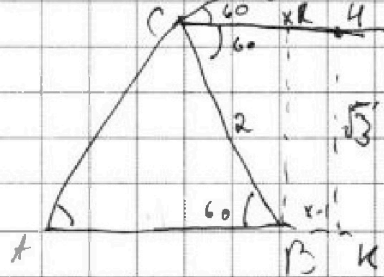
$$\Rightarrow CC_1 \perp KK_1, CC_1 = KK_1 = 4$$

Пусть  $CK = x =$

$$\Rightarrow TH = x = 2; KC \perp CK = 90^\circ \text{ (бисс-се - перпендикуляр)}$$

$$CK^2 = 3 + x^2, CT^2 = C \cdot 4^2 + \frac{x^2}{4} = 25$$

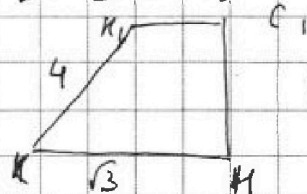
~~$CK \perp AB$~~   $\Rightarrow B$  ( $ABC$ ):



$$CK = CB \cdot \frac{1}{2} = 1 \Rightarrow CK = BK = x - 1$$

$$BK = CK = 2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3} \quad CK \perp C_1C = KC$$

$B$  ( $KK_1, C_1, C$ ):



$$16 = C_1K^2 + (CK - CK_1)^2$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

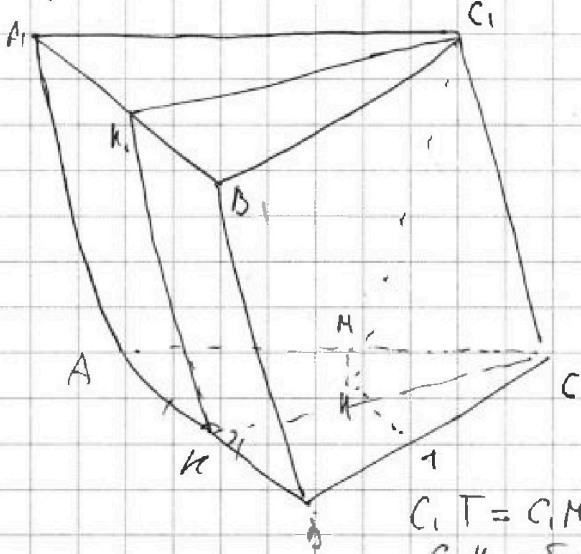
СТРАНИЦА  
1 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№4

Пусть  $ABCA_1B_1C_1$  - данная призма,  $ABC \parallel A_1B_1C_1$ ;  $S_{ABB_1A_1} = 4$ ;  
 $S_{BCC_1B_1} = S_{ACC_1A_1} = 5$

Рассмотрим высоту призмы, опущенную из вершины  $C_1$ :  $C_1K \perp A_1B_1C_1$



Пусть  $H$  лежит между  $AC$  и  $CB$   
 Проведем в  $(ABC)$ :  $HM \perp AC$   
 $HT \perp BC$ . По т.о 3<sup>я</sup> перпенд.

$C_1M \perp AC$  и  $C_1T \perp BC$

$S_{BCC_1B_1} = AC \cdot C_1M = 5 \Rightarrow$

(Высота = осн. · высота)  
 $\Rightarrow C_1M = 5 : 2 = 2.5$

$S_{ACC_1A_1} = BC \cdot C_1T \Rightarrow C_1T = 5$

$C_1T = C_1M$   
 $C_1K$  - общ.  
 $C_1K \perp (ABC) \Rightarrow \angle C_1KT = 90^\circ = \angle C_1KM$   
 $\Rightarrow \triangle C_1KM = \triangle C_1KT \Rightarrow MK = MT$

$MK = MT$   
 $MN \perp AC$   
 $NT \perp BC$

$\Rightarrow H$  ∈ прямой, которой принадлежат  
 бисс-са  $\perp AC$  и бисс-са  $\perp BC$ . Пусть  $SK, K \in AB$ ;  
 $CK$  - бисс-са  $\perp AC$ ;  $CK \perp BC$

~~Случай I: K лежит за точкой C~~

Заметим, что  $AC = BC$   
 $CK$  - бисс-са  $\Rightarrow CK \perp AB$

В  $(A_1B_1C_1)$  проведем  $C_1K_1 \parallel CK \Rightarrow C_1K_1 \perp A_1B_1$   
 $C_1K_1 \perp A_1B_1$  т.к.  $CK \perp AB$  и  $C_1C \perp AB$   
 $HE \perp CK \Rightarrow KE \perp (C_1C, CK) \Rightarrow$

$\Rightarrow K_1K_1 \perp A_1B_1 \Rightarrow K_1K_1 \cdot A_1B_1 = S_{\Delta A_1B_1C_1} = 4 \Rightarrow K_1K_1 = 2$

~~Случай I: H лежит за точкой C~~

В  $\Delta C_1TK$ :  $KT = CK \cdot \sin 30^\circ$ ;  $MT = \frac{CK}{2}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
3 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$D(ABC): kc^2 + 4 + (x-1)^2 + 2(x-1) \cdot \frac{1}{2} kc^2 = x^2 + 3$$

Пусть  $(, K: y:$

$$25 = y^2 + \frac{x^2}{4}$$

$$16 = y^2 + (\sqrt{3} - (x-1) - (x-1) - 4)^2 \cdot (x^2 + 3)$$

$$9 + (\sqrt{3} - (x-1) - (x-1) - 4)^2 = \frac{x^2}{4}$$

$$25 = y^2 + \frac{x^2}{4}$$

$$16 = x^2 + y^2 + 3$$

$$\begin{array}{r} 64 \\ + 9 \\ \hline 576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ \times 64 \\ \hline 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 122 \\ \times 72 \\ \hline 264 \end{array}$$

$$16 = y^2 + (\sqrt{3} - \sqrt{x^2 + 3})^2$$

$$9 - \frac{x^2}{4} = 3 + x^2 + 3 - 2\sqrt{3x^2 + 9}$$

$$3 - \frac{x^2}{4} = x^2 - 2\sqrt{3x^2 + 9}$$

$$2\sqrt{3x^2 + 9} = \frac{3x^2}{4} - 3 = 3\left(\frac{x^2}{4} - 1\right)$$

$$\frac{1}{2} (3x^2 + 9) = \frac{3x^2}{16} - \frac{x^2}{2} + 1 \quad | \cdot 16 \cdot 9$$

$$64(3x^2 + 9) = 9x^4 - 72x^2 + 16$$

$$9x^4 - 264x^2 - 575 = 0$$

$$x^2 = \frac{264 \pm \sqrt{2434}}{18} = \frac{44 \pm \sqrt{2434}}{3}$$

$$K - y = \sqrt{25 - \left(\frac{44 \pm \sqrt{2434}}{12}\right)^2}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$4t^3 - 6t^2 + 3t + 3 = p \quad -10 \leq p \leq 4$$

$$\cos 3x + 6 \cos x - 3 \cos 2x = p$$

$$ka \quad 3 \rightarrow p - 3$$

$$(k-a)(4t^2 + 6t + 3)$$

$$-6 = -4a + 6 \Leftrightarrow 6 = 4a - 6 \quad \epsilon$$

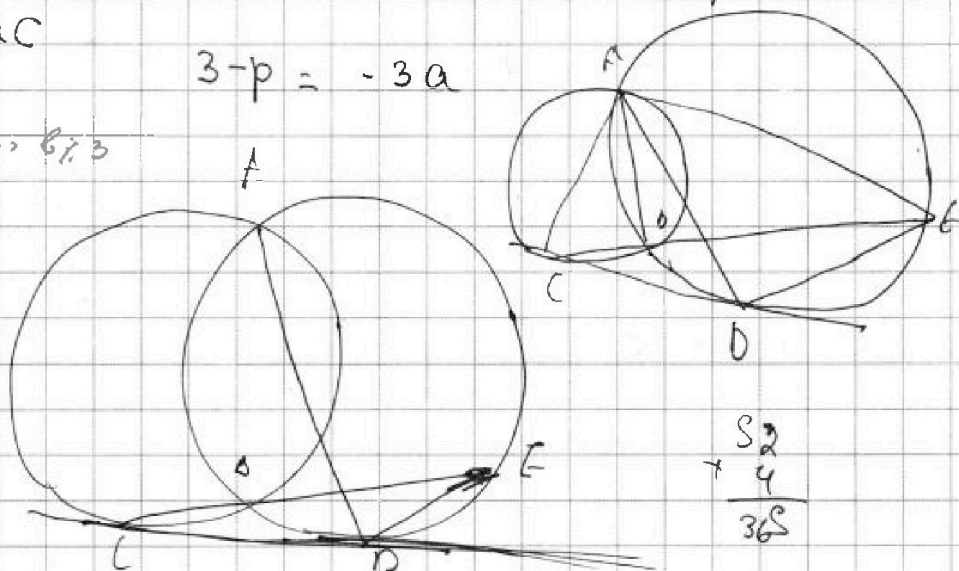
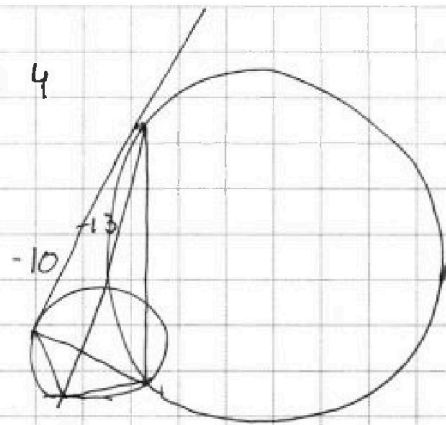
$$3 = c - ab \quad c = 3 + ab = 3 + a(4a - 6)$$

$$3 - p = -ac$$

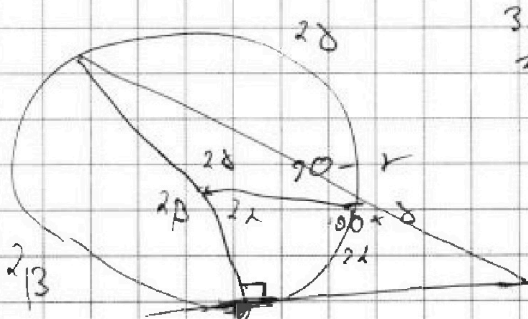
$$3 - p = -3a$$

$$a:3 \quad b \neq 3 \Rightarrow b \neq 3$$

$$a \neq 3 \quad b:3$$



$$\frac{S_2 + 4}{36}$$



$$360 - 2\delta - 90 - 90 - \delta =$$

$$= 180 - 2\delta - \delta$$

$$365 \frac{10}{1409}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$0 = 4^2(5-x)(x+7) - 2x \sqrt{(x+7)(5-x)} \rightarrow 39$$

$$2t^2 - 11t + 12 = 0 \quad D = 121 - 4 \cdot 12 \cdot 2 = 25 = 5^2$$

$$\begin{cases} t = \frac{11+5}{4} = 4 \\ t = \frac{11-5}{4} = 1,5 \end{cases} \quad \begin{cases} (x+7)(5-x) = 16 \\ (x+7)(5-x) = 2,25 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 35 - 2x - x^2 = 16 \\ 140 - 8x - 4x^2 = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x^2 + 2x + 1 = 35 - 15 = 20 \\ 4x^2 + 8x + 4 = 140 - 9 + 4 = 135 \end{cases}$$

$$\cos 3x + \cos x = 3\cos 2x + p$$

$$\begin{aligned} \cos 3x &= \cos 2x \cos x - \sin 2x \sin x = \\ &= (2\cos^2 x - 1)\cos x - 2\cos x(1 - \cos^2 x) \\ &= 4\cos^3 x - 3\cos x \end{aligned}$$

$$4\cos^3 x - 3\cos x + 6\cos x = 3(2\cos^2 x - 1) + p$$

$$4t^3 + 3t = 6t^2 - 3 + p$$

$$4t^3 - 6t^2 + 3t + 3 - p = 0$$

$$\begin{array}{r} 20 \\ -29 \\ \hline 261 \\ -58 \\ \hline 841 \end{array}$$

$$a+b^2=820$$

$$a > b > c \quad 29 \geq 6 \geq 3$$

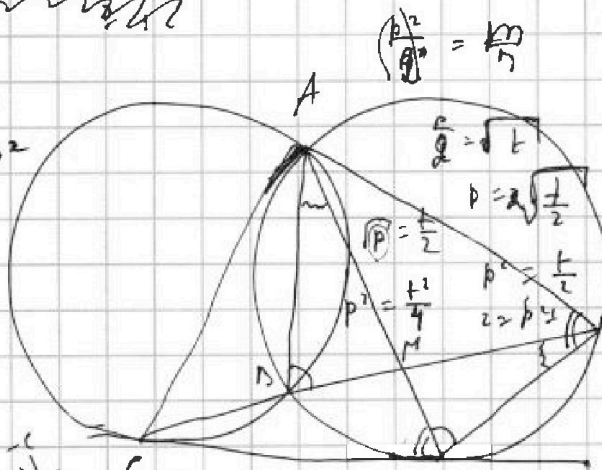
$$c > a > b$$

$$6^2 \approx 1$$

$$a:3$$

$$b = 3m$$

$$a = 820 - 9m^2$$



$$b:3$$

$$a = 820 - 9 \cdot 8^2 = 2$$

$$\begin{cases} a = 3k + 1 \\ b = 3m \end{cases}$$

$$\begin{cases} a = 3k \\ b = 3m + 1,2 \end{cases}$$

$$a:3 : b:3 = 820 - 9k^2 : 3$$

$$a:3$$

$$6^2 = 820 - 9k^2 : 3$$

$$\frac{(820 - 9m^2)(3m - c)}{k^2} = k^2$$

$$\begin{array}{r|l} k^2 & 1 \\ \hline -k & k \\ \hline -k & -k \\ \hline 1 & k^2 \\ \hline -k^2 & -1 \\ \hline -1 & -k^2 \end{array}$$

$$820 - 9m^2 = 3m - c$$

$$820 + c = 9m^2 + 3m = b^2 + b$$

$$\frac{-1 \pm \sqrt{1 + 4 \cdot 820 \cdot c}}{2} =$$

$$= \frac{-1 \pm \sqrt{1 + 820c}}{2}$$

b	b <sup>2</sup>	820 - b <sup>2</sup> = a
0	0	
1	1	81 - 6 = 0
2	4	
3	9	
4	16	
5	25	
6	36	
7	49	
8	64	
9	81	
10	100	820



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1)

2)

3)

4)

5)

6)

7)

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№5

1)  $C_{75-200}^4 = C_{100-150}^4$  — про. осевая симметрия

2)  $2 \cdot C_{75}^4 \cdot 100 + 2 \cdot C_{75-100}^1 = C_{75-100}^3 = C_{75-100}^2 (C_{75-100}^2 - 1)$

$= 2500 \cdot 7499 + 499 \cdot 494900$  — черновик

ответ:  $C_{75-200}^4 + C_{100-150}^4 = 2500 \cdot 7499$

$= 494900$





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

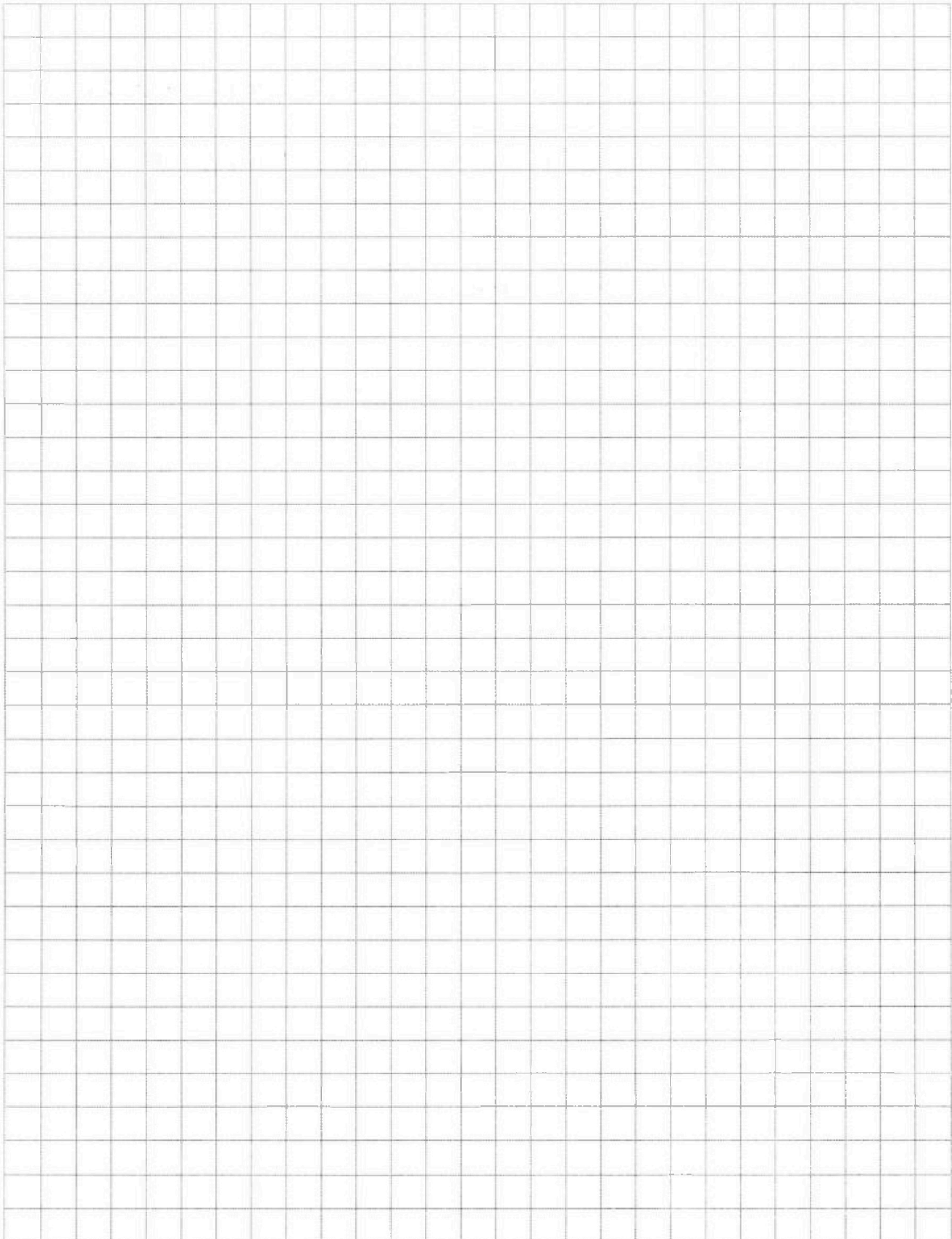
5

6

7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





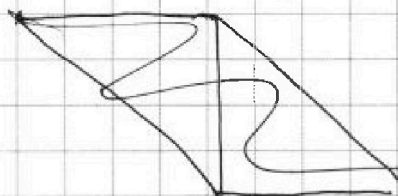
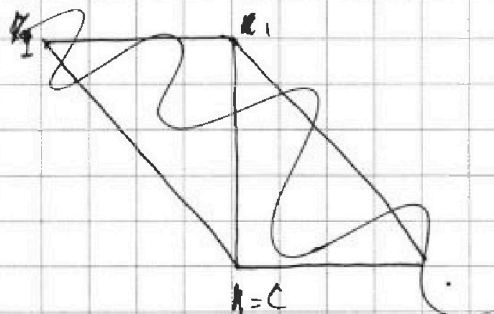
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

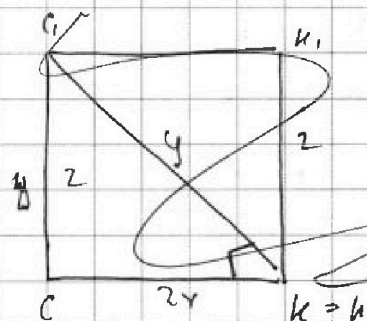
СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Случай 4:  $k = k$



$$\begin{array}{r} 43 \\ \times 43 \\ \hline 139 \\ \times 139 \\ \hline 1859 \\ + 575 \\ \hline 2434 \end{array}$$



$$y = y^2 + 2x^2$$

$$\begin{array}{r} b^2 + b \\ - \frac{1}{2} \\ \hline \end{array}$$

$$a - c = k^2$$

$$b - c = k^2 \quad ; \quad c = b - 1$$

$$a = k^2 + c$$

$$k^2 + c + b^2 = 820$$

$$k^2 + b - 1 + b^2 = 820$$

$$k^2 = 820 - b - b^2$$

821

$$-2 - 21$$

$$b = 3$$

$$b = 3$$

$$a = 3$$

$$b^2 = 3k + 1 \times$$

↓

$$b = 3k + 2$$

$$b = 34$$

$$\begin{aligned} D &= 264^2 + 4 \cdot 2 \cdot 575 = \\ &= (132^2 + 2 \cdot 575) \cdot 4 = \\ &= (43^2 + 575) \cdot 36 = 2434 \cdot 36 \end{aligned}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

562300 | 4

$$\begin{array}{r} 240575 \\ 809325 \\ \hline 4949900 \end{array}$$

76  
75  
+380  
532  
-5408  
77  
5623

$x+y+z = 2a$

$x$   $y$

100  
75

$$C_{100-100}^8 + C_{75-100}^8 + C_{75-100}^8 \cdot 2 - C_{75-100}^2 \cdot 2$$

3840 3840  
2499 2500

384900 | 4 99 10

$$\begin{array}{r} 9622500 \\ 3850 \\ \hline 9618650 \end{array} \Bigg| 2$$

4809325



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$b$	$b^2$	$-821 + b^2 + b$	$-819 + b^2 + b$	$b^2 - b$	$a$	$c$
0	0			0		
1	1			2		
2	4					
3	9					
4	16					
5	25					
6	36					
7	49					
8	64					
9	81					
10	100					
11	121					
12	144					
13	169					
14	196					
15	225					
16	256					
17	289					
18	324					
19	361					
20	400					
21	441					
22	484					
23	529					
24	576					
25	625					
26	676					
27	729					
28	784					

$b^2 + b : 2$

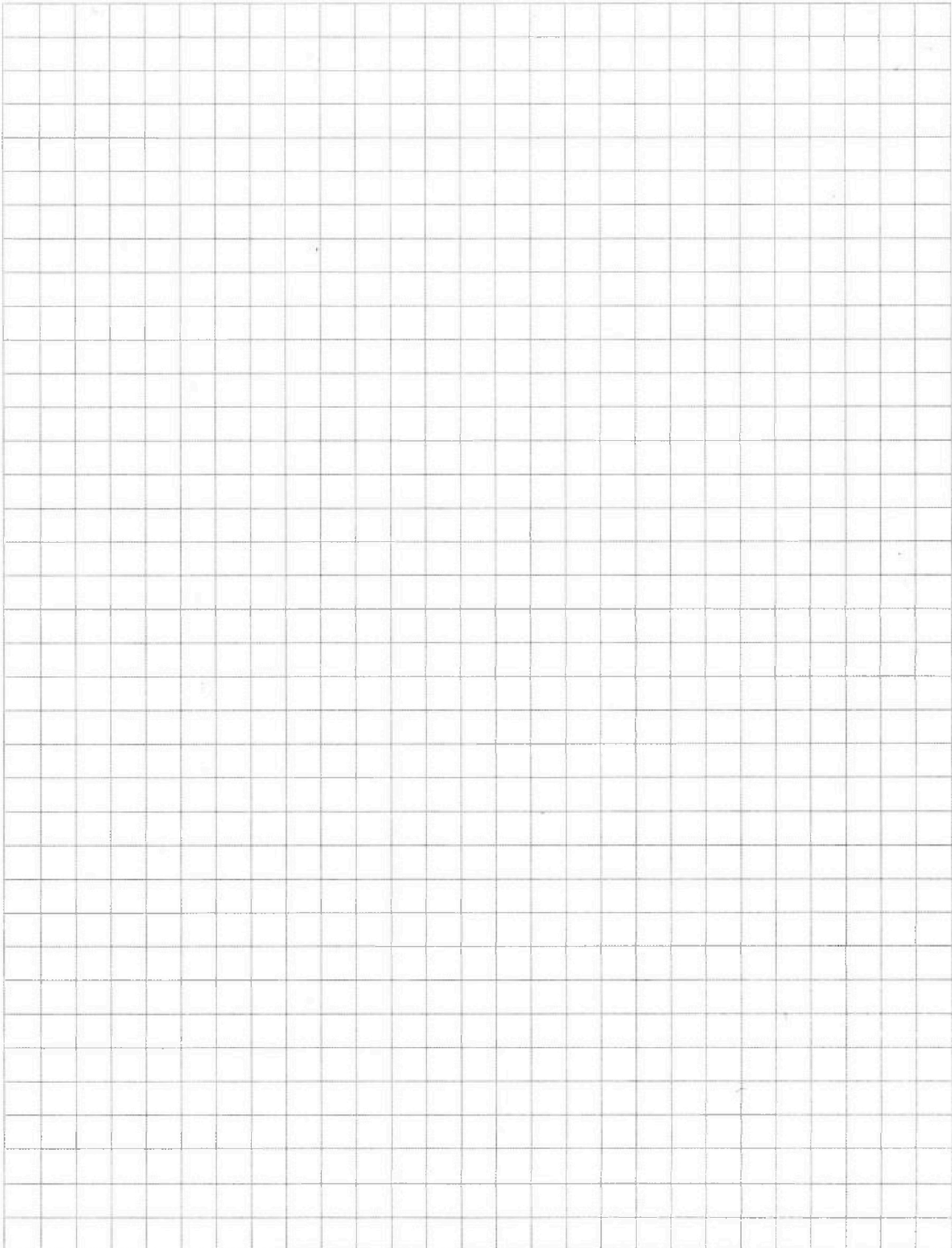


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. **Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно.** Порча QR-кода недопустима!





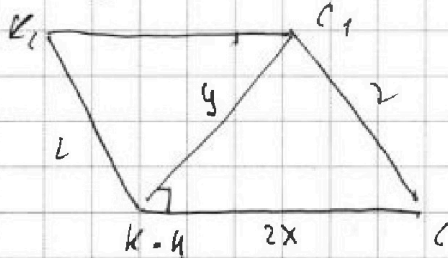
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

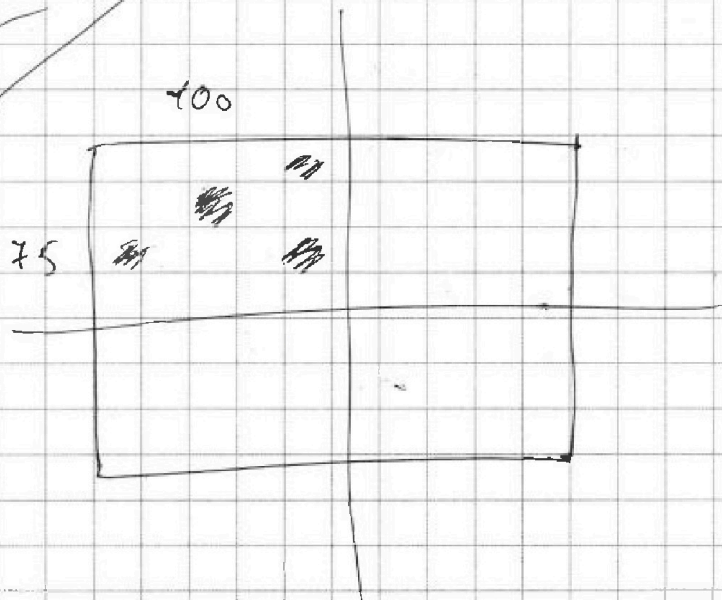
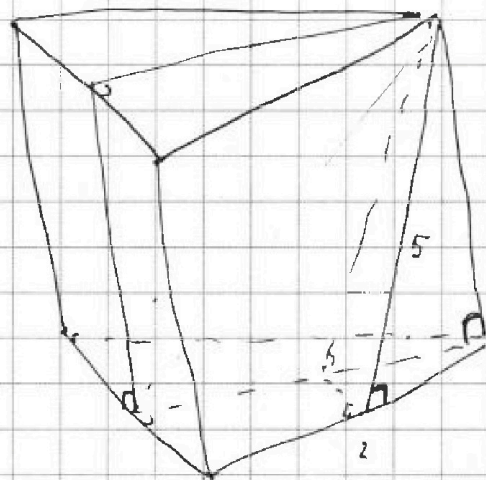
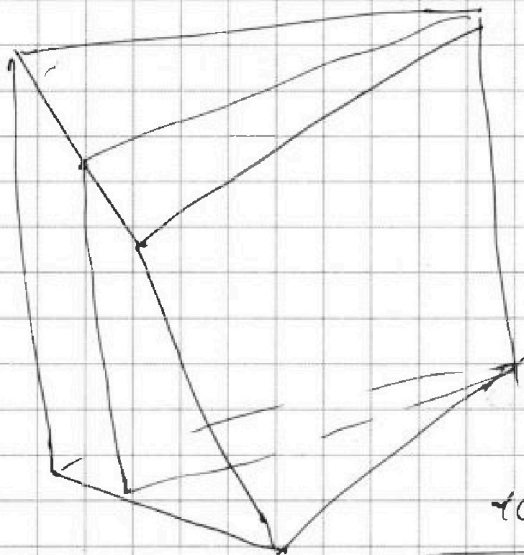
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Случай 4:  $k = n$



$$\left. \begin{aligned} y^2 + 4x^2 &= 2^2 \\ 2,5^2 &= y^2 + x^2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \begin{aligned} 3x^2 &= 2^2 - 2,5^2 < 0 \\ &\Rightarrow \text{нет решений} \end{aligned}$$

Случай



$$C_{75 \cdot 100}^4 \cdot 4$$

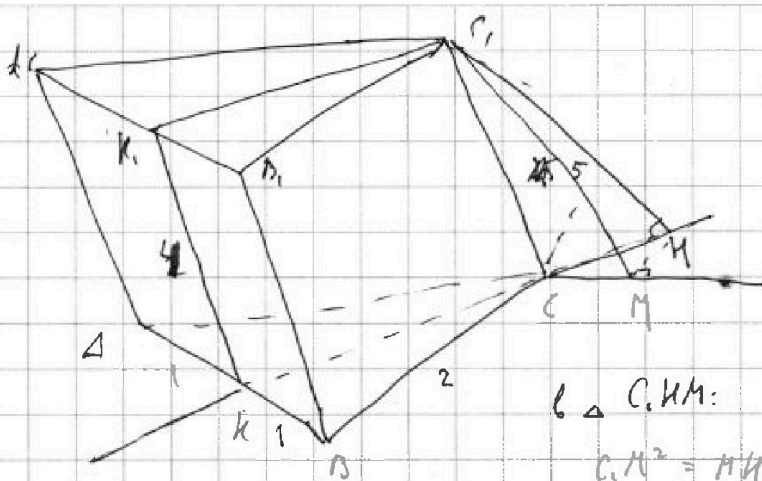


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$SO = SO = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 2 = \sqrt{3}$$

(вне зависимости от случая)

$$OM = SM \cdot \cos 30^\circ = \frac{SM}{2}$$

$$SM = SM \cdot \sin 30^\circ = \frac{SM}{2}$$

(в  $\triangle OSM$ )

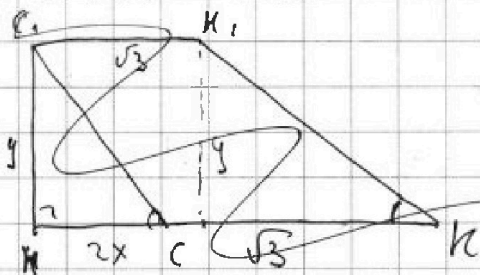
в  $\triangle SOM$ :

$$SO^2 = OM^2 + SM^2$$

$$5^2 = \frac{SM^2}{4} + SM^2$$

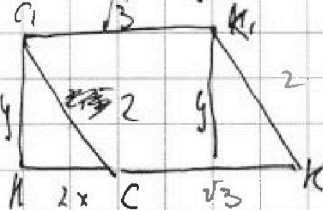
приведем  
к общему  
от случая

в  $(K, K, C)$ :



Пусть  $SM:2 = x$  (во всех случаях)  $5^2 = x^2 + y^2$

$$SM = y$$

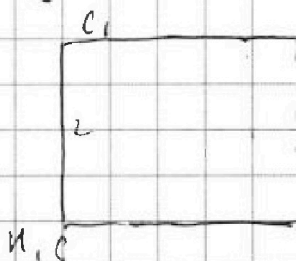


вне зависимости от случая:  $(K, C, K) \Rightarrow SC = KC, KC = KC$

$$\begin{cases} y^2 + 4x^2 = 4 = 2^2 \\ x^2 + y^2 = 2,5^2 \end{cases}$$

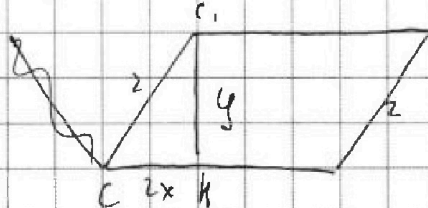
$$\Leftrightarrow 3x^2 = 2^2 - 2,5^2 < 0 \Rightarrow \text{нет решений}$$

Случай 2:  $K = C$ : в  $(K, K, C)$ :



$$KC = 0; CC = CK = KK = 2$$

Случай 3:  $K$  между  $C$  и  $K$



$$\begin{cases} 4x^2 + y^2 = 4 = 2^2 \\ 2,5^2 = x^2 + y^2 \\ 3x^2 = 2^2 - 2,5^2 < 0 \end{cases} \Rightarrow \text{нет решений}$$

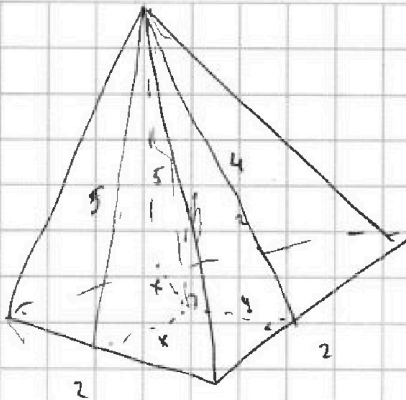


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

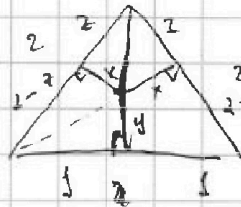
1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$25 - x^2 = 16 - y^2$$



$$(2-x)^2 + y^2 = 1$$

$$\begin{cases} 2^2 + x^2 + y^2 = 2^2 \\ 25 - x^2 = 16 - y^2 \\ (2-x)^2 + x^2 = y^2 + 1 \end{cases}$$

$$x^2 - y^2 = 9$$

$$25 - 16 = x^2 - y^2$$

$$9 = x^2 - y^2$$

$$\begin{cases} \sqrt{x+4} - \sqrt{5-x-3z} + 6 = 2\sqrt{y-2x-x^2+2} \\ |y-20| + 2|y-35| = \sqrt{225-2z} \end{cases}$$

$$\sqrt{x+4} + 6 \geq \sqrt{5-x-3z}$$

$$x+4+6+12\sqrt{x+4} \geq 5-x-3z$$

$$12\sqrt{x+4} \geq 5-x-3z-x-8 = -2x-3z-3$$

$$-2x-3z-3 \leq 0$$

$$144(x+4) \geq 4x^2$$

$$1) y < 20: -y+20 = 2y+40 = -3y+20 \leq 15$$

$$2) y \geq 35: y-20+2y-70 = 3y-90 \leq 15 \Rightarrow 3y \leq 105 \Rightarrow y \leq 35$$

$$3) 35 \leq y < 20: y-20+40-2y = 50-y \leq 15 \Rightarrow y \geq 35$$

$$15 = \sqrt{225-2z}$$

$$225 = 225 - 2z \Rightarrow z = 0$$

$$\sqrt{x+4} - \sqrt{5-x} + 6 = 2\sqrt{35-2x-x^2}$$

$$x+4+5-x+36+12\sqrt{x+4}-12\sqrt{5-x}-\sqrt{(x+4)(5-x)} = 2\sqrt{35-2x-x^2}$$

$$45+12(\sqrt{x+4})-\sqrt{x+4}+6 = \sqrt{5-x}(2\sqrt{x+4}+1)$$

$$(\sqrt{x+4}) + \sqrt{5-x} + 6 = 2\sqrt{(5-x)(x+4)}$$

$$x+4+5-x-2\sqrt{(x+4)(5-x)} = 4(5-x)(x+4) + 36 - 24\sqrt{(x+4)(5-x)}$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$b, q \quad b q^3 = \sqrt{\frac{15x+6}{(x-3)^2}}; \quad b q^2 = x+4; \quad b q'' = \sqrt{(15x+6)(x-3)}$$

$$q^8 = \sqrt{\frac{(15x+6)(x-3)}{15x+6}} (x-3)^3 = (x-3)^2 \quad q = \sqrt[4]{|x-3|}$$

$$b \cdot \sqrt[4]{|x-3|} = \sqrt[4]{\frac{(15x+6)^2}{(x-3)^8}}$$

$$b q = +$$

$$\begin{cases} x > 3 \\ x \leq -\frac{3}{5} \end{cases}$$

$$b = \sqrt[4]{\frac{(15x+6)^2}{|x-3|^2}}$$

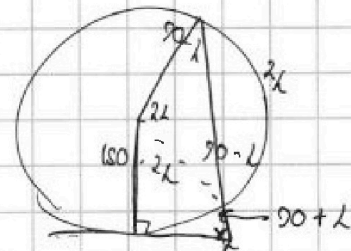
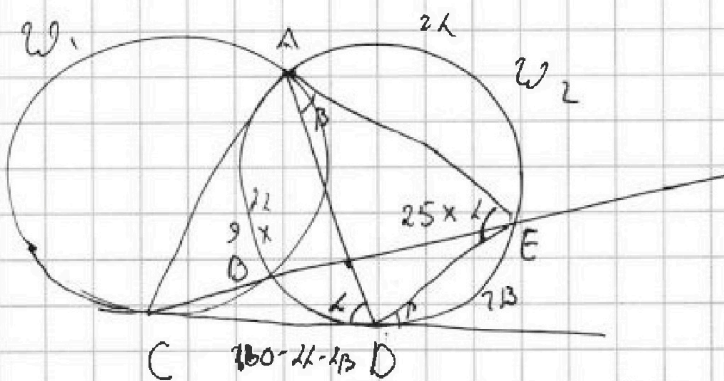
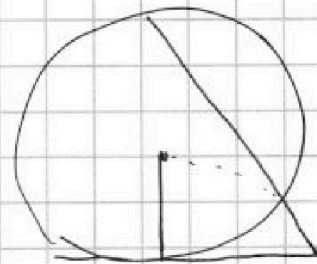
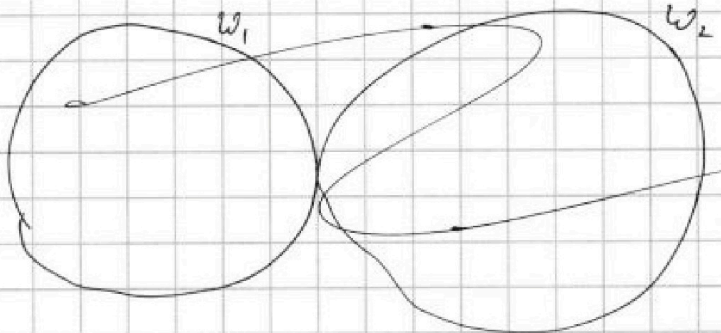
$$\sqrt[4]{\frac{(15x+6)^2}{|x-3|^2}} \cdot \sqrt[4]{|x-3|^2} = x+4$$

$$15x^2 - 45x + 6x - 18 = y^2 + 8x + 16$$

$$\sqrt[4]{(15x+6)^2 \cdot (x-3)^2} = x+4$$

$$14x^2 - 44x - 34 = 0$$

$$(15x+6)(x-3) = x^2 + 8x + 16$$



$$x = 360 - 180 + 2x - 90 - 2x - 90 = x$$

$$a = 820 - b^2 > b$$

$$a - b \geq 3$$

$$a > b$$

$$(820 - b^2 - c)(b - c) = 820b - 820c - b^3 + b^2c - bc + c^2$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

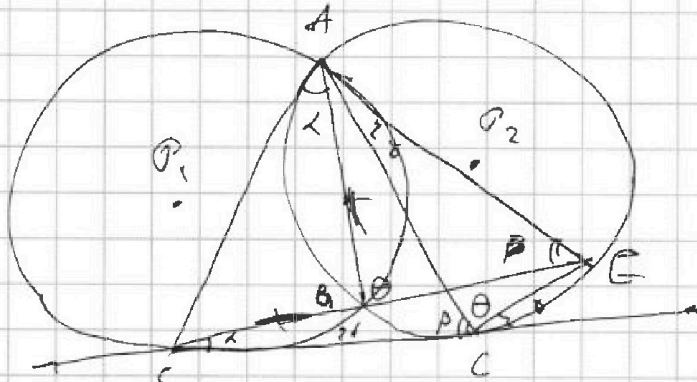
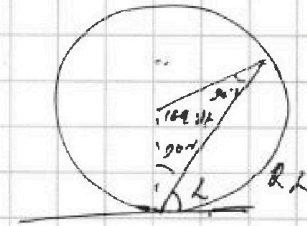
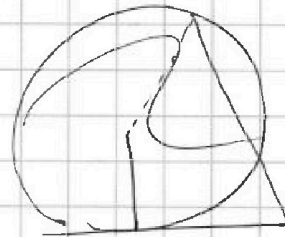
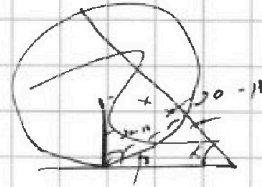
$$\cos 3x - p = 3(2\cos^2 x - 1) + 6\cos x = 6\cos^2 x + 6\cos x - 3$$

$$\cos 3x - p + 3 = 6t^2 + 6t$$

$$D = 36 + 4(\cos 3x + 3 - p) \geq 0$$

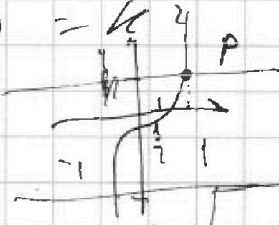
$$\Rightarrow \cos 3x + 3 - p$$

$$p \geq \cos 3x - 6 \geq -7$$



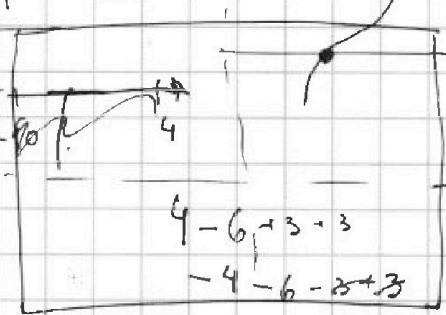
$$(820 - b^2 - c)(b - c) = k^2$$

1	$k^2$
-1	$-k^2$
$k^2$	1
$-k^2$	-1
$k$	$-k$
$-k$	$k$



$$b = c + 1, c = b - 1$$

$$820 - b^2 - b + 1 = k^2$$



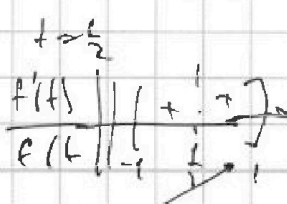
$$\cos 3x + 6\cos x - 3\cos 2x = p$$

$$4t^3 - 6t^2 + 3t + 3 = p$$

$$4t^2 - 12t + 3 = 0$$

$$4t^2 - 4t + 1 = 0$$

$$(2t - 1)^2 = 0$$



$$4 - 6 + 3 + 3$$

$$-4 - 6 - 3 + 3$$

$$-10 \leq p \leq 4$$

$$4t^3 + 6t^2 + 3t + 3$$

$$k \cos p + b$$

$$4t^2 = 3t$$

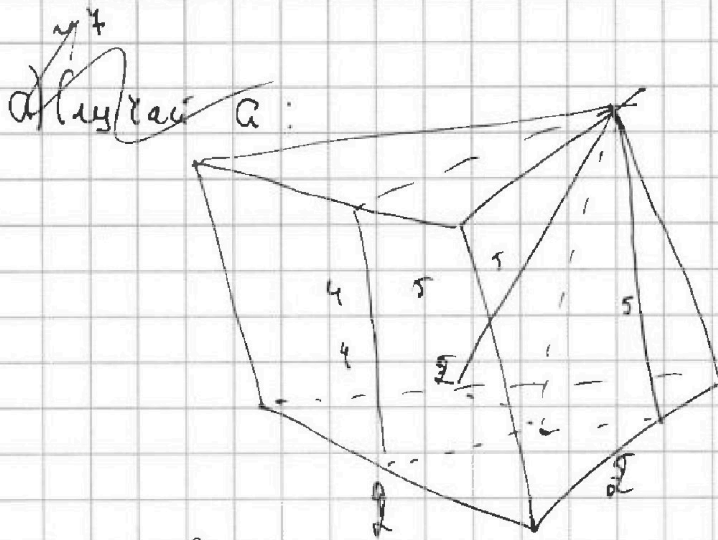


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$a:3; b = 3k$$

$$b:3; a = 3m$$

$$\begin{array}{r} 10 \\ + 10 \\ \hline 20 \\ + 19 \\ \hline 39 \\ + 23 \\ \hline 62 \\ + 46 \\ \hline 108 \end{array}$$

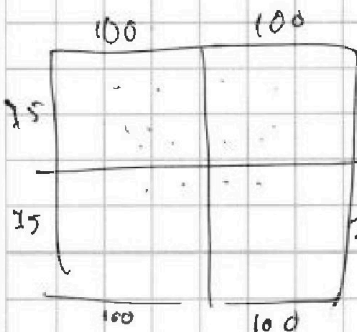
$$\begin{array}{r} 23 \\ + 23 \\ \hline 46 \\ + 46 \\ \hline 92 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 529 \\ + 47 \\ \hline 576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 28 \\ + 28 \\ \hline 56 \\ + 29 \\ \hline 85 \\ + 55 \\ \hline 140 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 430 \\ + 54 \\ \hline 484 = 22^2 \end{array}$$

$$(820 - b^2 - c)(b - c)$$



$$\begin{aligned} 820 - b^2 - c &= 1 \\ 821 &= b^2 + c \\ b - c &= k^2 \\ 821 &= b^2 + b + k^2 \end{aligned}$$

$$1) \left( \begin{array}{c} 4 \\ 15200 \\ 150 \cdot 100 \end{array} \right) + \left( \begin{array}{c} 4 \\ 150 \cdot 100 \end{array} \right)$$

$b$	$b^2$	$820 - b^2$
0	0	820
1	1	819
2	4	816
3	9	811
4	16	804
5	25	795
6	36	784
7	49	771
8	64	
9	81	
10	100	
11	121	
12	144	
13	169	
14	196	
15	225	
16	256	
17	289	
18	324	
19	361	
20	400	
21	441	
22	484	
23	529	
24	576	
25	625	
26	676	
27	729	
28	784	