

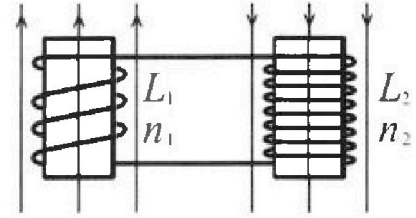
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

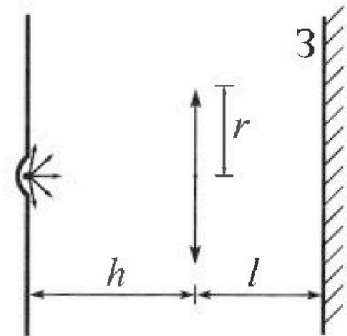


4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 4L$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 2n$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. В начале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет возрастать со скоростью $\Delta B / \Delta t = \alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $B_0/2$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $2B_0$ до $2B_0/3$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = h/2$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 3$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = 2h/3$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещенной части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещенной части стены.

Ответы дайте в $[\text{см}^2]$ в виде $u\pi$, где u - целое число или простая обыкновенная дробь.



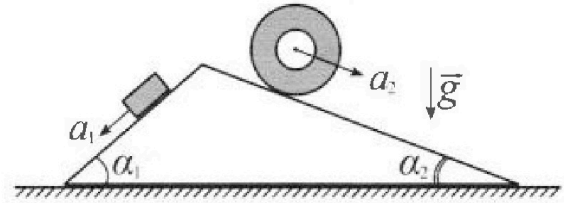
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-01



В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

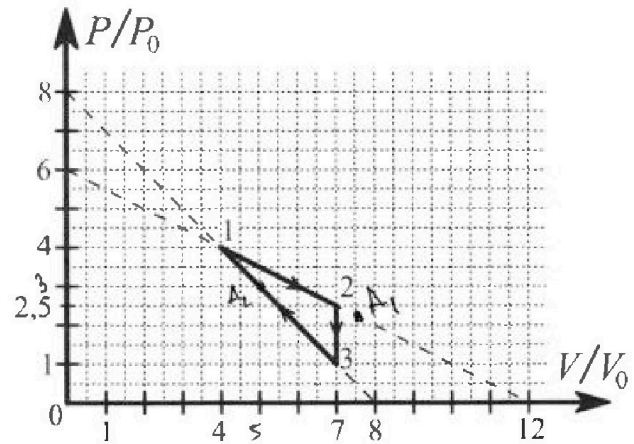
1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 5g/13$ и скатывается без проскальзывания полый цилиндр массой $4m$ с ускорением $a_2 = 5g/24$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 5/13$, $\cos \alpha_2 = 12/13$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.



- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между цилиндром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

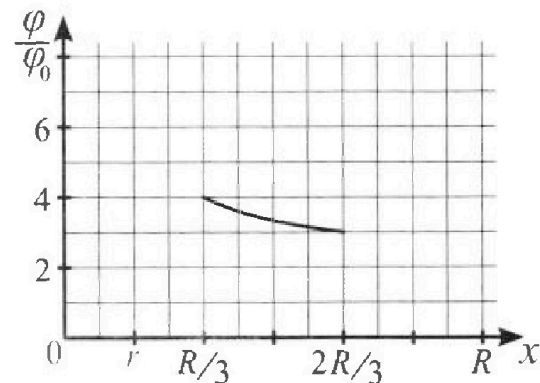
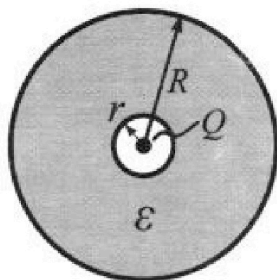


- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 2-3 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 1.
- 3) Найдите КПД цикла.

Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = R/4$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .



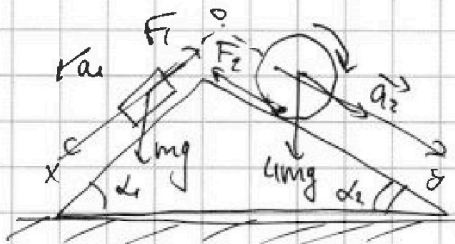


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$a_1 = \frac{5}{13}g \quad a_2 = \frac{5}{24}g$$

$$\sin \alpha_1 = \frac{3}{5} \quad \sin \alpha_2 = \frac{5}{13}$$

Цилиндр движ. без проскальзывания
 F_2 - приложена в точке касания к клину.

F_2 - создает вращ. момент для цилиндра

Перейдем в С.О. клина, отн.

к его грузу движется по инерции, однако в усл. он покоится \Rightarrow без груза движется по инерции отн. лабораторной сист. отсчета.

II з-н. Ньютона

$$\text{оx: } m a_1 = mg \cdot \sin \alpha_1 - F_1$$

$$m \cdot \frac{5}{13}g = mg \cdot \frac{3}{5} - F_1$$

$$F_1 = mg \left(\frac{3}{5} - \frac{5}{13} \right) = \frac{14}{65}mg$$

$$\text{оy: } 4m a_2 = 4mg \sin \alpha_2 + F_2$$

$$4m \cdot \frac{5}{24}g = 4mg \cdot \frac{5}{13} + F_2$$

$$F_2 = mg \left(\frac{20}{13} - \frac{5}{6} \right)$$

$$F_2 = \frac{55}{78}mg$$

По III з-ну Ньютона сила реакции будет действовать на груз, также действует на клин.



$$F_3 = |F_2 \cos \alpha_2 - F_1 \cos \alpha_1| =$$

$$= mg \left| \frac{55}{78} \cdot \frac{12}{13} - \frac{14}{65} \cdot \frac{4}{5} \right| = mg \cdot \frac{2150 - 728}{13 \cdot 5^2}$$

$$= mg \sqrt{\frac{2022}{169 \cdot 25}} = \frac{2022}{4225} mg$$

Ответ: 1) $F_1 = \frac{14}{65}mg$

2) $F_2 = \frac{55}{78}mg$

3) $F_3 = \frac{2022}{4225}mg$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3) 1-2: $p = 6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} v$ $pV = \nu RT$
 $dQ = 0 \Rightarrow dU = -\delta A$ $p dV + V dp = \nu R dT$
 $\frac{3}{2} \nu R dT = -p dV$ $(6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} v) dV + V (-\frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} dv) = -\nu R dT$

$$\frac{3}{2} \left((6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} v) dV - \frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} v dV \right) = (-6p_0 + \frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} v) dV$$

$$\frac{3}{2} \left(6p_0 - \frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} v - \frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} v \right) = -6p_0 + \frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} v$$

$$9p_0 - \frac{3}{2} \frac{p_0}{v_0} v = -6p_0 + \frac{1}{2} \frac{p_0}{v_0} v$$

$$2 \frac{p_0}{v_0} v = 15p_0 \Rightarrow v_{A1} = 7.5v_0$$

v_{A1} - точка касания графика уравнения 1-2

$v_{A1} > v_2 \Rightarrow$ весь процесс 1-2 отнимается к Q_{in} .

3-1: $\frac{p}{p_0} = 8 - \frac{v}{v_0} \Rightarrow p = 8p_0 - \frac{p_0}{v_0} v$

$$p dV + V dp = \nu R dT$$

$$(8p_0 - \frac{p_0}{v_0} v) dV + V (-\frac{p_0}{v_0} dv) = \nu R dT$$

$$\frac{3}{2} \left((8p_0 - \frac{p_0}{v_0} v) dV - \frac{p_0}{v_0} v dV \right) = -\nu R dT$$

$$\frac{3}{2} \left(8p_0 - 2 \frac{p_0}{v_0} v \right) = -8p_0 + \frac{p_0}{v_0} v$$

$$12p_0 - 3 \frac{p_0}{v_0} v = -8p_0 + \frac{p_0}{v_0} v$$

$$4 \frac{p_0}{v_0} v = 20p_0 \Rightarrow v_{A2} = 5v_0$$

v_{A2} - минимальный элемент графика 3-1

v_{A2} - касание графика 3-1

$$A_2(3p_0; 5v_0)$$

$$y = \frac{A_0}{Q_{in}}$$

$$Q_{in} = Q_{12} + Q_{23} + Q_{31}$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) + \frac{4p_0 + 2.5p_0}{2} \cdot 3v_0 = \frac{3}{2} (2.5 \cdot 7p_0 v_0 - 16p_0 v_0) + \frac{6.5 \cdot 3}{2} p_0 v_0$$

$$= \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} p_0 v_0 + \frac{35}{4} p_0 v_0 = 12 p_0 v_0$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$Q_{3A_2} = \frac{3}{2} \alpha R (T_{A_2} - T_3) - \frac{3P_{A_2} + P_3}{2} \cdot 2V_0 = \frac{3}{2} (15\rho_0 V_0 - 7\rho_0 V_0) - 4\rho_0 V_0 = 12\rho_0 V_0 - 4\rho_0 V_0 = 8\rho_0 V_0$$

$$Q_u = Q_{12} + Q_{3A_2} = (12 + 8)\rho_0 V_0 = 20\rho_0 V_0$$

$$y = \frac{A_0}{Q_u}$$

$$A_0 = \frac{9}{4} \rho_0 V_0$$

$$y = \frac{\frac{9}{4} \rho_0 V_0}{20 \rho_0 V_0} = \frac{9}{80}$$

Ответ: 1) $\frac{|A_{123}|}{A_0} = 7$

2) $\frac{T_{\max}}{T_1} = \frac{9}{8}$

3) $y = \frac{9}{80}$

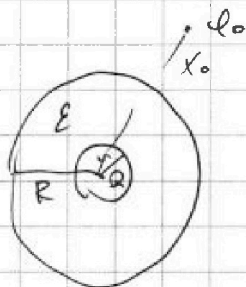


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Всередине с $\epsilon \varphi = \frac{kQ}{\epsilon r}$

$\varphi_1 = \frac{kQ}{r} - \frac{kQ}{\epsilon x}$; $x < r$

$\varphi_2 = \frac{kQ}{r} - \frac{kQ}{\epsilon R}$; $r < x < R$

$\varphi_3 = \frac{kQ}{r} - \frac{kQ}{\epsilon x}$; $x > R$

В области $x < r$ - просто рассматривается потенциал.

точ. заряда.

Если взять в шар с диаметрами, то можно представить шар радиуса r , как эквипотенциальную поверхность с $\epsilon \epsilon_0 E$ которая создает на расстоянии x от себя $\frac{kQ}{\epsilon x}$.

При выходе за пределы шара, он становится эквипотенциальной поверхностью с $\varphi = \frac{kQ}{\epsilon R} - \frac{kQ}{\epsilon R}$.

Из графика: $2r = \frac{R}{3} \Rightarrow R = 6r$

1) $x = \frac{R}{3} \Rightarrow \varphi_{\frac{R}{3}} = \frac{kQ}{r} - \frac{4kQ}{\epsilon R} = kQ \left(\frac{1}{r} - \frac{4}{\epsilon R} \right)$

2) $\varphi_0 = \frac{kQ}{r} - \frac{kQ}{\epsilon R} - \frac{kQ}{\epsilon x_0}$

$\varphi_1 \left(\frac{R}{3} \right) = \frac{kQ}{r} - \frac{3kQ}{\epsilon R}$; $\varphi_2 \left(\frac{2R}{3} \right) = \frac{kQ}{r} - \frac{3kQ}{\epsilon 2R}$

$\frac{\varphi_1}{\varphi_0} = 4$ (1)

$\frac{\varphi_2}{\varphi_0} = 3$ (2)

(1): $\frac{kQ}{r} - \frac{3kQ}{\epsilon R} = \frac{4kQ}{r} - \frac{4kQ}{\epsilon R} - \frac{4kQ}{\epsilon x_0}$

$\frac{1}{r} - \frac{3}{\epsilon R} = \frac{4}{r} - \frac{4}{\epsilon R} - \frac{4}{\epsilon x_0}$

$\frac{4}{x_0} = \frac{3}{r} - \frac{1}{\epsilon R} = \frac{1}{r} - \frac{1}{6\epsilon r} = \frac{18\epsilon - 1}{6\epsilon r}$

$\frac{1}{x_0} = \frac{18\epsilon - 1}{24\epsilon r}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$\varphi_2 = 3\varphi_0$

~~$$\frac{kQ}{r} - \frac{3kQ}{2\epsilon R} = \frac{3kQ}{r} - \frac{3kQ}{\epsilon R} - \frac{3kQ}{x_0}$$

$$\frac{1}{r} - \frac{3}{2\epsilon R} = \frac{3}{r} - \frac{3}{\epsilon R} - \frac{3}{x_0}$$

$$\frac{3}{x_0} = \frac{2}{r} - \frac{3}{2\epsilon R} = \frac{2}{r} - \frac{3}{2\epsilon \cdot 6r} = \frac{2 \cdot 12\epsilon - 3}{12\epsilon r}$$

$$\frac{1}{x_0} = \frac{24\epsilon - 3}{36\epsilon r}$$~~

~~$$\frac{24\epsilon - 3}{36\epsilon r} = \frac{18\epsilon - 1}{24\epsilon r}$$~~

~~$$\frac{24\epsilon - 3}{3} = \frac{18\epsilon - 1}{2} \Rightarrow \epsilon = \frac{1}{2}$$~~

~~Problem!~~ 1) $\varphi_R = kQ \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{\epsilon R} \right)$
2) $\epsilon = \frac{1}{2}$

$G \cup = R$

$$\varphi_x = \begin{cases} \frac{kQ}{x} & | x < r \\ \frac{kQ}{\epsilon x} + \frac{kQ}{r} + \frac{kQ}{\epsilon R} & | r < x < R \\ \frac{kQ}{x} + \frac{kQ}{\epsilon R} + \frac{kQ}{r} + \frac{kQ}{\epsilon r} & | x > R \end{cases}$$

$$\frac{\varphi_1}{\varphi_0} = 4 \quad \left(x = \frac{R}{3} \right)$$

$$\frac{\varphi_2}{\varphi_0} = 3 \quad \left(x = \frac{2R}{3} \right)$$

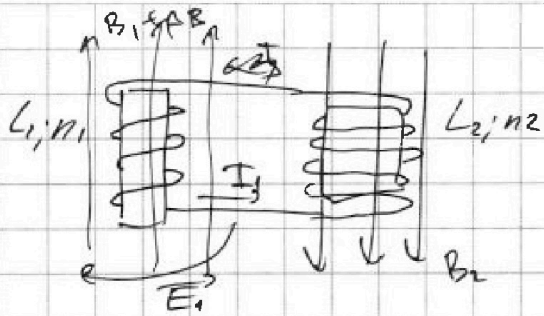


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$L_1 = L \quad n_1 = n$$

$$L_2 = 4L \quad n_2 = 2n$$

$$1) \frac{dB}{dt} = \alpha \quad (\alpha > 0)$$

$$B_2 = \text{const}$$

$$B_1 = B_0 + \alpha B_0 \frac{dt}{dt}$$

$$\frac{dI}{dt} = ?$$

Закон сохр- маг. потока в обоих катушках.

B не меняется $I = 0$

$$B_1 \cdot S_{n1} + B_2 S_{n2} = B_2 S_{n2} + L I_1 + 4L I_2 + (B_0 + \Delta B) S_{n1}$$

При изменении маг. поля, возникает вихревое эл. поле, которое пытается не дать току через катушки измениться.

$$-\Delta B S_{n1} = 5L I_1 \quad | \cdot \frac{1}{dt}$$

$$\frac{dB}{dt} S_{n1} = 5L \frac{dI}{dt}$$

$$\frac{dI}{dt} = \alpha \frac{S_{n1}}{5L}$$

Вихревое поле создает ЭДС индукции.

$$2) B_1: B_0 \rightarrow \frac{B_0}{2}$$

$$B_2: 2B_0 \rightarrow \frac{2B_0}{3}$$

$$I_2 = ?$$

$$B_0 S_{n1} + 2B_0 S_{n2} = L I_1 + 4L I_2 + \frac{B_0}{2} S_{n1} + \frac{2B_0}{3} S_{n2}$$

$$B_0 S_{n1} + 4(B_0 S_{n2}) = 5L I_2 + \frac{B_0}{2} S_{n1} + \frac{4}{3} B_0 S_{n2}$$

$$5B_0 S_{n2} = 5L I_2 + \frac{11}{6} B_0 S_{n2}$$

$$5L I_2 = B_0 S_{n2} \left(5 - \frac{11}{6} \right) = B_0 S_{n2} = \frac{19}{6} B_0 S_{n2}$$

$$I_2 = \frac{19 B_0 S_{n2}}{30L}$$

Ответ: 1) $\frac{dI}{dt} = \alpha \frac{S_{n1}}{5L}$

2) $I_2 = \frac{19 B_0 S_{n2}}{30L}$

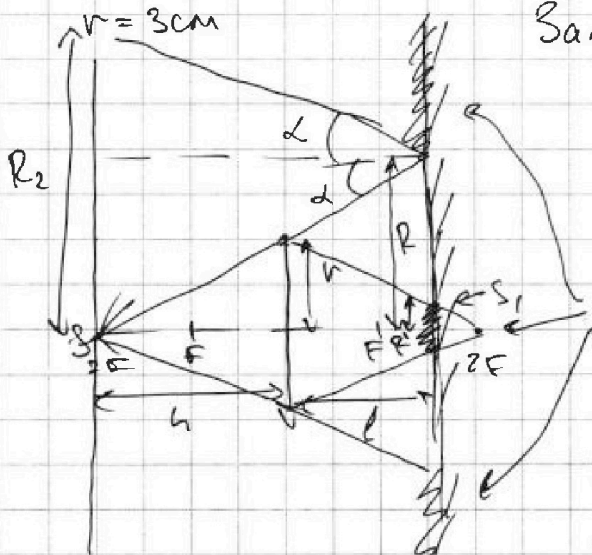
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Заметим, что если $\cos \alpha = \frac{h}{2F}$
 \Rightarrow источник S находится в эф.
 $h = 2F$

\Rightarrow это изображение в луже тоже должно быть в эф.

Заштрихованный участок - тени. лучи от зеркала

$$l = \frac{2h}{3} = \frac{4F}{3}$$

R' - радиус круга, освещенного на зеркале

R - радиус не освещ. круга.

$$1) S_1 = \pi R^2 - \pi R'^2$$

$$\frac{R'}{r} = \frac{2F-l}{2F} \Rightarrow R' = r \cdot \frac{2F-l}{2F} = r \cdot \frac{2F - \frac{4F}{3}}{2F} = \frac{1}{3}r$$

$$\frac{R}{r} = \frac{2F+l}{2F} \Rightarrow R = r \cdot \frac{2F+l}{2F} = r \cdot \frac{2F + \frac{4}{3}F}{2F} = \frac{5}{3}r$$

$$S_1 = \pi (R^2 - R'^2) = \pi \left(\frac{25}{9} r^2 - \frac{1}{9} r^2 \right) = \pi (25 - 1) = 24\pi$$

2) R_2 - радиус круга, не освещ. на стене.

угол падения α , равен углу отр. α .

$$R_2 = 2R = \frac{10}{3}r$$

$$S_2 = \pi \cdot R_2^2 = \frac{100}{9} r^2 \pi = 100\pi$$

Ответ: 1) $S_1 = 24\pi$

2) $S_2 = 100\pi$



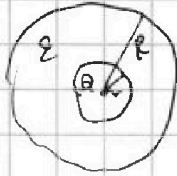
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3



$$\varphi = \frac{kQ}{x} \quad \varphi_r = \frac{kQ}{r}$$

$$r < x < R \quad \varphi_r = ?$$

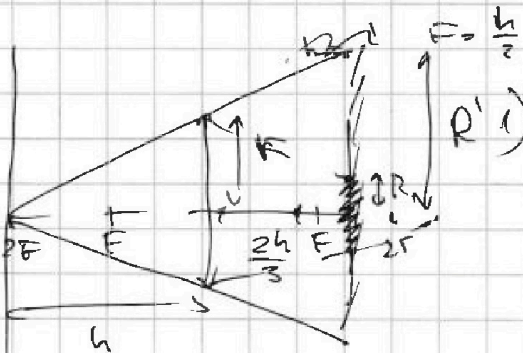
$$\varphi = \frac{kQ}{\varepsilon x}$$

$$\begin{array}{r} 2022 \ 6 \\ 18 \ 1357 \\ - 22 \\ \hline 18 \end{array}$$

$$v = 3 \text{ cm} \quad \frac{18}{42}$$

5

$$\times \frac{169}{25}$$



$$S_{\text{сечен}} = S_{\text{в}} - S_{\text{сочн}}$$

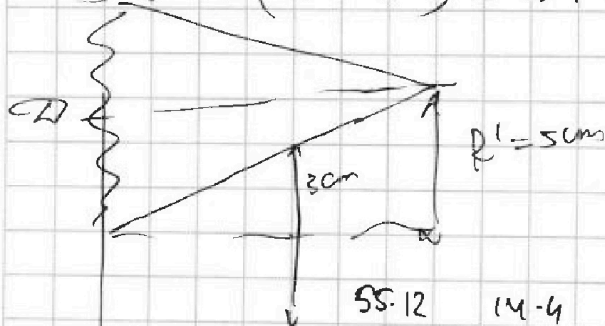
$$\frac{R}{r} = \frac{2F - \frac{4}{3}F}{2F} = \frac{2F - \frac{4}{3}F}{2F} = \frac{6 - 4}{3 \cdot 2} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$R = \frac{1}{3} r = 1 \text{ cm}$$

$$\frac{R'}{r} = \frac{2F + \frac{4}{3}F}{2F} = \frac{2 + \frac{4}{3}}{2} = \frac{6 + 4}{3 \cdot 2} = \frac{10}{6} = \frac{5}{3}$$

$$R' = r \cdot \frac{5}{3} = 5 \text{ cm}$$

$$1) S = \pi(5^2 - 1^2) = 24\pi \text{ cm}^2$$



$$S = 2R'$$

$$2) S = \pi \cdot 4R'^2 = \pi \cdot 4 \cdot 25 = 100\pi$$

$$\begin{array}{r} 110 \\ \times 25 \\ \hline 2750 \end{array}$$

$$\frac{110}{13^2} - \frac{14 \cdot 4}{13 \cdot 5^2} = \frac{55 \cdot 12}{78 \cdot 13} - \frac{14 \cdot 4}{65 \cdot 5} = \frac{55 \cdot 12^2}{13 \cdot 8 \cdot 13} - \frac{14 \cdot 4}{13 \cdot 25} = \frac{110 \cdot 25 - 14 \cdot 4 \cdot 13}{13^2 \cdot 5^2} = \frac{2750 - 728}{13^2 \cdot 5^2} = \frac{2022}{13^2 \cdot 5^2}$$

$$\begin{array}{r} 2750 \\ - 728 \\ \hline 2022 \end{array}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
___ ИЗ ___

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\varphi_x = \frac{kQ}{r} - \frac{kQ}{2R} - \frac{kQ}{x}$$

$$\varphi_1 = \frac{kQ}{r} - \frac{3kQ}{\varepsilon \cdot R}$$

$$\frac{\varphi_1}{\varphi_x} = 4$$

$$\frac{\varphi_2}{\varphi_x} = 3$$

$$\varphi_1 = 4\varphi_x$$

$$\varphi_2 = 3\varphi_x$$

$$\frac{kQ}{r} - \frac{3kQ}{\varepsilon R} = \frac{4kQ}{r} - \frac{4kQ}{\varepsilon R} - \frac{4kQ}{x_0}$$

$$\frac{1}{r} - \frac{3}{\varepsilon R} = \frac{4}{r} - \frac{4}{\varepsilon R} - \frac{4}{x_0}$$

$$\frac{4}{x_0} = \frac{3}{r} - \frac{1}{\varepsilon R}$$

$$r = \frac{R}{6}$$

$$6r = R$$

$$\frac{kQ}{x_0} = \frac{1}{r} - \frac{3}{2\varepsilon R} = \frac{3}{r} - \frac{3}{\varepsilon R} - \frac{3}{x_0}$$

$$\frac{3}{x_0} = \frac{2}{r} - \frac{3}{2\varepsilon R}$$

$$\frac{1}{x_0} = \frac{2}{3r}$$

$$\frac{3}{x_0} = \frac{2}{r} - \frac{3}{2\varepsilon \cdot 6r} = \frac{2}{r} - \frac{1}{4\varepsilon r} = \frac{2 \cdot 4\varepsilon - 1}{4\varepsilon r} = \frac{1\varepsilon - 1}{4\varepsilon r}$$

$$\frac{1}{x_0} = \frac{8\varepsilon - 1}{12\varepsilon r}$$

$$\frac{18\varepsilon - 1}{24} = \frac{8\varepsilon - 1}{12}$$

$$18\varepsilon - 1 = 2 \cdot 8\varepsilon - 2$$

$$18\varepsilon - 1 = 16\varepsilon - 2$$

$$2\varepsilon = -1 \quad \varepsilon = -\frac{1}{2}$$

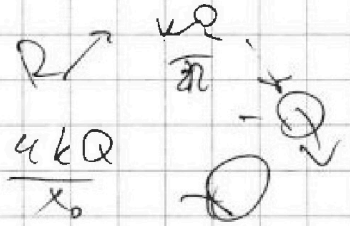
$$\begin{array}{r} 1 \\ 34 \\ \times 169 \\ \hline 125 \\ 160 \\ \hline 45 \\ 338 \\ \hline 4225 \end{array}$$

$$\frac{kQ}{r}$$

$$\frac{Q}{\varepsilon S_0} = \frac{\varepsilon \cdot 4\pi R^2}{Q} = 4\pi \varepsilon R^2$$

$$8\varepsilon - 1 = \frac{18\varepsilon - 1}{2}$$

$$16\varepsilon - 2 = 18\varepsilon - 1$$



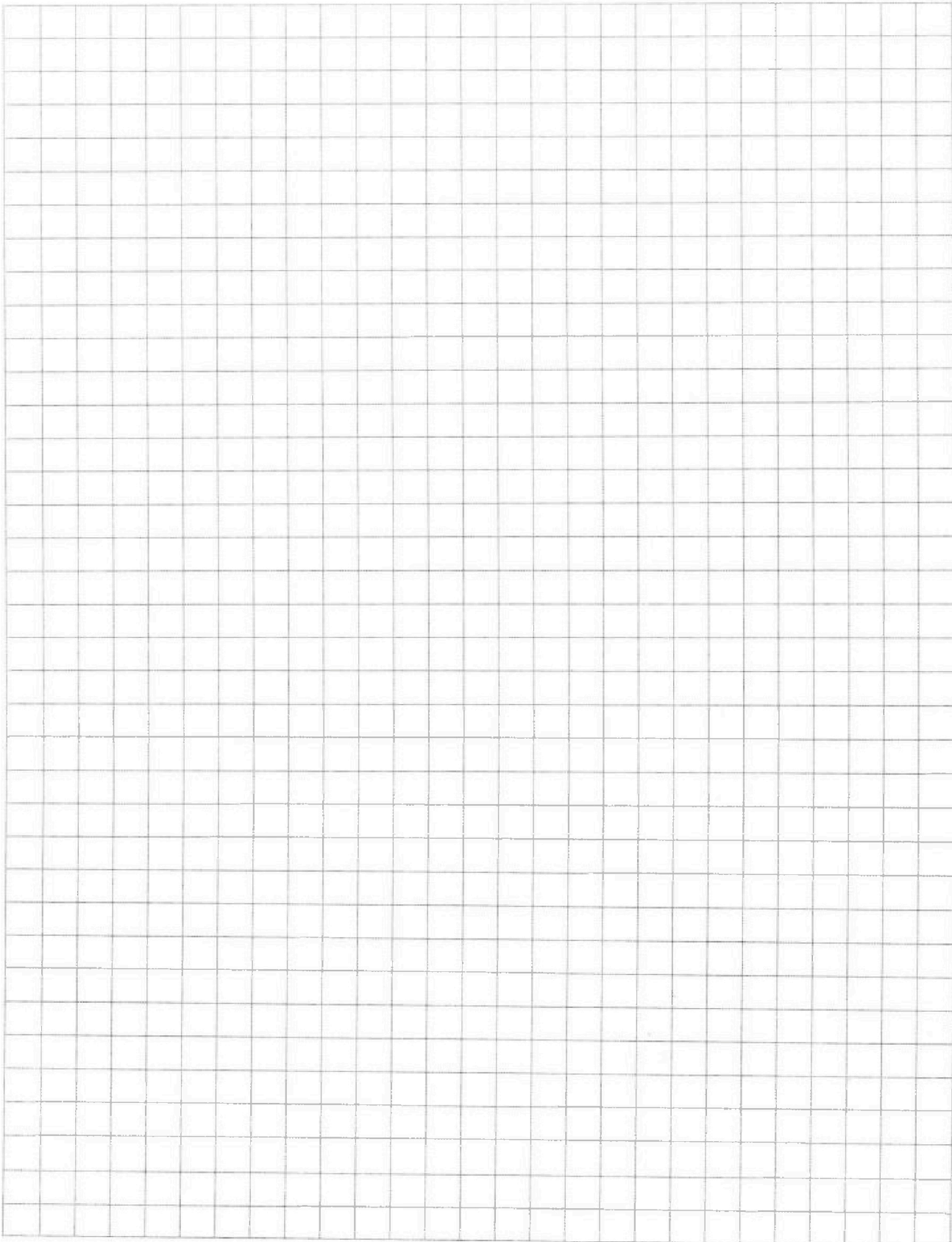


На одной странице можно оформлять **только одну задачу**. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3-1: $\frac{P}{P_0} = \beta - \frac{V}{V_0}$ $P = \beta P_0 - P_0 \frac{V}{V_0}$

$p dV + V dp = -p dV$ $\frac{P}{P_0} = 1 - 5 - 3$

$\frac{3}{2}(p dV + V dp) = -p dV$

$\frac{3}{2}(6P_0 - P_0 \frac{V}{V_0} \cdot dV + V \cdot (-\frac{P_0}{V_0} \cdot dV)) = -(6P_0 - \frac{P_0}{V_0} V) \cdot dV$

$\frac{3}{2}(6P_0 - \frac{P_0}{V_0} V - \frac{P_0}{V_0} V) = -6P_0 + \frac{P_0}{V_0} V$ $\frac{39}{4}$

$12P_0 - 3 \frac{P_0}{V_0} V = -6P_0 + \frac{P_0}{V_0} V$ $A_2(3P_0, 5V_0)$

$4 \frac{P_0}{V_0} V = 20 P_0$ $V = 5V_0$

$7 \cdot 2,5 = 17,5$

$\eta = \frac{Q_{12} + Q_{3A_2}}{Q_{12} + Q_{3A_2}}$

$Q_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) + \frac{2,5P_0 + 4P_0}{2} \cdot 3V_0 = \frac{3}{2} (10 + 18 + 9,5 \cdot 3)$

$= \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} P_0 V_0 + \frac{9}{4} P_0 V_0 + \frac{39}{4} P_0 V_0 = \frac{20 + 19}{4} P_0 V_0 = \frac{39}{4} P_0 V_0$

$(6P_0 - \frac{1}{2} \frac{P_0}{V_0} V) V = \nu R T_{max}$

$\frac{18 P_0 V_0}{16 P_0 V_0} = \frac{11}{16} \quad (n.2)$

$6P_0 V - \frac{1}{2} \frac{P_0}{V_0} V^2 \rightarrow \text{max}$

$\frac{1}{2} \frac{6P_0}{V_0} = 6V_0 \Rightarrow \frac{P}{P_0} = 6 - \frac{1}{2} \cdot 6 = \frac{P}{P_0} = 3 \quad P = 3P_0$

$Q_{3A_2} = \frac{3}{2} (T_{A_2} - T_3) + \frac{P_0 + 3P_0}{2} \cdot 2V_0 = \frac{3}{2} (15P_0 V_0 - 7P_0 V_0) - 2P_0 \cdot 2V_0 =$

$= 12P_0 V_0 - 4P_0 V_0 = 8P_0 V_0$ $Q_{12} = 20P_0 V_0$

$A_0 = (\frac{6,5 \cdot 3}{2} - \frac{15}{2}) P_0 V_0 = \frac{3}{2} P_0 V_0 (6,5 - 5) = \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} P_0 V_0$

$\eta = \frac{9}{20} = \frac{9 \cdot 20}{20} = \frac{9}{20}$

$\eta_x = \frac{\nu R}{5R + 5ER - 6ER} = \frac{\nu R}{R} + \frac{\nu R \epsilon}{R} - \frac{\nu R \epsilon}{2R}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~~100~~

$$\frac{kQ}{\epsilon x} - \frac{kQ}{\epsilon(R-r)}$$

нор
бннн

$$\frac{kQ}{\epsilon r}$$

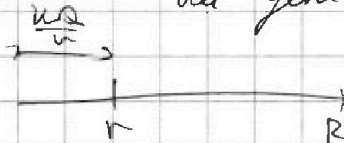
~~100~~

$$\frac{kQ}{\epsilon x} \rightarrow \frac{kQ}{r(\epsilon - \epsilon)}$$

сст

$$\frac{kQ}{r}$$

на ден больше



$$\Delta\varphi = \varphi \cdot \frac{kQ}{r}$$

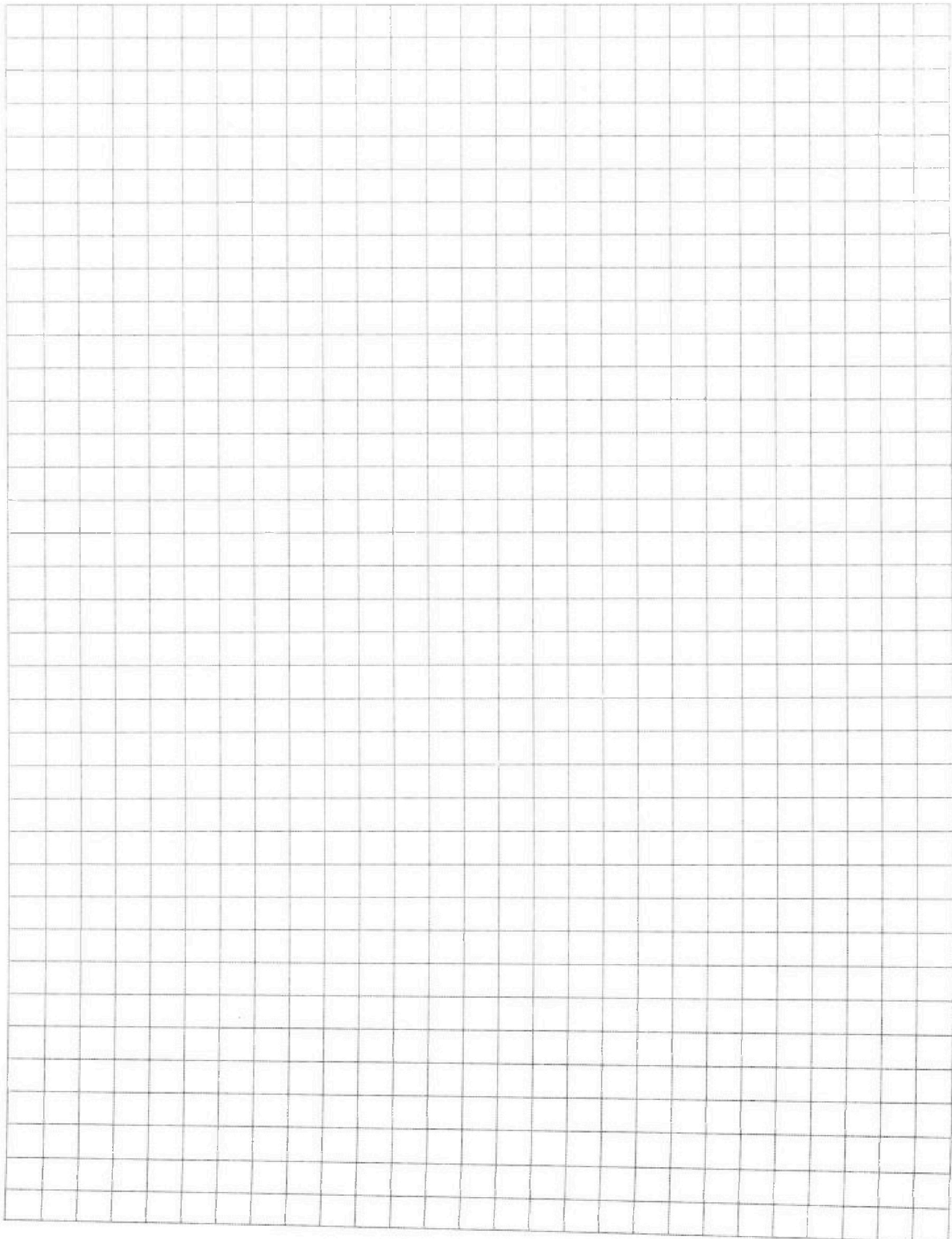


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

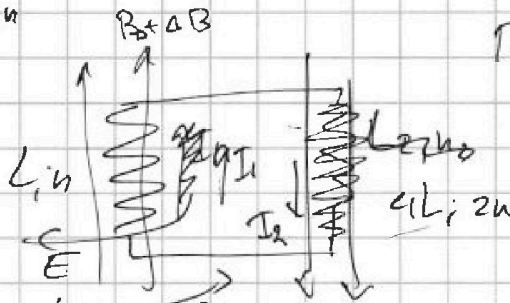
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$L_1 = L \quad n_1 = n$$

$$L_2 = 4L \quad n_2 = 2n$$

S

$$\frac{\Delta B}{\Delta t} = \alpha \rightarrow 0$$



При $\frac{\Delta B}{\Delta t}$ полна. Выходит эл. ток, который стремится уменьшить поток через катушку.

$$\mu_0 I \cdot \frac{n^2}{L} \cdot S = L \cdot I$$

$$L = \mu_0 \frac{n^2 S}{L}$$

$$B_0 S \cdot n = \frac{L \cdot I_1}{L} \quad \frac{\Delta I_1}{\Delta t} = ?$$

$$I_1 = \frac{B_0 S n}{L}$$

$$\frac{dI_1}{dt} = \frac{dB}{dt} \cdot \frac{S n}{L} = \left[\alpha \frac{S n}{L} \right] \quad (1)$$

$$L_1: B_0 \rightarrow \frac{B_0}{2}$$

$$L_2: 2B_0 \rightarrow \frac{2B_0}{3}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{4}{3} = \frac{3 \cdot 4}{6} = \frac{11}{6}$$

$$5 - \frac{11}{6} = \frac{30 - 11}{6} = \frac{19}{6}$$

$$-L_1 \frac{dI_1}{dt} - L_2 \frac{dI_2}{dt} = 0$$

$$L \frac{dI_1}{dt} = -4L \frac{dI_2}{dt}$$

$$\frac{dI_1}{dt} = -4 \frac{dI_2}{dt}$$

$$\Delta I_1 = -4 \Delta I_2$$

$\Delta I_1 =$

$I_1 = I_2 =$

$$dI_1 = \frac{dB}{dt} \cdot \frac{S n}{L}$$

$$I_1 = -\frac{B_0}{2} \cdot \frac{S n}{L}$$

$$I_2 = \frac{1}{4} \left(2B_0 - \frac{2B_0}{3} \right) \frac{S \cdot 2n}{L}$$

$$I_2 = -\frac{4}{3} B_0 \cdot \frac{S \cdot 2n}{4L} = -\frac{2}{3} B_0 \frac{S n}{L}$$

$$\Delta B S \cdot N = L I$$

$$I = \frac{\Delta B S N}{L} = \frac{(2B_0 - \frac{2}{3} B_0) S \cdot 2n}{4L} = \frac{4B_0 S \cdot 2n}{3 \cdot 4L} = \frac{2}{3} B_0 S n$$

$$B_0 S n + 2B_0 S \cdot 2n = L I + 4L I + \frac{B_0}{2} S n + \frac{2B_0}{3} S n \cdot 2$$

$$5B_0 S n = 5L I + B_0 S n \left(\frac{1}{2} + \frac{4}{3} \right)$$

$$5L I = B_0 S n \left(5 - \frac{1}{2} - \frac{4}{3} \right) = \frac{19}{6} B_0 S n \quad \frac{11}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{11}{6}$$

$$I = \frac{19 B_0 S n}{6 \cdot 5L} \quad \frac{30 - 11}{6} = \frac{19}{6}$$

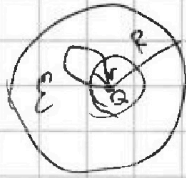


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$r < R \quad \varphi = \frac{kqR^3}{r^2}$$

$$r < x < R \quad \varphi = \frac{kqR}{\epsilon x} \quad r < x < R$$

$$\varphi_{x1} = \frac{kqR}{\epsilon x} - \frac{kq}{\epsilon x} = kq \left(\frac{1}{\epsilon x} - \frac{1}{\epsilon x} \right)$$

$$\varphi_{x2} = \frac{kqR}{\epsilon x} - \frac{kqR}{\epsilon R} - \frac{kq}{\epsilon x} \quad x > R$$

$$Q_{A21} = \frac{3}{2} \epsilon_0 (T_1 - T_2) = \frac{4P_0 + 3P_0}{2} \cdot V_0 =$$

$$= \frac{3}{2} \epsilon_0 (16P_0 V_0 - 15P_0 V_0) = \frac{3}{2} \epsilon_0 P_0 V_0 =$$

$$= \frac{3}{2} \epsilon_0 P_0 V_0 < 0$$

$$Q_{3A2} = \frac{3}{2} (15P_0 V_0 - 7P_0 V_0) = \frac{3P_0 + P_0}{2} \cdot 2V_0 = 17P_0 V_0 - 4P_0 V_0 =$$

$$= 8P_0 V_0$$

$$2,5 \cdot 7 = 14 + 0,5 \cdot 7 = 14 + 3,5 = 17,5$$

$$\frac{6,5}{1} = \frac{13}{2} \cdot 3 = \frac{39}{2}$$

$$\frac{3}{2} \cdot \frac{3}{2} P_0 V_0$$

$$\frac{9}{2} + \frac{39}{2} = \frac{48}{2}$$

$$B_1 S_n + B_2 S_n = B_2 S_n + 5LI + (B_1 + \Delta B) S_n$$

$$-\Delta B S_n = 5LI$$

$$\frac{\Delta B}{\Delta t} - \frac{dB}{dt} S_n = 5LI \frac{dI}{dt}$$

$$\frac{V}{2} = 2V$$

$$r > \frac{R}{\epsilon} \quad \varphi = \frac{kqR}{R} - \frac{qR}{4\pi\epsilon_0 R} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 R}$$

$$r = \frac{R}{6} \quad \varphi = \frac{3kq}{2\epsilon R}$$

$$r < \frac{R}{\epsilon}$$

$$\varphi = \frac{kqR}{x} \quad \frac{3kq}{\epsilon R}$$

Потенциал поверхности заряжен каппа. радиус

$$\varphi = \frac{qR}{\epsilon R} = \frac{qR}{4\epsilon\epsilon_0\pi R} = \frac{q}{4\epsilon\epsilon_0\pi R}$$

$$q = \frac{3x}{\epsilon R}$$

$$\frac{q}{\epsilon\epsilon_0} = E_r \cdot 4\pi R^2$$

$$3 = \frac{3x}{2\epsilon R}$$

$$E_r = \frac{Q \cdot 4\pi R^2}{\epsilon\epsilon_0 \cdot 4\pi R^2} = \frac{kQ}{R^2 \epsilon}$$

$$d\varphi = E dx$$

$$E \cdot q \cdot dx = d\varphi \quad d\varphi = E q$$

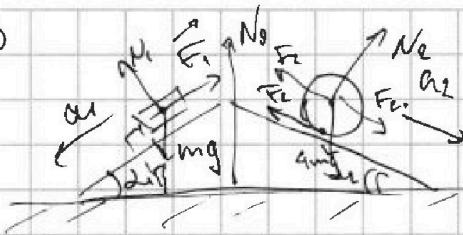
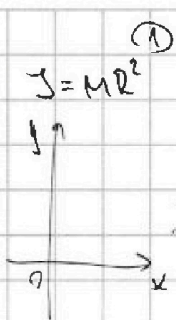


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



или $a_1 = \frac{5g}{13}$
 $a_2 = \frac{5g}{24}$
 ay: $N_0 = mg \cos \alpha_1 + 4mg \cos \alpha_2$

$4m a_2 =$

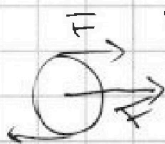


$m a_1 = mg \sin \alpha_1 - F_1$

$m \cdot \frac{5}{13} g = mg \cdot \frac{3}{5} - F_1$

$4m a_2 = 4mg \sin \alpha_2 (\pm) F_2$

$4m \cdot \frac{5g}{24} = 4mg \cdot \frac{5}{13} \pm F_2$



$F_1 = mg \left(\frac{3}{5} - \frac{5}{13} \right) = mg \cdot \frac{3 \cdot 13 - 25}{13 \cdot 5} = \frac{39 - 25}{13 \cdot 5} = \frac{14}{65} mg$

$F_2 = mg \left(\frac{4 \cdot 5}{13} - \frac{5}{6} \right) = \frac{20}{13} - \frac{5}{6} = \frac{20 \cdot 6 - 5 \cdot 13}{13 \cdot 6} = \frac{120 - 65}{78} = \frac{55}{78}$

$F_3 = |F_1 \cdot \cos \alpha_1 - F_2 \cdot \cos \alpha_2| = mg \left| \frac{14}{65} \cdot \frac{4}{5} - \frac{55}{78} \cdot \frac{12}{13} \right|$

$\frac{14 \cdot 4}{13 \cdot 5 \cdot 5} - \frac{55 \cdot 12}{13 \cdot 6 \cdot 13} = \frac{14 \cdot 4 \cdot 13 - 110 \cdot 25}{169 + 13} = \frac{13 \cdot 13 \cdot 5 \cdot 5}{182}$

Перенесем в С.О. клина, а он находится \Rightarrow ускоренно движется относительно отн. чего совпадает с лабораторной сист. отсчета.

$m \cdot \frac{5}{13} g = mg \cdot \frac{3}{5} - F_1$ $\frac{3}{5} - \frac{5}{13} = \frac{3 \cdot 13 - 25}{5 \cdot 13} = \frac{39 - 25}{5 \cdot 13} = \frac{14}{65}$

$F_1 = mg \left(\frac{3}{5} - \frac{5}{13} \right)$

$\frac{5}{6} - \frac{20}{13}$

$4m a_2 = 4m \cdot \frac{5g}{24} = mg \cdot \frac{5}{6}$

$4m \cdot \frac{5}{24} g = 4mg \cdot \frac{5}{13} + F_2$

$4mg \cdot \sin \alpha_2 = mg \cdot \frac{4 \cdot 5}{13}$

$F_2 = mg \left(\frac{5 \cdot 4}{24} - \frac{4 \cdot 5}{13} \right)$

$\frac{20}{13} - \frac{5}{6} = \frac{120 - 5 \cdot 13}{6 \cdot 13} = \frac{55}{78} = \frac{20}{13} mg$

$\frac{20}{13} - \frac{5}{6} = \frac{120 + 65}{78} = \frac{185}{78}$

$\frac{95 \cdot 12}{28 \cdot 13} - \frac{14 \cdot 4}{65 \cdot 5}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{|\Delta U_{23}|}{A_0} = ?$$

$$p_1 = 4p_0 \\ V_1 = 4V_0 \\ 3S + 3V =$$

$$p_2 = 2,5p_0 \\ V_2 = 7V_0 \\ 7 \cdot 2,5 = 14 + 9,5 = 17,5$$

$$p_3 = p_0 \\ V_3 = 7V_0$$

$$\Delta U_{23} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_2) = \frac{3}{2} (p_3 V_3 - p_2 V_2) = \frac{3}{2} (7p_0 V_0 - \frac{3}{2} \cdot 7p_0 V_0 (2,5 - 1))$$

$$A_0 = A_{12} - A_{31} = \frac{2,5p_0 + 4p_0}{2} \cdot 3V_0 - \frac{p_0 + 4p_0}{2} \cdot 3V_0 = \frac{6,5 \cdot 3}{2} p_0 V_0 - \frac{5 \cdot 3}{2} p_0 V_0 = \frac{9 \cdot 7}{4} p_0 V_0$$

$$\frac{|\Delta U_{23}|}{A_0} = \frac{9 \cdot 7}{4} p_0 V_0 = \frac{9 \cdot 7}{4} = \frac{9 \cdot 7 \cdot 2}{4 \cdot 3 \cdot \frac{3}{2}} = \frac{9 \cdot 7 \cdot 2 \cdot 2}{4 \cdot 3} = 21$$

$$\frac{6,5}{15} \cdot \frac{5}{13} \left(\frac{6,5 \cdot 3}{2} + \frac{5 \cdot 3}{2} \right) p_0 V_0$$

$$1-2: \frac{p}{p_0} = 6 - \frac{1}{2} \frac{V}{V_0} \\ \frac{6,5}{2} = \frac{6,5}{20,5} = \frac{13}{4} \quad - \frac{6,9}{6} \cdot \frac{13}{23}$$

$$\frac{p}{p_0} = 6 - \frac{1}{2} \frac{V}{V_0}$$

$$p = 6p_0 - \frac{1}{2} V \cdot \frac{p_0}{V_0}$$

$$Q = 0$$

$$dQ = 0 \quad dU = -\delta A$$

$$p dV + V dp = \nu R dT$$

$$\frac{3}{2} \nu R dT = -p dV \quad \left(6p_0 - \frac{1}{2} V \frac{p_0}{V_0} \right) \cdot dV + V \left(-\frac{1}{2} \frac{p_0}{V_0} \cdot dV \right) = \nu R dT$$

$$\frac{3}{2} \left(6p_0 - \frac{1}{2} V \frac{p_0}{V_0} \right) dV + \frac{1}{2} V \frac{p_0}{V_0} \cdot dV = - \left(6p_0 - \frac{1}{2} V \frac{p_0}{V_0} \right) dV$$

$$\frac{3}{2} \left(6p_0 - \frac{1}{2} V \frac{p_0}{V_0} - \frac{1}{2} V \frac{p_0}{V_0} \right) = -6p_0 + \frac{1}{2} V \frac{p_0}{V_0}$$

$$9p_0 - \frac{3}{2} V \frac{p_0}{V_0} = -6p_0 + \frac{1}{2} V \frac{p_0}{V_0}$$

$$V \cdot 2 \frac{p_0}{V_0} = 15p_0 \quad \Rightarrow V_A = \frac{15p_0}{2p_0} \cdot V_0 = 7,5V_0$$

$$T_{12 \max} = T_2$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{p_1 V_1} = \frac{2,5 \cdot 7}{4 \cdot 4} = \frac{17,5}{16}$$

$$\frac{p}{p_0} = \frac{V}{V_0} = k$$