



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 7



1. [3 балла] Четвёртый член арифметической прогрессии равен  $6 - 9x$ , шестой член равен  $(x^2 - 2x)^2$ , а десятый равен  $9x^2$ . Найдите  $x$ .
2. [4 балла] Найдите наибольшее значение выражения  $3y + 6x$  при условии

$$\begin{cases} |x - 2y| \leq 2 \\ |2x - y| \leq 1. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все пары  $(m, n)$  натуральных чисел, для которых одно из чисел  $A = m^2 + 4mn + 4n^2 - 7m - 14n$  и  $B = m^2n + 2mn^2 + 9mn$  равно  $11p^2$ , а другое равно  $75q^2$ , где  $p$  и  $q$  — простые числа.
4. [5 баллов] Прямая, параллельная биссектрисе  $AX$  треугольника  $ABC$ , проходящая через середину  $M$  его стороны  $BC$ , пересекает сторону  $AB$  и продолжение стороны  $AC$  в точках  $Z$  и  $Y$  соответственно. Найдите  $BC$ , если  $AC = 6$ ,  $AZ = 3$ ,  $YZ = 4$ .
5. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2}, \\ x^3 + 3x - \sqrt{2y} = y^3 - \sqrt{2x} + 3y. \end{cases}$$

6. [4 балла] На тетрадном листе нарисован квадрат  $10 \times 10$  клеток (стороны квадрата идут вдоль границ клеток), а все узлы сетки внутри квадрата или на его границе покрашены в чёрный цвет. Найдите количество способов перекрасить два узла в белый цвет, если раскраски, получающиеся друг из друга поворотом, считаются одинаковыми.
7. [6 баллов] В треугольнике  $ABC$  на медиане  $AM$  и биссектрисе  $CL$  как на диаметрах построены окружности  $\Omega$  и  $\omega$  соответственно, пересекающиеся в точках  $P$  и  $Q$ . Отрезок  $PQ$  параллелен высоте треугольника  $ABC$ , проведённой из вершины  $B$ . Окружность  $\Omega$  пересекает сторону  $AC$  повторно в точке  $N$ . Найдите длины сторон  $AC$  и  $BC$ , если  $AB = 4$ ,  $AN = 5$ .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

дан П.к. проведена арифметическая система уравнений

$$\begin{cases} a + 3d = 6 - 9x & (1) \\ a + 5d = (x^2 - 2x)^2 & (2) \\ a + 9d = 9x^2 & (3) \end{cases}$$

~~уравнения~~

из (3) выразим (1)  $6d = 9x^2 + 9x - 6$   
 $d = 1,5x^2 + 1,5x - 1$

$$a + 3d + d = 1,5x^2 - 7,5x + 5 \quad (**)$$

$$a + 9d - 3d = 4,5x^2 - 4,5x + 3 \quad (***)$$

$$2a + 4d = 6x^2 - 12x + 8$$

$$a + 5d = 3x^2 - 6x + 4$$

$$x^4 - 4x^3 + 4x^2 = 3x^2 - 6x + 4$$

$$x^4 - 4x^3 + x^2 + 6x - 4 = 0$$

По м. Безу выписываем делители:  $\pm 4; \pm 2; \pm 1$

Находим:  $x = 1$

$$1 - 4 \cdot 1 + 1 + 6 \cdot 1 - 4 = 0$$

$$0 = 0$$

$$(x^3 - 3x^2 - 2x + 4) / (x - 1) = 0$$

$$\begin{array}{r|l} x^3 - 4x^2 + x^2 + 6x - 4 & x - 1 \\ \hline x^3 - x^2 & \\ \hline -3x^2 + x & \\ -3x^2 + 3x & \\ \hline -2x^2 + 6x & \\ -2x^2 + 2x & \\ \hline -4x + 4 & \\ -4x + 4 & \\ \hline 0 & \end{array}$$

легко заметить, что  $x = 1$  это корень и кубическое уравнение

$$\begin{array}{r|l} x^3 - 3x^2 - 2x + 4 & x - 1 \\ \hline x^3 - x^2 & \\ \hline -2x^2 - 2x & \\ -2x^2 + 2x & \\ \hline -4x + 4 & \\ -4x + 4 & \\ \hline 0 & \end{array}$$

$$(x - 1)^2 (x^2 - 2x - 4) = 0$$

$$x = 1$$

$$(**): D = 4 + 4 \cdot 4 = 20$$

$$\sqrt{8} = 2\sqrt{5}$$

$$x_1 = \frac{2 + 2\sqrt{5}}{2} = 1 + \sqrt{5}$$

$$x_2 = \frac{2 - 2\sqrt{5}}{2} = 1 - \sqrt{5}$$

Ответ:  $1; 1 + \sqrt{5}; 1 - \sqrt{5}$ .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} |x - 2y| \leq 2 \\ |2x - y| \leq 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2 - 2y \leq 2 & (1) \\ 2 - 2y \geq -2 & (3) \\ 2x - y \leq 1 & (4) \\ 2x - y \geq -1 & (2) \end{cases}$$

$$(1): x - 2y \leq 2 \quad x \leq 2y + 2 \quad 6x \leq 12y + 12$$

$$(2): 2x + 1 \geq y \quad 3y \leq 6x + 3$$

$$6x + 3y \leq 12y + 6x + 15$$

$$-9y \leq 15$$

$$y \geq -\frac{5}{3}$$

$$(3): \begin{cases} x \geq 2y - 2 \\ 6x \geq 12y - 12 \end{cases}$$

$$(4): \begin{cases} y \geq 2x - 1 \\ 3y \geq 6x - 3 \end{cases}$$

$$6x + 3y \geq 12y + 6x - 15$$

$$15 \geq 9y$$

$$\frac{5}{3} \geq y$$

$$\frac{5}{3} \geq y \geq -\frac{5}{3}$$

(1) и (4)

$$\begin{cases} x - 2y \leq 2 \\ 2x - y \leq 1 \end{cases}; \begin{cases} x \leq 2 + 2y \\ x \leq \frac{2+y}{2} \end{cases}$$

$x_{\max}$ , when  $y_{\max}$ ,  
m.p.  
 $y = \frac{5}{3}$

$$\begin{cases} x \leq \frac{16}{3} \\ x \leq \frac{7}{3} \end{cases} \Rightarrow x \leq \frac{7}{3}$$

$$6x + 3y \leq 6 \cdot \frac{7}{3} + 3 \cdot \frac{5}{3}$$

$$6x + 3y \leq 17$$

$$6x + 3y \leq 15 \Rightarrow \text{правильное значение } (3)$$

Ответ: 13.

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$A = m^2 + 4mn + 4n^2 - 7m - 14n = (m+2n)^2 - 7(m+2n) = (m+2n)(m+2n-7)$$

$$B = m^2n + 2mn^2 + 9mn = mn(m+2n+9)$$

Число  $A$  состоит из двух множителей  $(m+2n)$  и  $m+2n-7$

Заметим, что они разной четности.  $Ч$  - четности,  $НЧ$  - нечетности

$$\begin{array}{l} \text{Пусть } m+2n-4 \\ m+2n-7 \end{array} \Rightarrow m+2n-7 - НЧ$$

$$Ч \cdot НЧ = Ч$$

Получается, что число  $A$  - четное, а ~~каждый~~ <sup>это может</sup> равенство либо  $11p^2$ , либо  $75q^2$ , а они могут быть четными для

$p$  или  $q$  - четные. А  $p$  и  $q$  - кратные 2 или 5. А единственное простое четное число - "2"  $\Rightarrow$  или

$$A = 44$$

или

$$A = 300$$

Число  $B$  состоит из 2-х множителей  $mn$  и  $(m+2n+9)$

Если множитель  $mn = 4$ , то ~~каждый~~ и само число  $B = 4$ .

Если множитель  $mn = НЧ$ , то  $m$  и  $n$  - нечетные числа.

$$\text{Тогда } m+2n+9 = \underbrace{НЧ + 2 \cdot НЧ + НЧ}_{4} = 4 - \text{будет четным} \Rightarrow$$

$$B = 44$$

или  $B = 300$

И тогда у нас получится 2 пары уравнений

$$\begin{cases} A = 44 & (1) \\ B = 300 & (1) \\ B = 44 & (2) \\ A = 300 & (2) \end{cases}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Решение (1)

$$\begin{cases} (m+2n)(m+2n-7) = 44; \\ mn(m+2n+9) = 300; \quad (2) \end{cases}$$

Пусть  $m+2n = x$

$$x(x-7) = 44$$

$$x^2 - 7x - 44 = 0; \quad D = 49 + 4 \cdot 44 = 176 + 176 = 352 \quad \sqrt{D} = 18.76$$

$$x_1 = \frac{7 + 18.76}{2} = 12.88$$

$$x_2 = \frac{7 - 18.76}{2} = -5.88$$

$$\begin{cases} m+2n=11 \\ m+2n=-4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} m=11-2n \\ m=-4-2n \end{cases} \text{ подставляем в (2)}$$

$$\begin{cases} (11-2n)n \cdot 20 = 300; \\ (11-2n)n \cdot 5 = 300; \end{cases} \begin{cases} 11n-2n^2 = 15; \\ -4n-2n^2 = 60; \end{cases} \begin{cases} 2n^2-11n+15=0 \quad (1) \\ 2n^2+4n+60=0 \quad (2) \end{cases}$$

$$(1): D = 121 - 120 = 1, \quad \sqrt{D} = 1$$

$$\begin{cases} n = \frac{11 \pm 1}{2 \cdot 2} = 3 \\ n = \frac{11 - 1}{2 \cdot 2} = \frac{5}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} m = 5 \\ m = -6 \end{cases} \Rightarrow (6, 2.5) \rightarrow (5, 3)$$

- не подходит, т.к. m и n не N

$$(2): D = 16 - 2 \cdot 4 \cdot 60 < 0, \Rightarrow \text{нет корней}$$

Решение (2)

$$\begin{cases} (m+2n)(m+2n-7) = 300; \\ mn(m+2n+9) = 44; \end{cases} \text{ Пусть } m+2n = y$$

Продолжим на след. стр.

$$y(y-7) = 300 \quad y^2 - 7y - 300 = 0$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Продолж. 3 задачи

$$D = 49 + 300 \cdot 7 = 1249, \quad \sqrt{D} = \sqrt{1249} \text{ — не является } \mathbb{N}$$

$$1249 \notin \mathbb{N} \Rightarrow \sqrt{1249} \text{ — число иррациональное} \Rightarrow$$

$$y_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a} \text{ — тоже число иррациональное} \Rightarrow m + kn \text{ — тоже иррациональное, а оно состоит из } 2 \cdot x \text{ — целых и } 1 \text{ — пара.}$$

Ответ: (5; 3)

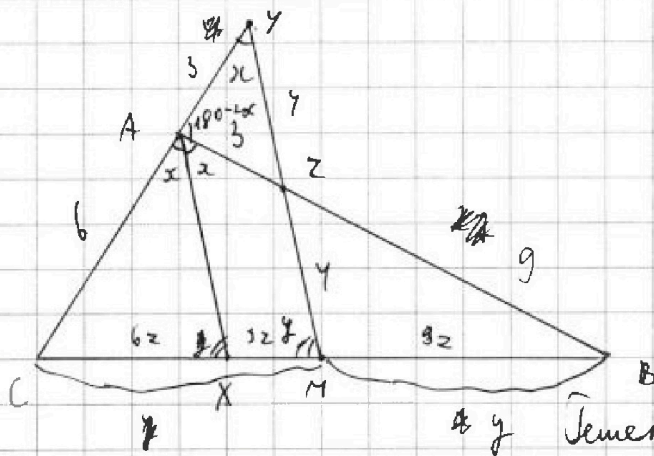


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Дано:  $\triangle ABC$ ,  $AX$  - медиана,  $MY \parallel AX$ ,  $\angle YAB = 2$   
 $M$  - середина  $AB$ ,  $AC = 6$ ,  
 Найти:  $BC$   $AZ = 3$ ,  
 $YZ = 4$

Решение:

1. По условию  $\angle CAX = 2$ ,  $\angle CAX = \angle BAX = x$  ( $AX$  - медиана)
2.  $AX \parallel YM$ , секущая  $CY$ ,  $\angle CAX = \angle CYM$  (как соответственные)  
 $\Rightarrow$  равнобедренные  $\Rightarrow$   $AZ = 3$
3.  $\triangle AYZ$ ,  $\angle YAZ = 180 - 2x$  ( $\angle ZAC$  - смежный)  
 $\angle YZA = 180 - (180 - 2x) - x = x \Rightarrow \triangle AYZ$  - равнобедренный  $\Rightarrow AY = YZ = 4$
4. По т. Менелая  $\triangle CYM$ , секущая  $AB$ ,  
 $\frac{CA}{AY} \cdot \frac{YM}{ZM} \cdot \frac{MB}{BC} = 1$   
 $ZM = 4$
5. По т. Менелая  $\triangle CBA$ , секущая  $YM$ ,  
 $\frac{CM}{MB} \cdot \frac{BZ}{AZ} \cdot \frac{AY}{AC} = 1$   $BZ = 9$
6.  $S_{AYZ} = \sqrt{5 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 1} = 2\sqrt{5}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$7. \frac{S_{ABYZ}}{S_{AYM}} = \frac{AY \cdot YZ}{CY \cdot YM} = \frac{3 \cdot \pi}{8 \cdot 82} \Rightarrow S_{ABYZ} = 12\sqrt{5}$$

Ответ: 14





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} \sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2} \\ x^3 + 3x - \sqrt{2y} = y^3 - \sqrt{2x} + 3y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2} \quad (1) \\ x^3 + 3x + \sqrt{2x} = y^3 + 3y + \sqrt{2y} \end{cases}$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2} \quad (1)$$

$x^3 + 3x + \sqrt{2x} = y^3 + 3y + \sqrt{2y}$  - в этом ур-нии, если мы  $x$  заменим на  $y$  и наоборот, то ничего не изменим  $\Rightarrow$

меним на  $y$  и наоборот, то ничего не изменим  $\Rightarrow$

$x = y$ ,  $\Rightarrow$  подставим в (1)

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} + 7 = 2\sqrt{14+5x-x^2}$$

$$\begin{cases} x \geq -2 \\ x \leq 7 \\ 14+5x-x^2 \geq 0 \end{cases}$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} = 2\sqrt{14+5x-x^2} - 7$$

$$x+2 - 2\sqrt{14+5x-x^2} + 7-x = 56 + 20x - 4x^2 + 49 - 28\sqrt{14+5x-x^2}$$

$$\text{Положим } \sqrt{14+5x-x^2} = t, \quad t \geq 0$$

$$2 - 2t + 7 = 105 + 20x - 4x^2 - 28t$$

$$4x^2 - 20x - 96 = 30t$$

$$2x^2 - 10x - 48 = 15\sqrt{14+5x-x^2}$$

$$4x^4 + 100x^3 + 250x^2 - 40x^3 - 192x^2 + 960x = 3150 + 1125x - 225x^2$$

$$4x^4 - 40x^3 + 133x^2 - 165x - 846 = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

*Упрощение*

$\frac{a}{x} = \frac{b}{z}$   
 $x + y = c$   
 $BM^2 = AB \cdot AM + MC \cdot BC$   
 $BZ \cdot XM + BZ \cdot BM = 3BM$   
 $BZ \cdot XM = 3BM$   
 $\frac{b}{9} = \frac{x}{8}$   
 $\frac{2}{3} = \frac{z}{8}$   
 $\frac{CA}{AY} = \frac{CX}{CM}$   
 $\frac{BZ}{AB} = \frac{BM}{BX}$   
 $\frac{AC}{CX} = \frac{AB}{BX}$   
 $\frac{2}{3} = \frac{AX}{4+2M}$   
 $8+22M = 3AX$   
 $3ZM + 2M \cdot BZ = AX \cdot BZ$   
 $\frac{2M}{AX} = \frac{BZ}{3+BZ}$   
 $x = \frac{16}{3}$   
 $AZ = 3$   
 $YZ = Y$   
 $Ab = 18 - 2 \cdot 9 \cdot \cos \alpha$   
 $\frac{x}{3} \cdot \frac{5}{9} = 1 \cdot 2 =$

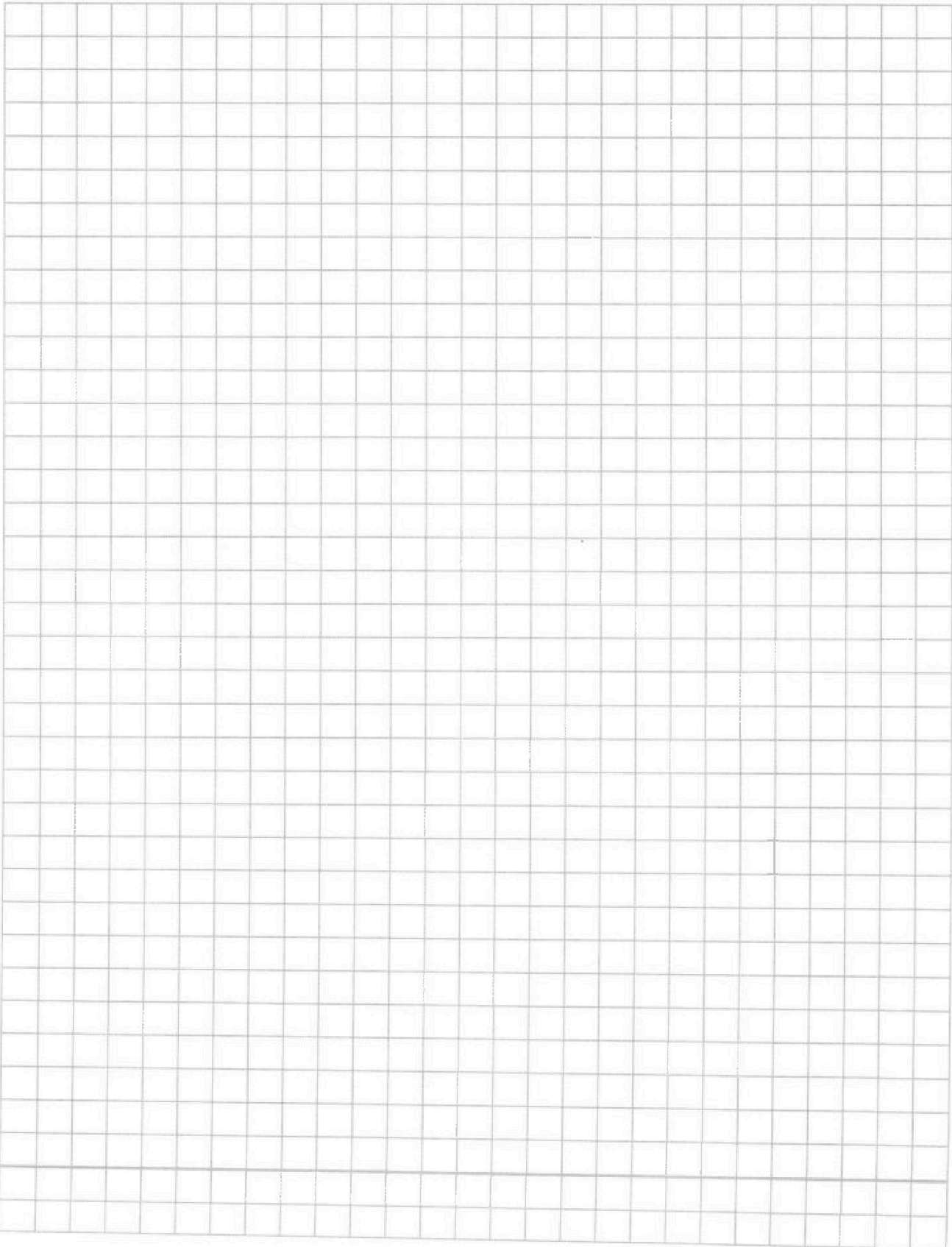


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. **Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно.** Порча QR-кода недопустима!



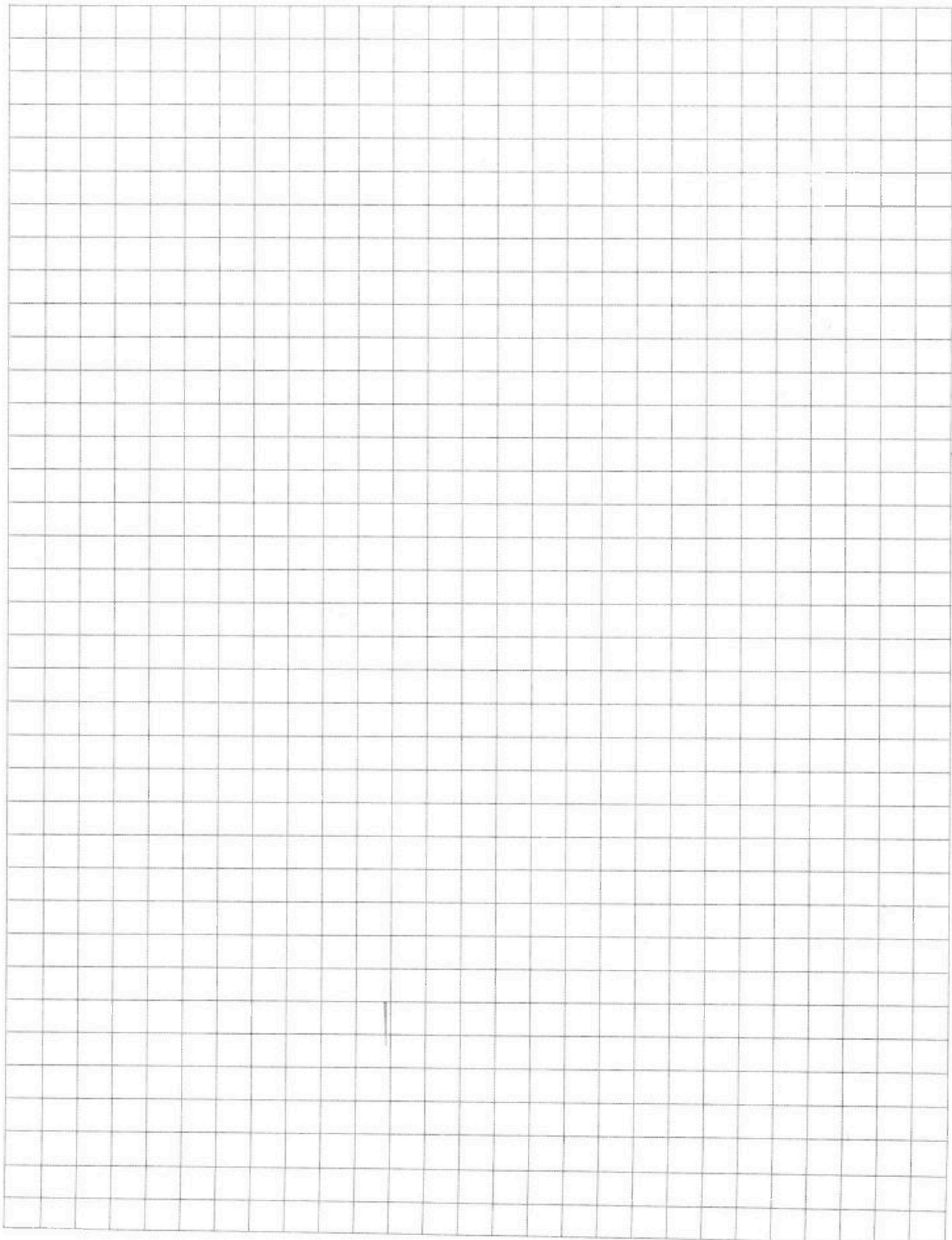


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



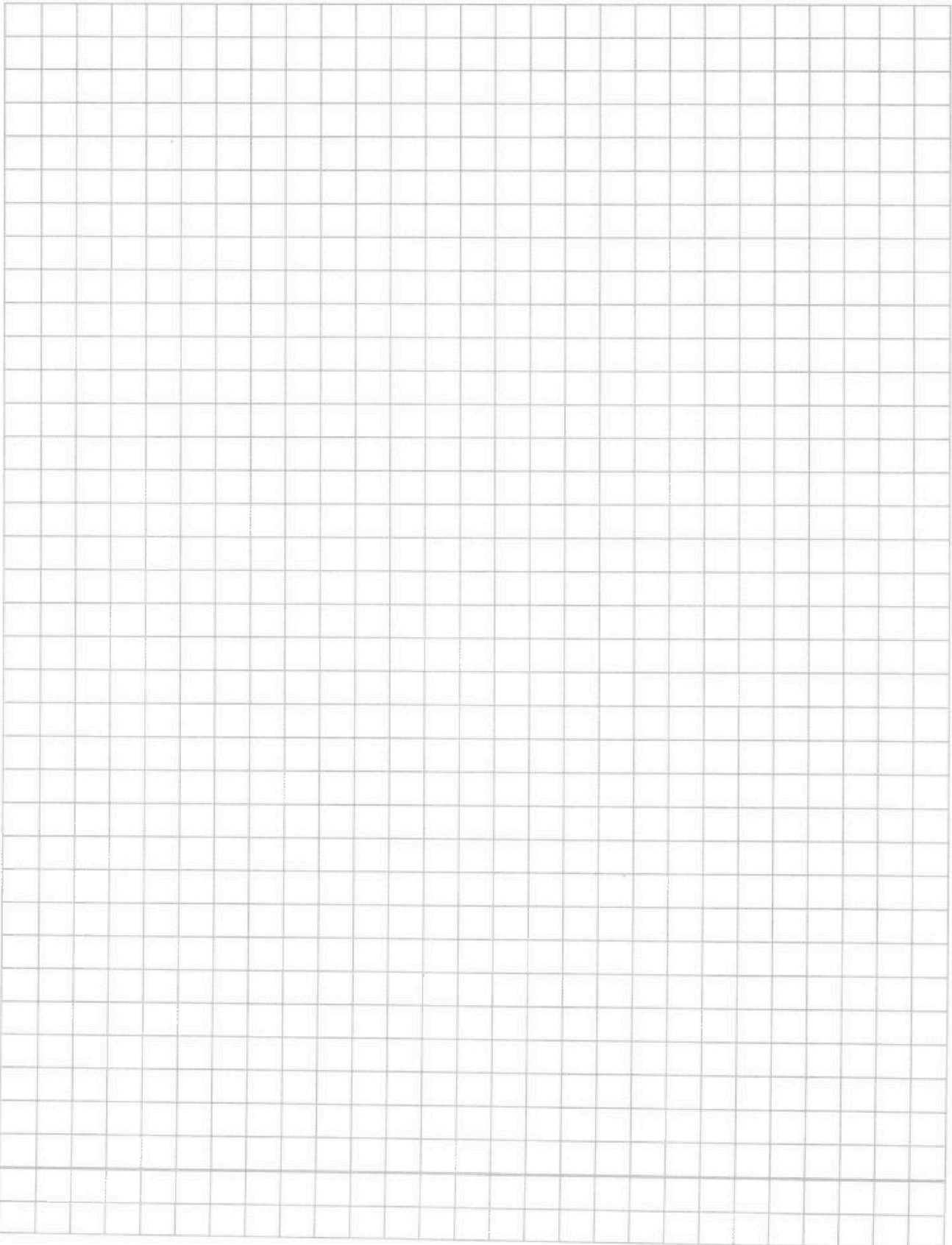


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. **Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно.** Порча QR-кода недопустима!



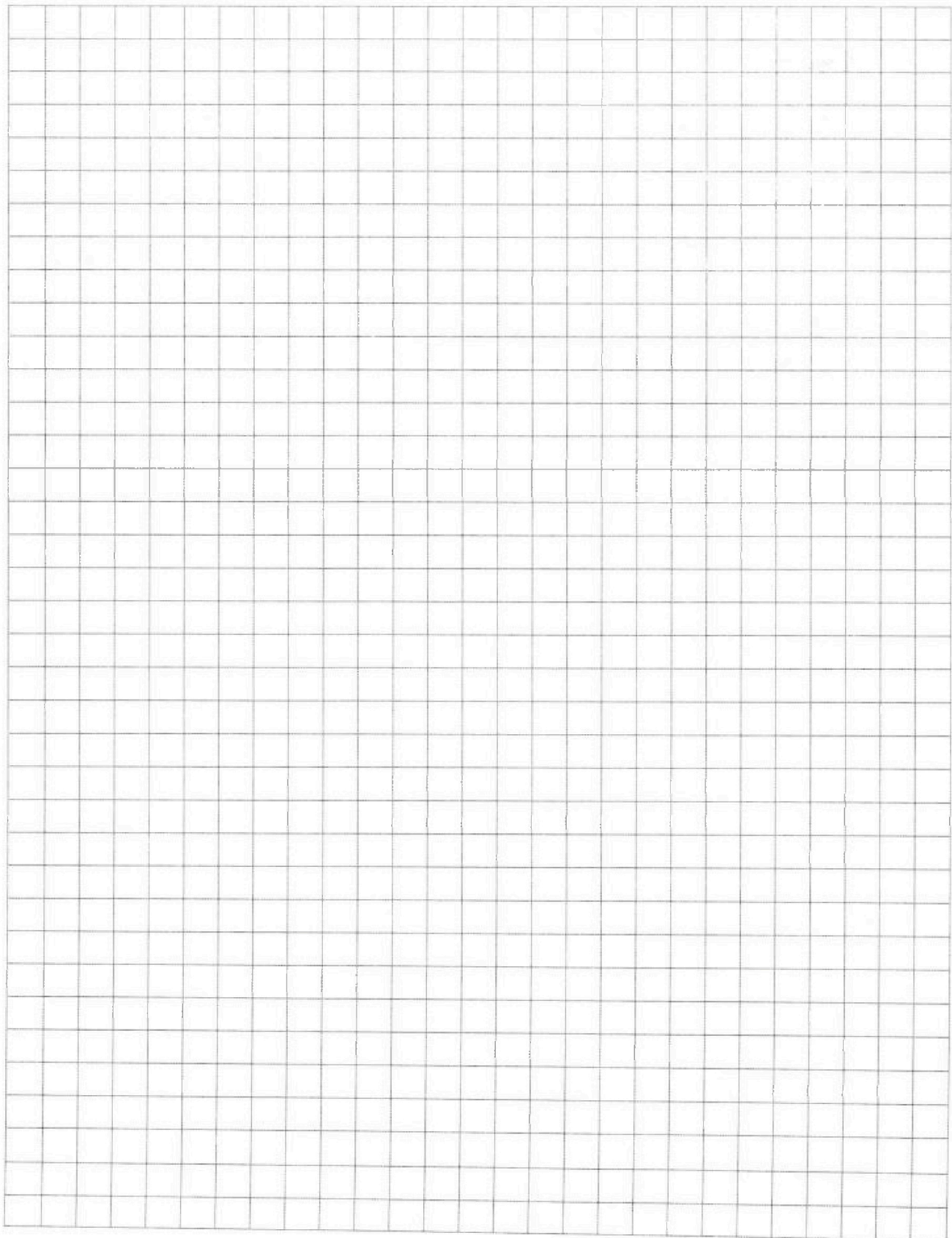


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Уравнение

$$b = 9x$$

$$3y + 6x$$

$$|x - 2y| \leq 2$$

$$a_1 = a$$

$$a_5 = a + 5d = b = 9x$$

$$a_6 = a + 5d$$

$$a_{10} = 9x + 9d$$

$$F(x) \leq a$$

$$\begin{cases} x - 2y \leq 2 & x - 2y \leq 2 \\ x - 2y \geq -2 & 4x - 2y \leq 2 \\ 2x - y \leq 1 & \\ 2x - y \geq -1 & \\ x - y \leq 1 & \\ x - y \geq -1 & \end{cases}$$

$$a + 5d = b - 9x$$

$$a + 5d = (x^2 - 2x)^2$$

$$a + 9d = 9x^2$$

$$bd = 9x^2 + 9x - 6$$

$$d = \frac{3}{2}x^2 + \frac{3}{2}x - 1 = 1,5x^2 + 1,5x - 1$$

$$4d = 9x^2 - x^4 + 4x^3 - 4x^2$$

$$d = \frac{9}{4}x^2 - \frac{x^4}{4} + x^3 - x^2$$

$$bd = 9x^2 + 9x - 6$$

$$d = 1,5x^2 + 1,5x - 1$$

$$a + 4d = \dots$$

$$1,5x^2 - 7,5x + 5$$

$$a + 6d = 4,5x^2 - 4,5x + 3$$

$$a + 5d = 3x^2 - 6x + 4 = x^4 - 4x^3 + 4x^2$$

$$x^4 - 4x^3 + 4x^2$$

$$\begin{array}{r} 1125 \\ 900 \\ 160 \\ 0 \end{array}$$

$$5d = 4,5x^2 + 4,5x - 1$$

$$\begin{array}{r} 225 \\ 900 \\ 144 \\ 0 \end{array}$$

$$9x^4 - x^4 + 4x^3 - 4x^2 = 6x^2 + 6x - 4$$

$$x^4 - 4x^3 + x^2 + 6x - 4 = 0$$

$$x^4 - 4x^3 + 6x^2 - 4x + 4 = 0$$

$$1 - 4 + 4 + 1 - 4$$

$$(a-b-c)(a-b-c) = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab - 2ac + 2bc$$

$$\begin{array}{r} 3150 \\ 1304 \\ 64 \end{array}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_\_ ИЗ \_\_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

у  
кравин

r

$$A = m^2 + 7mn + 4n^2 - 7m - 14n = (m+2n)^2 - 7(m+2n) = (m+2n)(m+2n-7)$$

$$B = m^2n + 2mn^2 + 9mn = mn(m+2n+9)$$

$p = 2$

$N = 1, 2, 3, 4, 6, 7, 9$   
No: 6

44  
300

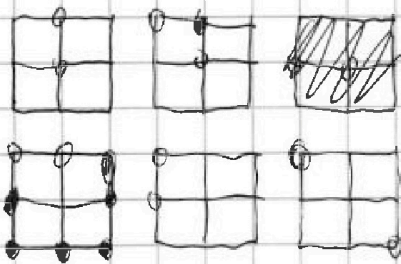
1x1 1  
2x2 4

$$\begin{array}{r} 32 \\ \times 37 \\ \hline 214 \\ 960 \\ \hline 1192 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 32 \\ \times 37 \\ \hline 214 \\ 960 \\ \hline 1192 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 32 \\ \times 37 \\ \hline 214 \\ 960 \\ \hline 1192 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 32 \\ \times 37 \\ \hline 214 \\ 960 \\ \hline 1192 \end{array}$$



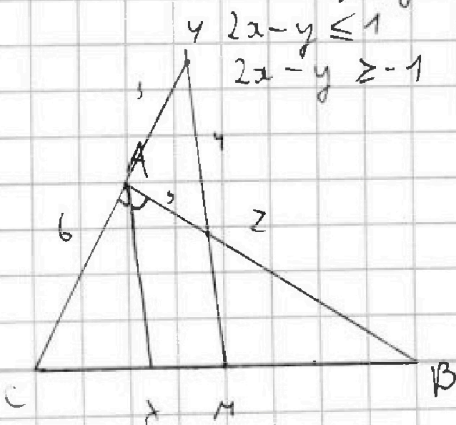
$$\begin{array}{l} x - 2y \leq 2 \\ x - 2y \geq -2 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 2x + 1 \leq y \\ 2x + 1 \geq y \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 2x + 1 \geq y \\ 2x + 1 \leq y \end{array}$$

$$\begin{array}{l} x + y \leq 2x + 2y + 3 \\ x + y \geq 2x + 2y - 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 6x + 3y \leq 12y + 6x + 15 \\ -9y \leq 15 \\ y \geq -\frac{5}{3} \end{array}$$



$$\begin{array}{l} 2x - y \leq 1 \\ 2x - y \geq -1 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 2x - 1 \leq y \\ 2x + 1 \geq y \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 6x - 3 \leq 3y \\ 6x + 2 \geq 3y \end{array}$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

*Черновик*

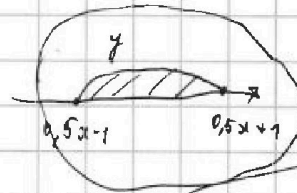
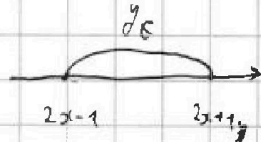
$$\{x - 2y \in \mathbb{Z}\}$$

$$\begin{cases} x - 2y \leq 2; \\ x - 2y \geq -2; \\ 2x - y \leq 1; \\ 2x - y \geq -1; \end{cases}$$

$$\begin{aligned} x - 2 &\leq 2y \\ x + 2 &\geq 2y \\ 0,5x & \\ 0,5x - 1 &\leq y \\ 0,5x + 1 &\geq y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x &\leq 2 + 2y \\ x &\geq 2y - 2 \\ x &\leq 0,5y + 0,5 \\ x &\geq 0,5y - 0,5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2x - 1 &\leq y \\ 2x + 1 &\geq y \end{aligned}$$



$$6x - 3 \leq 3y \leq 6x + 3$$

$$x \geq -\sqrt{x+2}$$

$$\sqrt{x+2} - 2\sqrt{14+5x-y} + \sqrt{7-y} = -7$$

$$x(y+2)(7-y) = 7y - y^2 + 14 - 2y$$

$$x \geq -1$$

$$y \leq 7$$

$$14 + 5x - y^2 \geq 0$$

$$2\sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} - 2\sqrt{(x+2)(7-y)} + 7 - y = 7$$

$$2\sqrt{x+2} + 3x + \sqrt{2x} = y^2 + 23y + \sqrt{2y}$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} - 2\sqrt{(x+2)(7-y)} = -7$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} - 2\sqrt{(x+2)(7-x)} = -7$$

$$a - b - 2ab = -7$$

$$a(1-2b) = \frac{b-7}{1-2b}$$

$$\frac{5}{3} \geq y \geq -\frac{5}{3}$$

$$x \leq 2 + 2y$$

$$\leq \frac{10}{3}$$

$$\frac{16}{3}$$

$$x \geq 2y - 2$$

$$x \leq \frac{y+1}{2} \leq \frac{2}{3}$$