



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 7



1. [3 балла] Четвёртый член арифметической прогрессии равен $6 - 9x$, шестой член равен $(x^2 - 2x)^2$, а десятый равен $9x^2$. Найдите x .
2. [4 балла] Найдите наибольшее значение выражения $3y + 6x$ при условии

$$\begin{cases} |x - 2y| \leq 2 \\ |2x - y| \leq 1. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все пары (m, n) натуральных чисел, для которых одно из чисел $A = m^2 + 4mn + 4n^2 - 7m - 14n$ и $B = m^2n + 2mn^2 + 9mn$ равно $11p^2$, а другое равно $75q^2$, где p и q — простые числа.
4. [5 баллов] Прямая, параллельная биссектрисе AH треугольника ABC , проходящая через середину M его стороны BC , пересекает сторону AB и продолжение стороны AC в точках Z и Y соответственно. Найдите BC , если $AC = 6$, $AZ = 3$, $YZ = 4$.
5. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2}, \\ x^3 + 3x - \sqrt{2y} = y^3 - \sqrt{2x} + 3y. \end{cases}$$

6. [4 балла] На тетрадном листе нарисован квадрат 10×10 клеток (стороны квадрата идут вдоль границ клеток), а все узлы сетки внутри квадрата или на его границе покрашены в чёрный цвет. Найдите количество способов перекрасить два узла в белый цвет, если раскраски, получающиеся друг из друга поворотом, считаются одинаковыми.
7. [6 баллов] В треугольнике ABC на медиане AM и биссектрисе CL как на диаметрах построены окружности Ω и ω соответственно, пересекающиеся в точках P и Q . Отрезок PQ параллелен высоте треугольника ABC , проведённой из вершины B . Окружность Ω пересекает сторону AC повторно в точке N . Найдите длины сторон AC и BC , если $AB = 4$, $AN = 5$.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

6 d-разность ариф. прогрессии

$$\begin{cases} 6 - 9x + 2d = (x^2 - 2x)^2 & \cdot 1 \cdot 2 \\ 2(x^2 - 2x)^2 + 4d = 9x^2 & - \end{cases}$$

$$12 - 18x - (x^2 - 2x)^2 = 2(x^2 - 2x)^2 - 9x^2$$

$$3(x^2 - 2x)^2 - 9x^2 + 18x - 12 = 0$$

$$(x^2 - 2x)^2 - 3x^2 + 6x - 4 = 0$$

$$(x^2 - 2x)^2 - 3(x^2 - 2x + 1) = 1$$

$$(x^2 - 2x - \sqrt{3}x + \sqrt{3})(x^2 - 2x + \sqrt{3}x - \sqrt{3}) = 1$$

~~$(x^2 - 2x - \sqrt{3}x + \sqrt{3}) = 1$~~

~~$x^2 - 2x - \sqrt{3}x + \sqrt{3} - 1 = 0$~~

$$D = 4 + 3 + 4\sqrt{3} - 4\sqrt{3} = 7$$

$$x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{7}}{2}$$

$\rightarrow D = 2$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$3y + 6x \rightarrow \max - ?$$

$$\begin{cases} |x - 2y| \leq 2 \\ |2x - y| \leq 1 \end{cases}$$

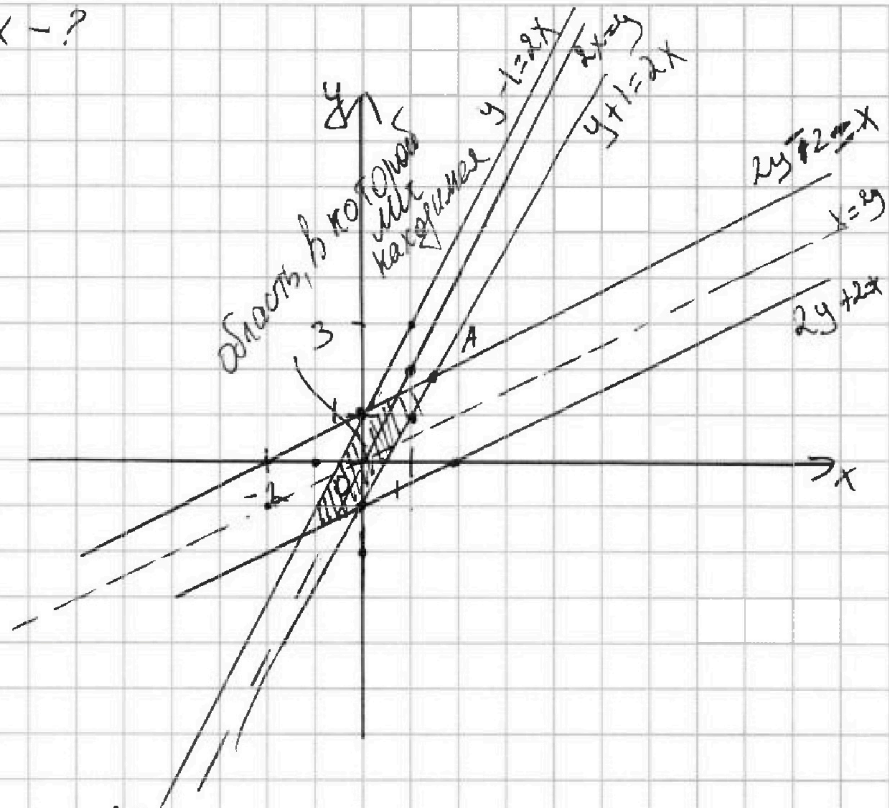
$$1) |x - 2y| \leq 2$$

$$\begin{cases} x \geq 2y \\ x - 2y \leq 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 2y \\ 2y - x \leq 2 \end{cases}$$

$$2) |2x - y| \leq 1$$

$$\begin{cases} 2x < y \\ y - 2x \leq 1 \\ 2x \geq y \\ 2x - y = 1 \end{cases}$$



Максимальное значение
выражения $3y + 6x$ тогда,
когда x и y будут максима-
льными \Rightarrow

3) в точке А.

Найдем точку А. Эта точка
пересечения прямой $y - 2 = x$
и $y = 2x - 1$

$$\begin{cases} y = 2x - 1 & 1 \cdot 2 \\ 2y = x + 2 & \quad \quad \quad \end{cases}$$

$$0 = 4x - 2 - x - 2 \Rightarrow x = \frac{4}{3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow y = \frac{5}{3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 3y + 6x = 3 \cdot \frac{5}{3} + 6 \cdot \frac{4}{3} = 5 + 8 = 13$$

Ответ: 13



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

I случай:

$$\begin{cases} m^2 + 4mn + 4n^2 - 7m - 14n = 11p^2 \\ m^2n + 2mn^2 + 9mn = 75q^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (m+2n)(m+2n-7) = 11p^2 \\ mn(m+2n+9) = 75q^2 \end{cases}$$

$$(m+2n)(m+2n-7) = 11 \cdot p \cdot p$$

11 и p - простые числа (из условия)
 $m, n \in \mathbb{N} \Rightarrow$

$$\begin{aligned} \Rightarrow & \begin{cases} m+2n=11 \\ m+2n-7=p^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{matrix} n_1=1 & m_1=9 & \Rightarrow p^2=4 & p=2 \\ n_2=2 & m_2=7 & \Rightarrow p^2=4 & p=2 \\ n_3=3 & m_3=5 & \Rightarrow p^2=4 & p=2 \end{matrix} \\ & \begin{cases} m+2n=11p \\ m+2n-7=p \end{cases} \Rightarrow \begin{matrix} n_4=4 & m_4=3 & \Rightarrow p^2=4 & p=2 \\ n_5=5 & m_5=1 & \Rightarrow p^2=4 & p=2 \end{matrix} \\ & \begin{cases} m+2n=11p^2 \\ m+2n-7=1 \end{cases} \Rightarrow \begin{matrix} 7=10p^2 \Rightarrow p^2=\frac{10}{7} \quad \emptyset \\ 7=11p^2-1 \Rightarrow p^2=\frac{8}{11} \quad \emptyset \end{matrix} \\ & \begin{cases} m+2n=p \\ m+2n-7=11p \end{cases} \Rightarrow 7=-10p \quad \emptyset \\ & \begin{cases} m+2n=p^2 \\ m+2n-7=11 \end{cases} \Rightarrow 7=p^2-11 \Rightarrow p^2=18 \quad \emptyset \\ & \begin{cases} m+2n=1 \\ m+2n-7=11p^2 \end{cases} \Rightarrow 7=1-11p^2 \Rightarrow p^2=\frac{-6}{11} \quad \emptyset \end{aligned}$$

Получим 5 пар (m, n)

Теперь проверим второе условие

$$mn(m+2n+9) = 75q^2$$

$$\begin{aligned} 1) & 1 \cdot 9(9+2 \cdot 1+9) = 75q^2 \Rightarrow q^2 = \frac{180}{75} \quad \emptyset \quad q \Rightarrow \text{простое число} \\ 2) & 7 \cdot 2(7+2 \cdot 2+9) = 75q^2 \Rightarrow q^2 = \frac{280}{75} \quad \emptyset \end{aligned}$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$3) 5 \cdot 3(5 + 2 \cdot 3 + 9) = 75q^2 \Rightarrow q^2 = \frac{300}{75} = 4 \Rightarrow q = 2$$

$$4) 3 \cdot 4(3 + 2 \cdot 4 + 9) = 75q^2 \Rightarrow q^2 = \frac{240}{75} \emptyset$$

$$5) 1 \cdot 5(1 + 2 \cdot 5 + 9) = 75q^2 \Rightarrow q^2 = \frac{100}{75} \emptyset$$

Получаем одну пару (m, n) . $m = 5$

II случай: (Аналогично I-ому) $n = 3$

$$\begin{cases} (m+2n)(m+2n-7) = 75q^2 = 5 \cdot 5 \cdot 3 \cdot q \cdot q \\ mn(m+2n+9) = 11p^2 \end{cases}$$

~~$$mn(m+2n+9) = 11 \cdot p \cdot p$$~~

~~$$1) \begin{cases} m=1 \\ n=1 \\ m+2n+9=11p^2 \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} m=5 \\ n=1 \\ m+2n+9=p^2 \end{cases}$$

$$3) \begin{cases} m=1 \\ n=11p \end{cases}$$~~

$$1) \begin{cases} m+2n=1 \Rightarrow 75q^2 = -6 \emptyset \\ m+2n-7=75q^2 \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} m+2n=5 \Rightarrow 15q^2 = -2 \emptyset \\ m+2n-7=15q^2 \end{cases}$$

$$3) \begin{cases} m+2n=3 \Rightarrow 25q^2 = -4 \emptyset \\ m+2n-7=25q^2 \end{cases}$$

$$4) \begin{cases} m+2n=25 \Rightarrow 39q^2 = 18 \emptyset \\ m+2n-7=39q^2 \end{cases}$$

$$5) \begin{cases} m+2n=15 \Rightarrow 5q^2 = 3 \emptyset \\ m+2n-7=5q^2 \end{cases}$$

$$6) \begin{cases} m+2n=9 \Rightarrow 7 = -74q \emptyset \\ m+2n-7=75q^2 \end{cases}$$

$$7) \begin{cases} m+2n=59 \Rightarrow 7 = -109q \emptyset \\ m+2n-7=15q^2 \end{cases}$$

$$8) \begin{cases} m+2n=39 \Rightarrow 7 = -229q \emptyset \\ m+2n-7=25q^2 \end{cases}$$

$$9) \begin{cases} m+2n=159 \Rightarrow 7 = 109q \emptyset \\ m+2n-7=5q^2 \end{cases}$$

$$10) \begin{cases} m+2n=259 \Rightarrow 7 = 229q \emptyset \\ m+2n-7=39q^2 \end{cases}$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$11) \begin{cases} m+2n=9^2 \\ m+2n-7=75 \end{cases} \Rightarrow 9^2=82 \emptyset$$

$$12) \begin{cases} m+2n=39^2 \\ m+2n-7=25 \end{cases} \Rightarrow 39^2=32 \emptyset$$

$$13) \begin{cases} m+2n=59^2 \\ m+2n-7=15 \end{cases} \Rightarrow 59^2=22 \emptyset$$

$$14) \begin{cases} m+2n=159^2 \\ m+2n-7=5 \end{cases} \Rightarrow 159^2=12 \emptyset$$

$$15) \begin{cases} m+2n=259^2 \\ m+2n-7=3 \end{cases} \Rightarrow 259^2=10 \emptyset$$

$$16) \begin{cases} m+2n=759^2 \\ m+2n-7=1 \end{cases} \Rightarrow 759^2=8 \emptyset$$

$$17) \begin{cases} m+2n=75 \\ m+2n-7=9^2 \end{cases} \Rightarrow 9^2=82 \emptyset$$

$$18) \begin{cases} m+2n=759 \\ m+2n-7=9 \end{cases} \Rightarrow 7=749 \emptyset$$

Второй случай не принес еще пары (m, n)

Ответ: $m=5$
 $n=3$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a_4 = 6 - 9x$$

$$a_1 = a$$

$$a_5 = (x^2 - 2x)^2$$

$$a_4 = a_1 + 3d = 6 - 9x$$

$$a_6 = 9x^2 = a_1 + 3d$$

$$a_5 = a_1 + 5d = 6 - 9x + 2d =$$

$$\begin{cases} a_1 + 6d = 9x^2 \\ a_1 + 3d = 6 - 9x \\ a_1 + 5d = (x^2 - 2x)^2 \end{cases}$$

$$= (x^2 - 2x)^2 = x^4$$

$$\begin{cases} a_1 + 6d = 9x^2 \\ a_1 + 3d = 6 - 9x \\ a_1 + 5d = (x^2 - 2x)^2 \end{cases}$$

$$a_3 = 6 - 9x + 5d = 9x^2$$

$$\begin{cases} 6 - 9x + 2d = (x^2 - 2x)^2 - 3 \cdot 5d = 9x^2 \\ 6 - 9x + 6d = 9x^2 \end{cases} \quad \begin{matrix} -29d + 18d = 9x^2 - 9x + 6 \\ -11d = 9x^2 - 9x + 6 \end{matrix}$$

$$30 - 45x - 12 + 18x = 5x^4 - 20x^3 + 20x^2 - 18x^2$$

$$5x^4 - 20x^3 + 2x^2 + 27x - 18 = 0$$

$$6 - 9x$$

$$90 - 160 + 8 = 18 + 9$$

$$6 - 9x + 18$$

$$-16(x^2 - 4x + 4) = -45x + 54$$

$$5(x^4 - 4x^3 + 4x^2) - 18x^2 + 27x - 18 = 0$$

$$5(x^2 - 2x)^2 - 9(2x^2 - 3x + 2) = 0$$

$$D = \sqrt{9 - 16}$$

$$5x(x-2)^2 - 18(x-2)^2 =$$

$$-9(5x - 6) = 0$$

$$x^4 - 4x^3 + 4x^2 = 9x^2 + 3d$$

$$x^4 - 4x^3 + 4x^2 = 9x^2 + 6 - 9x - a_1$$

$$5x^2 t^2 - 18t^2 = 9(x-2)$$

$$D =$$

$$x^4 - 4x^3 - 5x^2 - 6 + 9x + a_1 = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА

2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$16 = 9 + 9 + 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot \cos(120^\circ - 2\alpha)$$

$$\cos 2\alpha = \frac{1}{3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow BC^2 = 144 + 36 - 2 \cdot 12 \cdot 6 \cdot \frac{1}{3}$$

$$BC^2 = 162$$

$$BC = \sqrt{162} = 3\sqrt{18}$$

$$\text{Ответ: } BC = 3\sqrt{18}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2}$$

$$\begin{cases} x^3 + 3x - \sqrt{2}y = y^3 - \sqrt{2}x + 3y \end{cases}$$

$$(x-y)(x^2+xy+y^2) + 3(x-y) + \sqrt{2}(\sqrt{x}-\sqrt{y}) = 0$$

$$1) \sqrt{x} - \sqrt{y} = 0$$

$$2) (\sqrt{x} + \sqrt{y})(x^2+xy+y^2 + 3(\sqrt{x} + \sqrt{y})) + \sqrt{2} = 0$$

Подкоренное выражение $\geq 0 \Rightarrow x \geq 0$
 $y \geq 0$

$$\sqrt{x} + \sqrt{y} \geq 0$$

$$\begin{cases} x^2+xy+y^2 \geq 3xy \geq 0 \Rightarrow \begin{cases} x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases} \\ \sqrt{2} > 0 \end{cases} \Rightarrow \emptyset$$

$$\sqrt{x} = \sqrt{y} \Rightarrow x = y$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} + 7 = 2\sqrt{14+5x-x^2}$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} = t$$

$$t^2 = x+2+7-x - 2\sqrt{14+5x-x^2} = 9 - 2\sqrt{14+5x-x^2}$$

$$t+7 = 9 - t^2$$

$$t^2 + t - 2 = 0$$

$$t_1 = 1$$

$$t_2 = -2$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} = 1 \quad \uparrow^2$$

$$x+2 = 1 + 7-x + 2\sqrt{7-x}$$

$$2x-6 = 2\sqrt{7-x}$$

$$x-3 = \sqrt{7-x} \quad \uparrow^2$$

\rightarrow



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Всего узлов в сетке 400

Мы красим любые два из них в белый.

$$C_{400}^2 = \frac{400!}{2! \cdot 398!} = \frac{399 \cdot 400}{2} = 399 \cdot 200$$

Нам нужно избавиться от повторений \Rightarrow
 \Rightarrow нужно поделить на 4.

$$\frac{399 \cdot 200}{4} = 399 \cdot 50 = 19950$$

Ответ: 19 950

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x^2 - 6x + 9 = -x + 7$$

$$x^2 - 5x + 2 = 0$$

$$D = 25 - 8 = 17 \quad \frac{5 + \sqrt{17}}{2} \text{ — не подходит.}$$

$$x_{1,2} = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{2} \rightarrow \frac{5 - \sqrt{17}}{2} \text{ — не подходит, т.к. } x \geq 3.$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} = -2$$

$$\sqrt{x+2} + 2 = \sqrt{7-x} \quad \uparrow^2$$

$$4 + x + 2 + 4\sqrt{x+2} = 7 - x$$

$$4\sqrt{x+2} = 1 - 2x \quad \uparrow^2 \quad x \leq \frac{1}{2}$$

$$16(x+2) = 1 - 4x + 4x^2$$

$$4x^2 - 20x - 31 = 0$$

$$D = 400 + 16 \cdot 31 = 400 + 496 = 896$$

$$x_{1,2} = \frac{20 \pm \sqrt{896}}{8} \rightarrow \frac{20 + \sqrt{896}}{8} \text{ — не подходит, т.к. } x \leq \frac{1}{2}$$

$$\sqrt{896} > 29 \Rightarrow \frac{20 + \sqrt{896}}{8} > 49 \Rightarrow \frac{20 + \sqrt{896}}{8} > \frac{49}{8}$$

$$\sqrt{896} < 30 \Rightarrow \frac{20 + \sqrt{896}}{8} < 50 \Rightarrow \frac{20 + \sqrt{896}}{8} < \frac{35}{4}$$

$$\text{Other: } x = \frac{5 + \sqrt{17}}{2}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} + 2 = 2\sqrt{14+5x-y^2}$$

$$(x^3 + 3x - \sqrt{2}y^3 = y^3 + 3y - \sqrt{2}xy)$$

$$\begin{array}{r} 399 \\ 50 \\ \hline 19950 \end{array}$$

$$(x-y)(x^2+xy+y^2) + 3(x-y) + \sqrt{2}(\sqrt{x}-\sqrt{y}) = 0.$$

$$\sqrt{x} = \sqrt{y} \quad | \cdot 1)$$

S.4

C400

$$(\sqrt{x} + \sqrt{y})(x^2 + xy + y^2) + 3(\sqrt{x} + \sqrt{y}) + \sqrt{2} = 0$$

$$\begin{array}{l} \sqrt{x} = \sqrt{y} \\ \sqrt{x} = \sqrt{y} \end{array}$$

$$3\sqrt{x^3y^3} = 3xy \geq 0$$

(b) (u)

$$\begin{array}{r} 28 \\ 29 \\ \hline 261 \\ + 58 \\ \hline 319 \end{array}$$

$$\sqrt{x} = \sqrt{y} \rightarrow x = y.$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} + 2 = 2\sqrt{14+5x-y^2}$$

C400

$$\begin{array}{r} 400 \\ \times 1382 \\ \hline 399400 \\ \times 4 \\ \hline 1596 \end{array}$$

$$t^2 = x+2 + 7-x - 2\sqrt{14-x^2+5x} = 2\sqrt{14-x^2+5x} + 9$$

$$t + 7 = 9 - t^2$$

$$826 = 2 \cdot 413$$

$$\begin{array}{r} 413 \\ \times 2 \\ \hline 826 \end{array}$$

$$t^2 + t - 2 = 0.$$

$$\begin{array}{l} t_1 = 1 \\ t_2 = -2 \end{array}$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} = 1.$$

$$\begin{array}{r} 26 \\ \times 22 \\ \hline 52 \\ + 520 \\ \hline 576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16 \\ \times 31 \\ \hline 16 \\ + 480 \\ \hline 496 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 300 \\ \times 30 \\ \hline 9000 \\ + 3000 \\ \hline 9300 \end{array}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} a_1 + 3d = 6 - 9x \\ a_1 + 5d = (x^2 - 2x)^2 \\ a_1 + 8d = 9x^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 6 - 9x + 2d = (x^2 - 2x)^2 \cdot 3 \\ 6 - 9x + 6d = 9x^2 \end{cases}$$

$$18 - 27x - 6 + 9x = 3(x^4 - 4x^3 + x^2)$$

$$12 - 18x = 3(x^4 - 4x^3 + x^2)$$

$$3d = 9x^2 - (x^2 - 2x)^2 = (3x - x^2 + 2x)(3x + x^2 - 2x) = (5x - x^2)(x^2 - x)$$

$$a_1 = 6 - 9x - (5x - x^2)(x^2 - x)$$

$$a_1 = 6 - 9x + 3x^4 - 12x^3 + 12x^2 - 27x^2 = 3x^4 - 12x^3 - 15x^2 - 9x + 6$$

$$d = 3$$

$$x^4 - 4x^3 - 5x^2 - 9x + 6 = 0$$

$$(x^2 - 2x)^2 - 9(x^2 + x + \frac{3}{4}) + \frac{33}{4} = 0$$

$$(x^2 - 2x - 3x - \frac{3}{2})(x^2 - 2x + 3x + \frac{3}{2}) = \frac{-33}{4}$$

$$(x^2 - 5x - \frac{3}{2})(x^2 + x + \frac{3}{2}) = \frac{-33}{4}$$

$$D = 25 + 6 = 31 \quad \sqrt{D} = 1 - 6 < 0 \Rightarrow \dots$$

$$x^2 - 5x - \frac{3}{2} = \frac{-33}{4}$$

$$x^2 - 5x + \frac{27}{8} = 0$$

$$D = 25 - \frac{21}{2} = \frac{29}{2}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

② $|x - 2y| \leq 2$

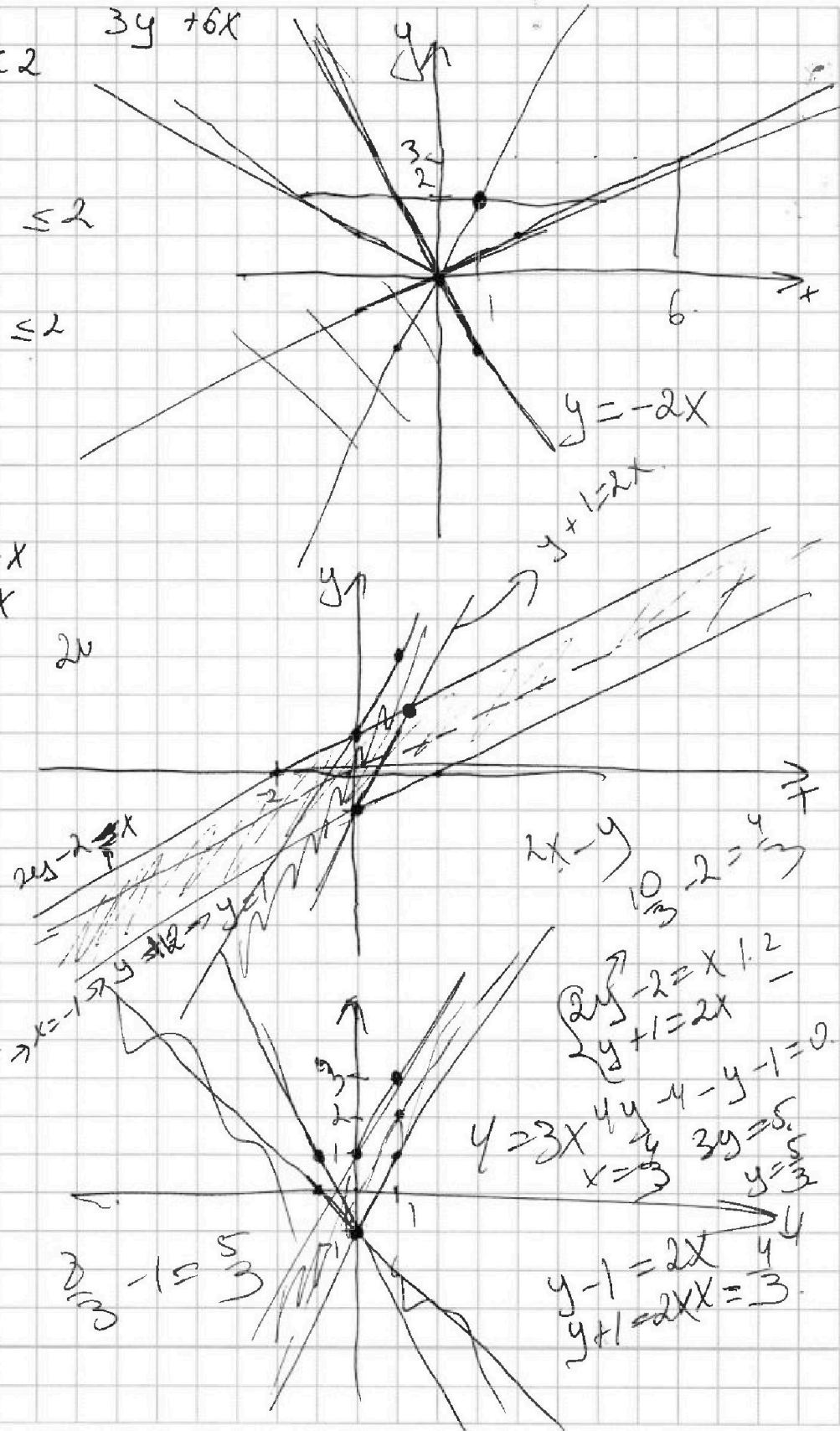
$$\begin{cases} x < 2y \\ 2y - x \leq 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x > 2y \\ x - 2y \leq 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 2y \\ 2y \leq 2 + x \\ 2y - 2 \leq x \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \geq 2y \\ 2y \geq x \end{cases}$$

$$\begin{aligned} 2x - y &\leq 1 \\ y + 1 &\geq 2x \rightarrow x = -1 \rightarrow y \\ y &\leq 2x \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} 2y - 2 &= x \cdot 1.2 \\ y + 1 &= 2x \\ 4y - 4 - y - 1 &= 0 \\ 3y &= 5 \\ y &= \frac{5}{3} \\ x &= \frac{4}{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} y - 1 &= 2x \\ y + 1 &= 2x \end{aligned} \Rightarrow x = \frac{4}{3}$$