



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

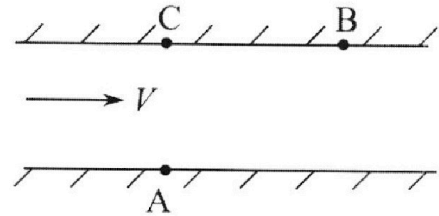
Вариант 09-02

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Пловец трижды переплывает реку. Движение пловца прямолинейное. Скорость пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой, во всех заплывах одинакова по модулю.

В двух первых заплывах А – точка старта, В – точка финиша (см. рис., V – неизвестная скорость течения реки). Ширина реки $AC = d = 50$ м, снос, т.е. расстояние, на которое пловец смещается вдоль реки к моменту достижения противоположного берега, $CB = L = 120$ м.



Продолжительность первого заплыва $T_1 = 100$ с, продолжительность второго заплыва $T_2 = 240$ с.

- 1) Найдите скорости V_1 и V_2 пловца в лабораторной системе отсчета в первом и втором заплывах.
- 2) Найдите скорость V течения реки.

В третьем заплыве пловец стартует из точки А и движется так, что снос наименьший.

- 3) На каком расстоянии S от точки В выше по течению финиширует пловец в третьем заплыве?

2. Футболист на тренировке наносит удары по мячу, лежащему на горизонтальной площадке и направляет мяч к вертикальной стенке. После абсолютно упругого соударения со стенкой на высоте $h = 5,4$ м мяч падает на площадку. Расстояние от точки старта до стенки в 3 раза больше расстояния от стенки до точки падения мяча на площадку.

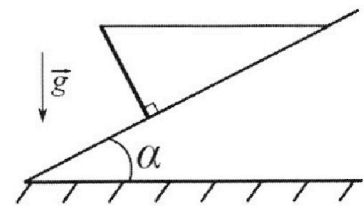
- 1) Найдите наибольшую высоту H , на которой мяч находится в полете.
- 2) Через какое время t_1 после соударения со стенкой мяч упадет на поле?

Допустим, что в момент соударения мяча со стенкой на высоте h , стенка движется навстречу мячу. Расстояние между точками падения мяча на поле в случаях: стенка покоится, стенка движется, $d = 1,8$ м.

- 3) Найдите скорость U стенки в момент соударения.

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха пренебрежимо мало. Соударения мяча со стенкой абсолютно упругие. Траектории мяча лежат в вертикальной плоскости перпендикулярной стенке.

3. Однородный стержень удерживается на шероховатой наклонной плоскости горизонтальной нитью, прикрепленной к стержню в его наивысшей точке. Сила натяжения нити $T = 17,3$ Н. Угол между стержнем и плоскостью прямой. Наклонная плоскость образует с горизонтальной плоскостью угол $\alpha = 30^\circ$.



- 1) Найдите массу m стержня.
- 2) Найдите силу $F_{тр}$ трения, действующую на стержень.
- 3) При каких значениях коэффициента μ трения скольжения стержень будет находиться в покое? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 09-02

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные
дроби и радикалы.

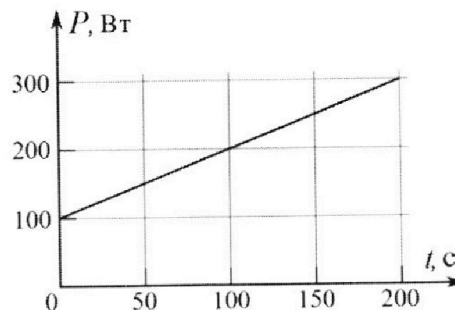


4. Воду объемом $V = 1$ л нагревают на электроплитке. Начальная температура воды $\tilde{t}_0 = 16$ °С. Сопротивление спирали электроплитки $R = 25$ Ом, напряжение источника $U = 100$ В. Зависимость мощности P тепловых потерь от времени t представлена на графике (см. рис.).

1) Найдите мощность P_H нагревателя.

2) Найдите температуру \tilde{t}_1 воды через $T = 180$ с после начала нагревания.

Плотность воды $\rho = 1000$ кг/м³, удельная теплоемкость воды $c = 4200$ Дж/(кг·°С).

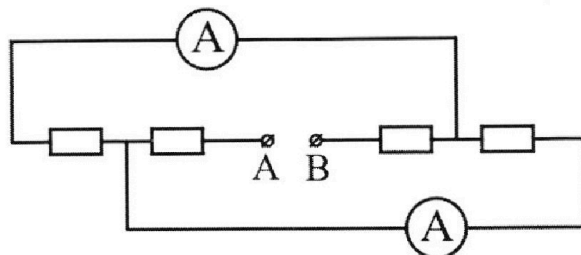


5. В электрической цепи, схема которой представлена на рисунке, четыре резистора, у двух из которых сопротивление по 30 Ом, у двух других сопротивление по 60 Ом. Сопротивление амперметров пренебрежимо мало.

После подключения к клеммам А и В источника постоянного напряжения показания амперметров оказались различными. Большее показание $I_1 = 2$ А.

1) Найдите показание I_2 второго амперметра.

2) Какую мощность P развивают силы в источнике?



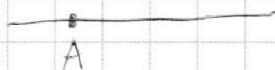
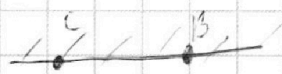
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$AC = 50 \text{ м}$$

$$T_1 = 100 \text{ с}$$

$$BC = 110 \text{ м}$$

$$T_2 = 240 \text{ с}$$

$$1) \quad v_1 = ? \quad v_2 = ?$$

$$2) \quad v = ?$$

$$3) \quad S = ?$$

$$1) \quad AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} =$$

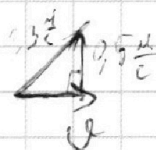
$$= \sqrt{2500 + 14400} =$$

$$= \sqrt{16900} = 130 \text{ м}$$

$$v_1 = \frac{130 \text{ м}}{100 \text{ с}} = \frac{13}{10} \frac{\text{м}}{\text{с}} = 1,3 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$v_2 = \frac{130 \text{ м}}{240 \text{ с}} = \frac{13}{24} \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\text{Ответ: } 1,3 \frac{\text{м}}{\text{с}}; \frac{13}{24} \frac{\text{м}}{\text{с}}$$



$$\frac{50}{100} = 0,5$$

$$v = \sqrt{169 \cdot 0,01 - 25 \cdot 0,01} =$$

$$= 0,1 \sqrt{144} = 0,1 \cdot 12 = 1,2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\text{Ответ: } 1,2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

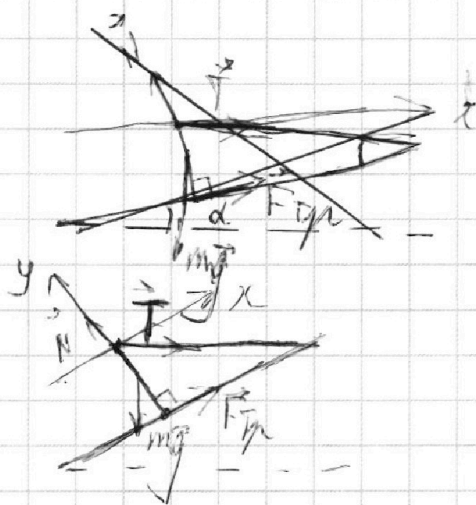
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\alpha = 30^\circ \quad T = 17,3 \text{ Н}$$

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

Кол ОХ: $F_{\text{ТН}} = \mu N$

$$F_{\text{ТН}} + T \cos \alpha - mg \cos 60^\circ = 0$$

Кол ОУ: $mg \cos 60^\circ \frac{l}{2} = F_{\text{ТН}} l$

$$N = mg \cos \alpha + T \cos 60^\circ$$

$$\frac{mg}{2} \cos 60^\circ = F_{\text{ТН}}$$

$$T \cos \alpha = mg \cos 60^\circ - \frac{mg}{2} \cos 60^\circ$$

$$2) F_{\text{ТН}} = \frac{34,6 \sqrt{3}}{2} \cdot \frac{1}{2}$$

$$T \cos \alpha = \frac{1}{2} mg \cos 60^\circ$$

$$F_{\text{ТН}} = \frac{17,3 \sqrt{3}}{2} = \frac{17,3 \cdot 3}{2} = \frac{17,3 \cdot 3 \sqrt{3}}{2}$$

$$T = \frac{\frac{17,3 \sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2} \cos 60^\circ} = \frac{17,3 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{4}} = \frac{17,3 \sqrt{3}}{1/2}$$

Ответ: $\frac{17,3 \sqrt{3}}{2}$

$$= \frac{17,3 \sqrt{3}}{1/2} = 2 \cdot \frac{17,3 \sqrt{3}}{1} = 34,6 \sqrt{3} \text{ Н}$$

$$3) \mu = \frac{F_{\text{ТН}}}{N} = \frac{\frac{17,3 \sqrt{3}}{2}}{17,3 \cdot 3 + 17,3 \cdot \frac{1}{2}} = \frac{\frac{17,3 \sqrt{3}}{2}}{17,3 \cdot 3,5} = \frac{\sqrt{3}}{7}$$

Ответ: $\frac{\sqrt{3}}{7}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



4

$$V = 1 \text{ м} = 0,001 \text{ м}^3$$

$$P = \frac{1000 \text{ Вт}}{4 \text{ А}} R = 25 \text{ Ом}$$

$$t = 100 \text{ с} \rightarrow t_0 = 16^\circ \text{C}$$

$$U = 100 \text{ В}$$

$$P_H = UI = \frac{U^2}{R} = \frac{100 \cdot 100}{25} = 400 \text{ Вт}$$

1) Ответ: 400 Вт

2) $P(t) = P_0 + kt = 100 + \downarrow$

$$T = 100 \text{ с} \quad k = \frac{t_0 - T}{t_0} = \frac{100 - 300}{100} = -2 \text{ Вт/с}$$

$$P_H = \langle P \rangle + \frac{c m \Delta T}{t}$$

$$P(t_0) = 280 \text{ Вт}$$

$$P_0 = 100 \text{ Вт}$$

$$\langle P \rangle = \frac{380}{2} = 190 \text{ Вт}$$

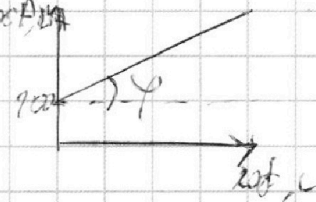
$$\frac{c m \Delta T}{t} = P_H - \langle P \rangle$$

$$\frac{c \rho V (\tilde{T}_1 - \tilde{T}_0)}{t} = 210$$

$$4200 \cdot 10 \cdot (\tilde{T}_1 - 16) = 210 \cdot 210 \cdot 100$$

$$\tilde{T}_1 = 16 + \frac{21 \cdot 10}{42} = 16 + 9 = 25^\circ \text{C}$$

Ответ: 25°C



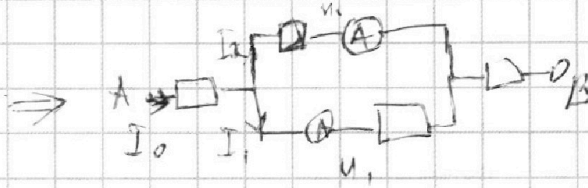
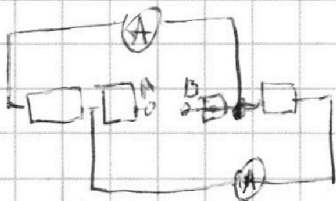
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Т.к. показаниям амперметров
различны, то резистор с
амперметрными резисторами с

Реш

Если бы были показаны ~~разными~~ ~~соответственно~~.

Т.е. резистор с амперметром у которого
показание больше будет находиться резистор
с сопротивлением 30 Ом.

$$I_1 = 2 \text{ A} \quad R_1 = 30 \text{ Ом} \quad R_2 = 60 \text{ Ом}$$

1) $I_2 = ?$

$$U_1 = I_1 \cdot 30 \text{ Ом}$$

2) $P = ?$

$$U_2 = I_2 \cdot 60 \text{ Ом}$$

$$U_1 = U_2 \quad I_2 = 1 \text{ A}$$

1) Ответ: 1 A

2) $I_0 = I_1 + I_2 = 3 \text{ A}$

$$R_0 = 30 + 60 + \frac{30 \cdot 60}{90} = 90 + \frac{60}{3} = 110 \text{ Ом}$$

$$P = UI = I^2 R = 9 \cdot 110 = 990 \text{ Вт}$$

Ответ: 990 Вт

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

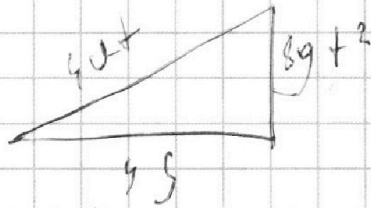
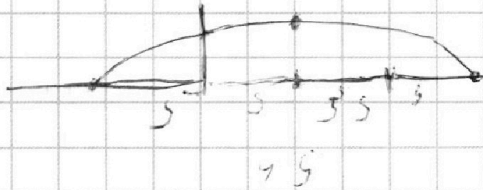
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

2.



$$4.5 = v_x t$$

$$\begin{cases} 5.4 = v_x t - \frac{g t^2}{2} \\ H = v_y t - \frac{g t^2}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} 10.8 = 21.6 = 4.5 v_x t - \frac{g t^2}{2} \\ H = 2 v_y t - \frac{g t^2}{2} \end{cases}$$

$$6 v_x t = 21.6 + H$$

$$H = 6 v_x t - 21.6$$

$$\begin{cases} 10.8 = 2 v_y t - \frac{g t^2}{2} \\ H - 10.8 = -\frac{g t^2}{2} \end{cases}$$

$$H = 10.8 - \frac{g t^2}{2}$$



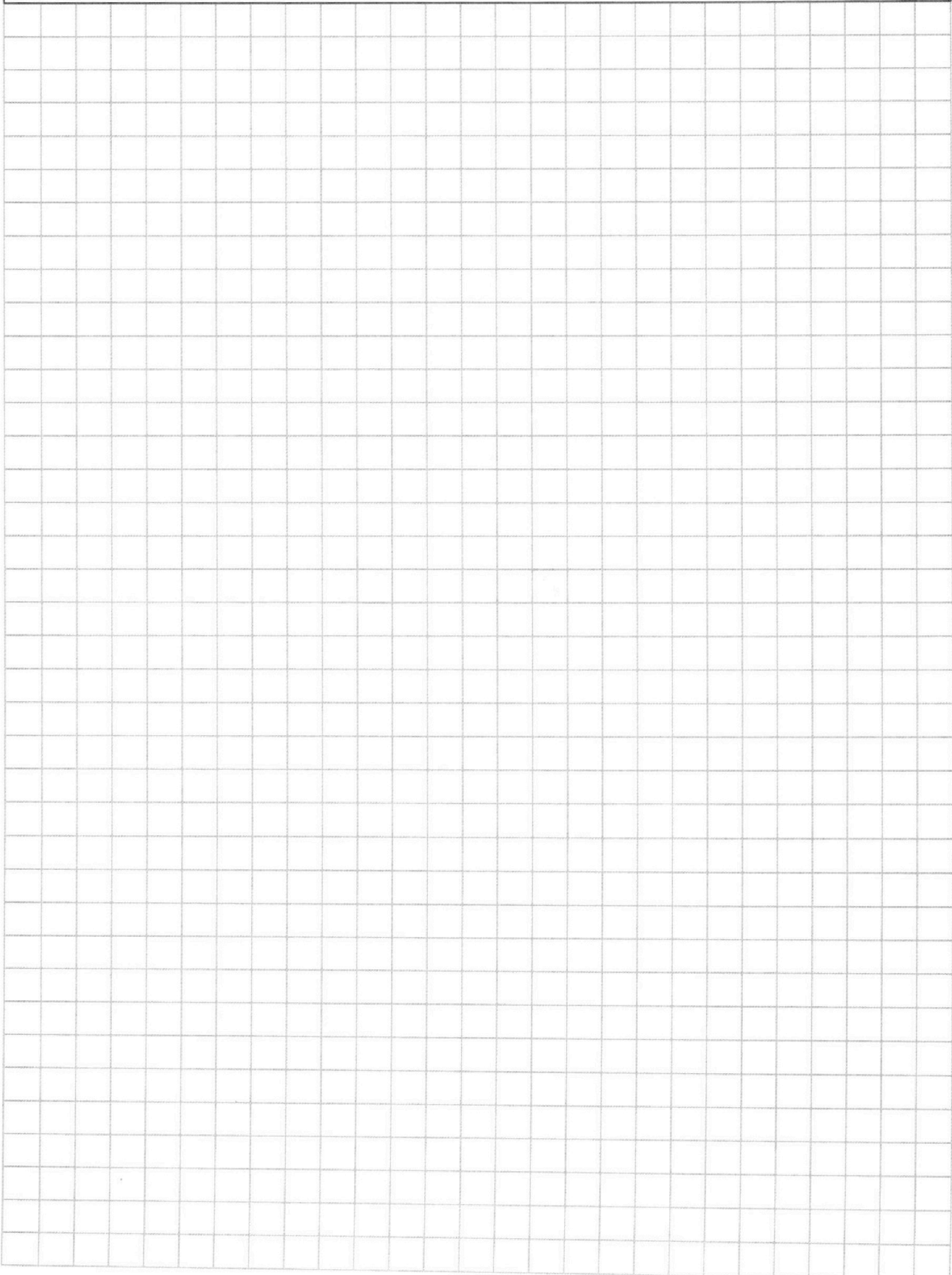
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



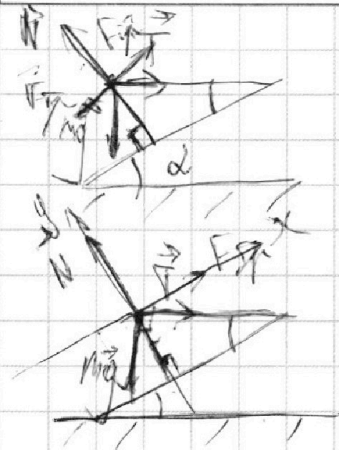
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$\alpha = 30^\circ$
 $|\vec{v}| = 1.8 \frac{m}{s}, 3 M$

~~$14.3\sqrt{3}$~~
 $m = \frac{2T \cos \alpha}{g \cos 60}$

по ОХ:

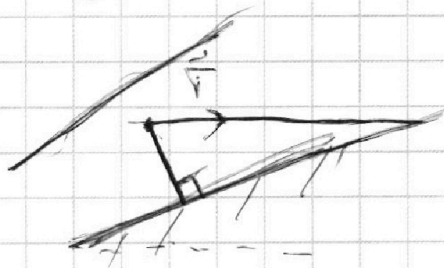
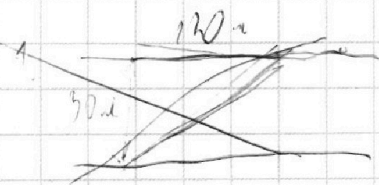
$F_{Tpx} + T \cos \alpha - mg \cos 60 = 0$

$mg \cos 60 = F_{Tpx}$

~~$mg \frac{\sqrt{3}}{4} = F_{Tpx}$~~

$N = T \cos 60 + mg \cos \alpha$

~~$F_{Tpx} = T$~~

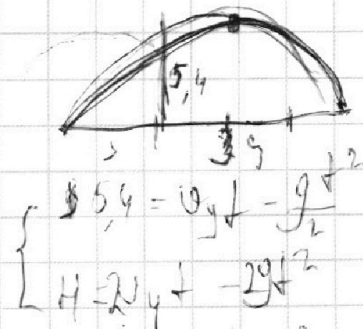


$\frac{1}{2} mg \cos 60 - mg \cos 60 =$

$T \cos \alpha = mg \cos 60 - \frac{1}{2} mg \cos 60$

$T \cos \alpha = \frac{1}{2} g \cos 60 m$

$m = \frac{14.3 \frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{4} \cdot 10} = \frac{14.3 \sqrt{3}}{\frac{2}{4}} = \frac{34.65 \sqrt{3}}{10}$



$F_{Tpx} = 34.65 \cdot \frac{1}{4} = 2 \cdot 14.3 \sqrt{3} = 3.46 \sqrt{3}$

$16s^2 + 640^2 t^2 = 160^2 t^2$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

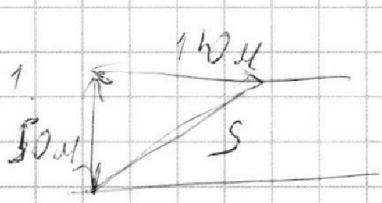
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$S = \sqrt{120^2 + 50^2} = \sqrt{14400 + 2500}$$

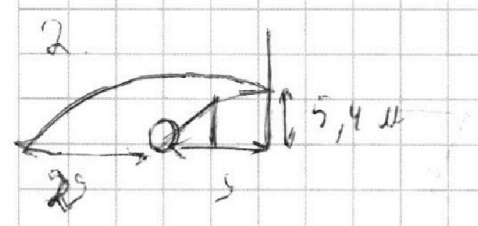
1) $v_1 = \frac{130 \mu}{100 \text{ c}} = 1,3 \frac{\mu}{\text{c}}$
 $v_2 = \frac{130 \mu}{240 \text{ c}} = \frac{13 \mu}{24 \text{ c}}$

$$= \sqrt{16900} = 130 \mu$$

$$\frac{1}{R_0} = \frac{1}{30} + \frac{1}{10}$$

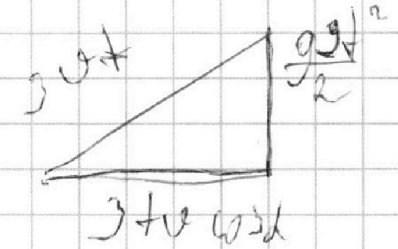
$$= \frac{40}{1300} = \frac{1}{32,5}$$

2)



$$5,4 = v_y t - \frac{gt^2}{2}$$

$$v_y = v \sin \alpha$$



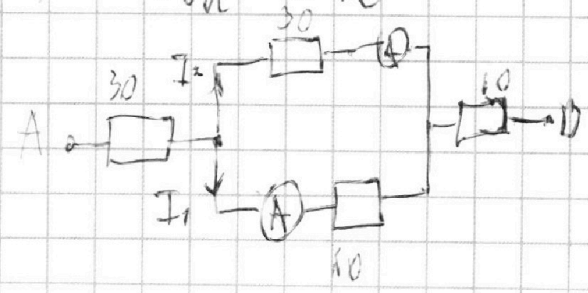
$$H_{\text{max}} = v \sin \alpha \cdot t - \frac{gt^2}{2}$$

$$v_x = v \cos \alpha$$

$$5,4 = v \sin \alpha t - \frac{gt^2}{2}$$

$$H = v_0 \sin \alpha \cdot 1,5 - \frac{g v_0^2 \cos^2 \alpha}{2}$$

= 6



$I = 4$
 $U = 120 \text{ B}$



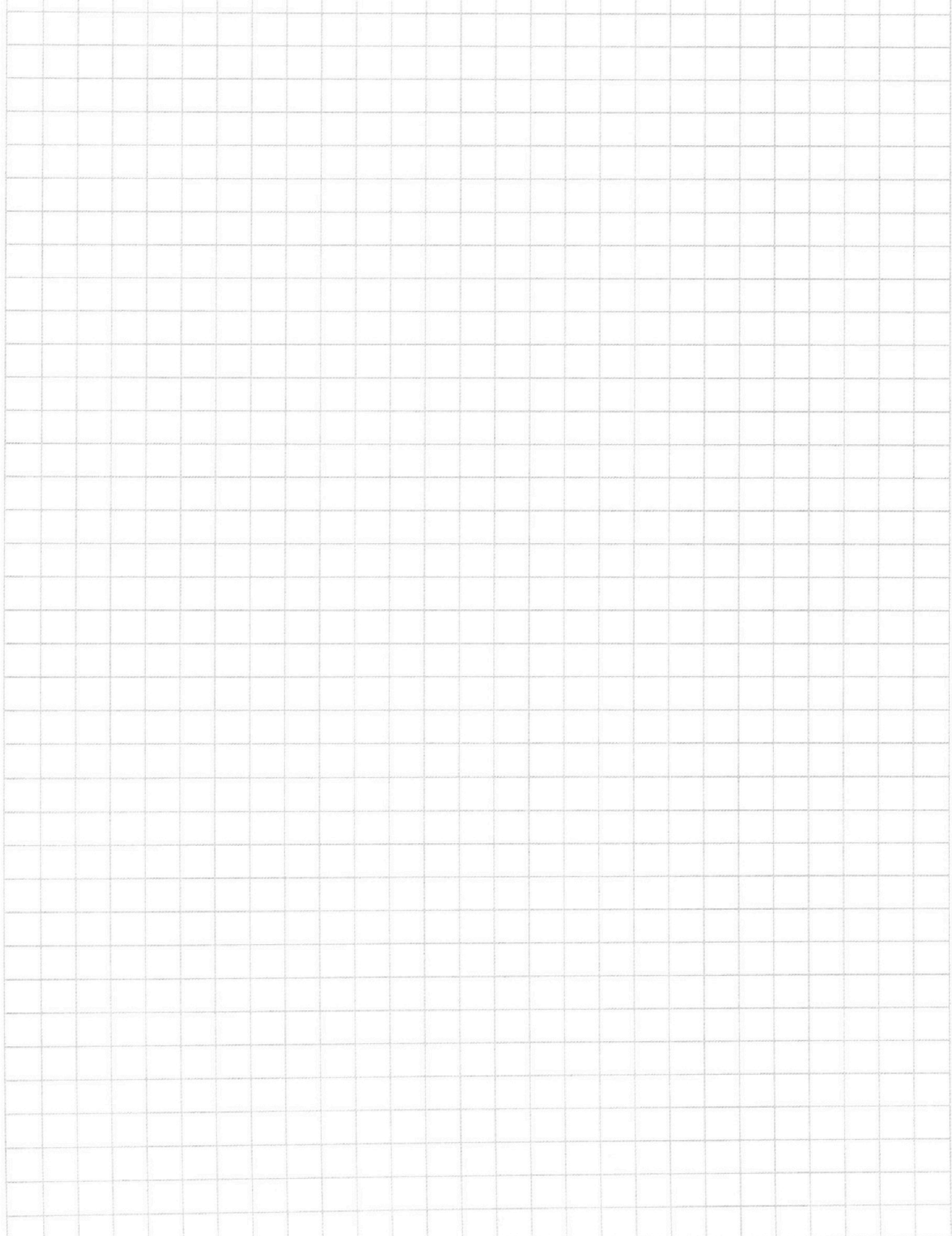
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

