



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

9 КЛАСС. Вариант 13



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $3^{11}7^{11}$, bc делится на $3^{18}7^{16}$, ac делится на $3^{21}7^{38}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}, b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-8ab+b^2}$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{2x^2-3x+4}-\sqrt{2x^2+x+3}=1-4x.$$

4. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , диаметр AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC=1$ и $BC=16$. Найдите длину общей касательной к окружностям ω и Ω .
5. [4 балла] Ненулевые действительные числа x, y, z удовлетворяют равенствам

$$3x+2y=z \quad \text{и} \quad \frac{3}{x}+\frac{1}{y}=\frac{2}{z}.$$

Найдите наибольшее возможное значение выражения $\frac{3x^2-4y^2-z^2}{x^2-6y^2}$.

6. [5 баллов] Из пункта A в пункт B выезжают одновременно велосипедист и мотоциклист. Оба они движутся с постоянной скоростью, и мотоциклист прибывает в пункт B на 2 часа раньше велосипедиста. Если бы велосипедист ехал со своей скоростью в течение того времени, что понадобилось мотоциклисту на дорогу от A к B , а мотоциклист – в течение того времени, что понадобилось велосипедисту на этот путь, то мотоциклист проехал бы на 96 километров больше. Если бы скорость каждого из них возросла на 6 км/ч, то велосипедист приехал бы в B на 1 час 15 минут позже велосипедиста. Найдите расстояние между A и B .
7. [6 баллов] Вписанная окружность ω прямоугольного треугольника ABC с прямым углом B касается его сторон CA, AB, BC в точках D, E, F соответственно. Луч ED пересекает прямую, перпендикулярную BC , проходящую через вершину C , в точке Y ; X – вторая точка пересечения прямой FY с окружностью ω . Известно, что $EX=2\sqrt{2}XY$. Найдите отношение $AD:DC$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Разложим числа на простые множители $a, b, c \in \mathbb{N}$

$$a = 3^{a_3} \cdot 7^{a_7}; \quad b = 3^{b_3} \cdot 7^{b_7}; \quad c = 3^{c_3} \cdot 7^{c_7} \quad \left| \begin{array}{l} a_3, b_3, c_3 \geq 0 \\ a_7, b_7, c_7 \in \mathbb{N} \end{array} \right.$$

Тогда, если $ab = 3^{11} \cdot 7^4$, то $a_3 + b_3 \geq 11$, $a_7 + b_7 \geq 4$

$$bc = 3^{18} \cdot 7^{16}, \quad b_3 + c_3 \geq 18, \quad b_7 + c_7 \geq 16$$

$$ac = 3^{21} \cdot 7^{38}, \quad a_3 + c_3 \geq 21, \quad a_7 + c_7 \geq 38$$

Тогда $2(a^3 + b^3 + c^3) \geq 50$, т.е. $a^3 + b^3 + c^3 \geq 25$.

$$\text{и } 2(a^7 + b^7 + c^7) \geq 65$$

принимая попарные
суммы ≥ 25 , получим
все три

лю
то,
чтобы

$$a^3 + b^3 + c^3 \geq 33, \text{ но } a^3 + c^3 \geq 38, \text{ поэтому}$$

$$a^3 + b^3 + c^3 \geq 39$$

То есть наибольшее $abc = 3^{25} \cdot 7^{39}$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{2x^2-3x+4} - \sqrt{2x^2+x+3} = 1-4x$$

$$\sqrt{2x^2+x+3} + 1-4x - \sqrt{2x^2+x+3} = 1-4x$$

~~1-4x=0~~
 $2x^2-3x+4 \geq 0$
 $2x^2+x+3 \geq 0$

Пусть $a = 2x^2+x+3$ и $b = 1-4x$, тогда

$$\sqrt{a+b} - \sqrt{a} = b \quad \sqrt{a+b} = 0$$

~~$(\sqrt{a+b} - \sqrt{a})^2 = b^2$~~
 ~~$2a+b - 2\sqrt{a} \sqrt{a+b} = b^2$~~

$$(\sqrt{a+b})^2 = (b + \sqrt{a})^2 \quad a+b = b^2 + 2\sqrt{a}b + a$$

$$b(b + 2\sqrt{a} - 1) = 0$$

$$b = 0 \quad \text{или} \quad b + 2\sqrt{a} - 1 = 0$$

$$1-4x = 0$$

$$x = \frac{1}{4}$$

$$b - 1 = -2\sqrt{a}$$

$$1-4x-1 = -2\sqrt{2x^2+x+3}$$

$$(-4x) = (-2\sqrt{2x^2+x+3})$$

$$16x^2 = 4(2x^2+x+3)$$

~~$8x^2 - 4x - 12 = 0$~~

$$2x^2 - x - 3 = 0$$

$$D = \frac{1+24}{1+24} = 25$$

$$x_1 = \frac{1-5}{4} = -1$$

не подходит

$$x_2 = \frac{6}{4} = 1,5$$

не подходит

$x \geq 0$
 ~~$x = 1,5$~~

$$\sqrt{2x^2+x+3} + 1-4x \geq 0$$

Ответ: $\frac{1}{4}$ или $0,25$.

$$\sqrt{2 \cdot 2,25 + 1,5 + 3} + 1 - 6 =$$

$$= \sqrt{9} - 5 = 3 - 5 = -2$$

не подходит

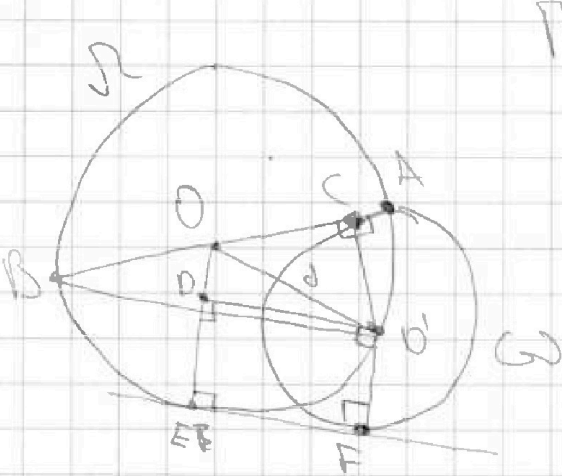
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

ЛМФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Пусть расстояние между
центрами окружностей = d .

$$O'B = b; O'A = a,$$

$$O'C = r - \text{радиус } G$$

$$OO' = d; OA = R = \text{радиус } D$$

$$AC = 1; BC = 16; R = \frac{AC \cdot BC}{AB} = \frac{1 \cdot 16}{2} = 8,5$$

на диаметре AB проведем

общую касательную EF .

Разделим EF на отрезки OE и OF . Проведем OD и $O'D$. Тогда $OD = OE - OF = R - r$ и $OO' = d$.

По ПТ из $\triangle ODO'$: $d^2 = (R-r)^2 + x^2$

$$По ПТ из \triangle O'CO: (O'C)^2 + (CO)^2 = d^2, \text{ т.е. } r^2 + (R-1)^2 = d^2$$

$$Подставим d^2, получим: r^2 + R^2 - 2R + 1 = R^2 - 2Rr + r^2 + x^2, \text{ тогда } x^2 = 2R(r-1) + 1$$

$$По ПТ из \triangle BO'A: a^2 + b^2 = 4R^2 \quad (\angle BO'A = 90^\circ, \text{ т.к. опущена перпендикуляр } AB)$$

$$По ПТ из \triangle O'CB: (O'C)^2 + (BO)^2 = (BO')^2$$

$$\frac{16}{16} + \frac{r^2}{r} = \frac{16}{6} \quad 256 + r^2 = b^2 \quad По ПТ из \triangle AOC: a^2 = 1 + r^2$$

$$Сложим 2 уравнения $\Rightarrow \frac{a^2 + b^2}{4R^2} = \frac{2r^2 + 256}{4R^2} \quad 2r^2 = 289 - 256$$$

$$2r^2 = 32; r = 4, > 0. \quad x^2 = 2 \cdot 8,5 \cdot (4-1) + 1 = 14 \cdot 3 + 1 = 52 \quad x = 2\sqrt{13}. \quad \text{Ответ: } 2\sqrt{13}!$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

(1) $3x+2y=z$. (2) $\frac{3}{x} + \frac{2}{y} = \frac{2}{z}$ - по условию $x, y, z \neq 0$

(2) $\frac{3}{x} + \frac{2}{y} = \frac{2}{z}$ $\frac{3y+x}{xy} = \frac{2}{z}$ $\begin{cases} 3yz+xz=2xy & + \\ 3x^2+2xy=xz & \end{cases}$

Умножим (1) на x , тогда

$3yz+3x^2=2xy+xz-2xy-xz \Rightarrow -yz=x^2 \quad z = -\frac{x^2}{y}$

Подставим z в (2), тогда $\frac{3y+x}{xy} = -\frac{2y}{x^2} \quad x \neq 0$

Т.е. $3yx+x^2 = -2y^2 \quad x^2+3yx+2y^2=0$

$x^2+xy+2xy+2y^2 = x(x+y)+2y(x+y) = 0 \quad (x+y)(x+2y) = 0$

1. $\begin{cases} x = -y \\ z = \frac{x^2}{x} = x \end{cases}$ или 2. $\begin{cases} x = -2y \\ z = \frac{xy}{y} = -4y \end{cases}$

$\frac{3x^2-4y^2-z^2}{x^2-6xy} =$ Подставим 1 и 2 в $\frac{3x^2-4y^2-z^2}{x^2-6xy}$

случай 1: $\frac{3x^2-4(-x)^2-(-x)^2}{x^2-6(-x)x} = \frac{3x^2-4x^2-x^2}{x^2+6x^2} = \frac{-2x^2}{7x^2} = -\frac{2}{7}$

случай 2: $\frac{3(-2y)^2-4y^2-(-4y)^2}{(-2y)^2-6y^2} = \frac{12y^2-4y^2-16y^2}{4y^2-6y^2} = \frac{-8y^2}{-2y^2} = 4$

Наибольшее значение = 4.

Ответ: 4.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Пусть скорость велосипедиста - c , скорость мотоциклиста - d .
Время на АВ велосипедиста - a , мотоциклиста - b .

Тогда $a = b + 2$, (1) $\frac{S}{c} = \frac{S}{d} + 2$ - по времени

(2) $bc + 96 = ad$ - по энергии, (3) $\frac{S}{c+b} = \frac{S}{d+b} + \frac{5}{4}$

Также $S = ac$; $S = bd$.

Из (1) $S(\frac{1}{c} - \frac{1}{d}) = 2$ $S(\frac{d-c}{cd}) = 2$ $S = \frac{2cd}{d-c}$.

Тогда $\frac{2cd}{d-c} = ac = bd$. $\frac{2d}{d-c} = a$; $\frac{2c}{d-c} = b$

$$\begin{cases} ad - ac = 2d \\ bd - bc = 2c \end{cases} + \begin{cases} ad - bc = 2(c+d) \\ 96 = 2(c+d) \end{cases}$$

$c+d = 48$ $c = 48 - d$

$S = \frac{2(48-d)d}{2d-48}$; Из (3) $S(\frac{d+b-c-b}{(c+b)(d+b)}) = \frac{5}{4}$ $S = \frac{5(c+b)(d+b)}{4(d-c)}$

$= \frac{5(54-d)(d+6)}{4(2d-48)}$ Получаем $\frac{2(48-d)d}{2d-48} = \frac{5(54-d)(d+6)}{4(2d-48)}$

$8d(48-d) = 5(54-d)(d+6)$ $c \neq d$

$384d - 8d^2 = 270d + 1620 - 5d^2 - 30d$

~~$3d^2 - 96d + 1620 = 0$~~ ~~$d^2 - 32d + 540 = 0$~~

$3d^2 - 144d + 1620 = 0$ $d^2 - 48d + 540 = 0$

$d = \frac{48+12}{2} = 30$; $d_2 = \frac{48-12}{2} = 18$.

$S = \frac{2 \cdot 30 \cdot 18}{30-18} = \frac{60 \cdot 18}{12} = 90 \text{ км}$ $d > c$, поэтому $d = 30$; $c = 18 \text{ км/ч}$

Ответ: 90 км.

$$\begin{array}{r} 36 \\ 148 \\ 148 \\ \hline 132 \\ 132 \\ \hline 2604 \end{array}$$



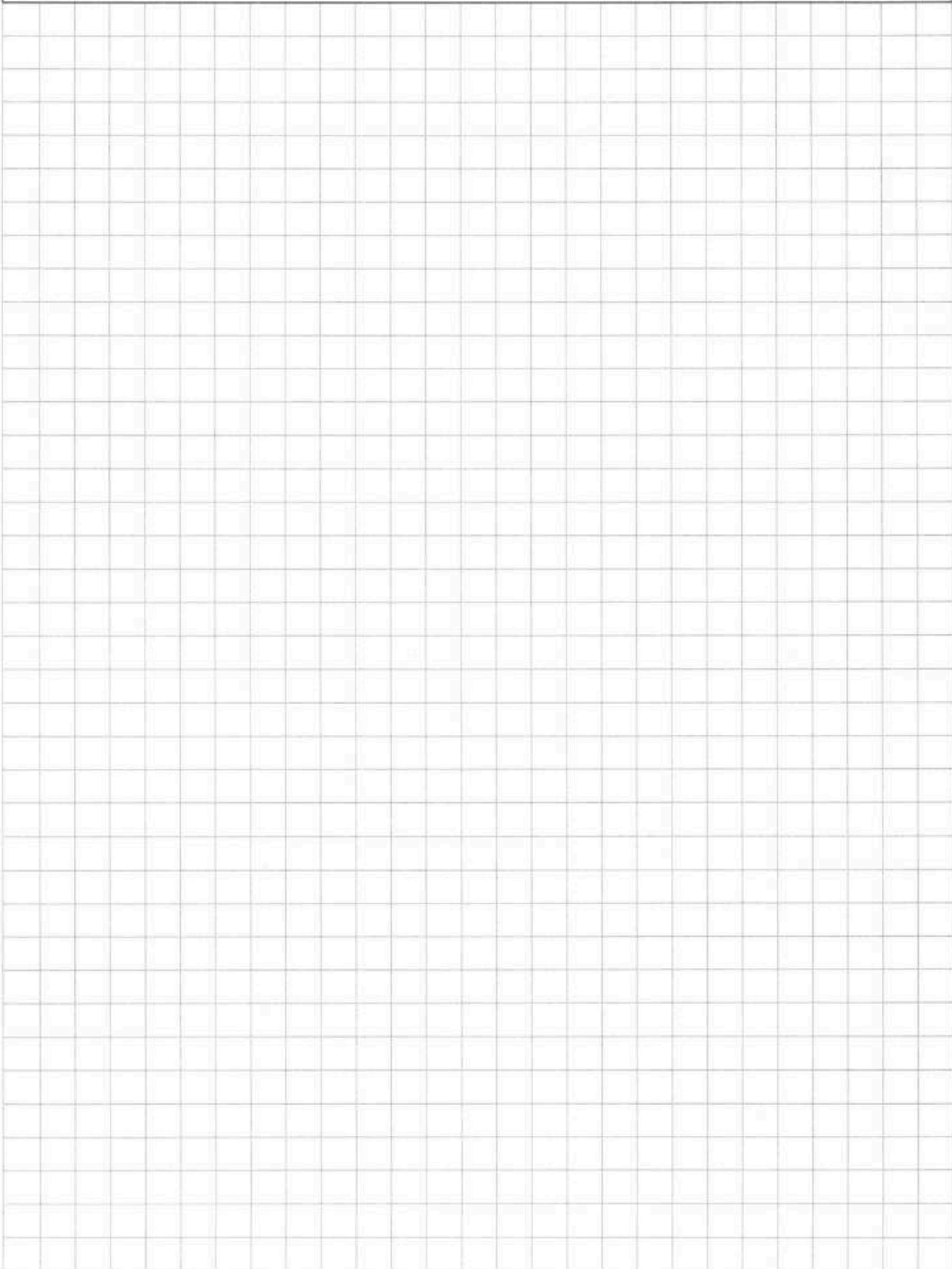
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\frac{a+b}{a^2-8ab+b^2} = \frac{a+b}{(a-b)^2-3b^2} = \frac{a+b}{4(a-b)^2-3a^2-3b^2} = \frac{a+b}{(2(a-b)-a)(2(a-b)+a)-2a^2-3b^2}$$

$$= \frac{a+b}{(a-b)(3a-b)} \quad \frac{a+b}{b(4a-b)+a^2-3b^2} = \frac{a+b}{b^2+a+2\sqrt{a}b} = a+b$$

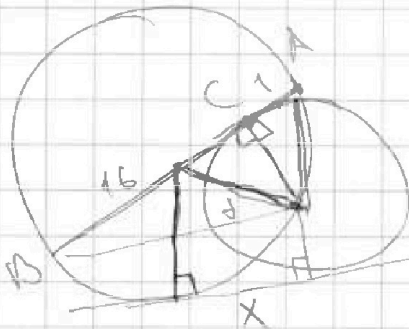
$$\frac{a+b}{4(a-b)^2-3a^2-3b^2} = \frac{a+b}{-4b(2a-b)+a^2-3b^2} = \frac{a+b}{a^2-4b(2a-b)-3b^2}$$

$$\frac{a+b}{(2a-2b)(a-b)(a+4b)} \quad a = kb + y \quad (R-r)^2 + x^2 = d^2$$

$$\frac{b(k+1)+y}{k^2b^2+2ykb+y^2-8kb^2-8yb\cdot b^2} = \frac{b(k+y)+y}{y(kb+b+y)+ykb+b^2}$$

$$kb = b + y \quad \frac{1}{8} \cdot 4 - \frac{3}{2} = \frac{1}{8} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$$

$$\frac{y(kb+b+y)+kb(kb+b+y)-9kb^2-9yb\cdot b^2}{b^2+9b(kb+y)} = \frac{a(a+b)+b^2-9ab}{(a+b)(a-b)+2b^2-8b(a)}$$



$$d^2 = (R-r)^2 + x^2 \quad g = R$$

$$d^2 = r^2 + (R-1)^2$$

$$k^2 + R^2 - 2R + 1 = k^2 + R^2 - 2Rr + x^2$$

$$2R(r-1) + 1 = x^2$$

$$a+b^2 = 289 \quad r+1=a^2 \quad b^2 = r^2 + 256$$

$$2r^2 = 289 - 256 = 32 \quad r=4 \quad 17-3+1 = x^2$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$ab = 3^{14} \cdot 4^x$$

$$bc = 3^{16} \cdot 4^y$$

$$ac = 3^{21} \cdot 4^{38}$$

$$a^2 = 3^8 \cdot 4^5 \cdot \frac{3^5 \cdot 4^5}{x} = 3^{13} \cdot 4^{38} \cdot 2$$

$$b^2 = 3^8 \cdot 4^{22} \cdot \frac{2}{y}$$

$$a^2 = \frac{2x}{y} \cdot 3^{14} \cdot 4^{31}$$

$$b = \frac{a \cdot y}{2}$$

$$2x \cdot y \cdot (x-1) = 2x \cdot 3 \cdot 4$$

$$a = \frac{b^2}{y} \cdot 3^8 \cdot 4^{11}$$

$$\frac{c^2 \cdot x}{3^{10} \cdot 4^{24} \cdot 2} = 3^{16} \cdot 4^6 \cdot y$$

$$c = 3^{10} \cdot 4^{24} \cdot \frac{2}{x}$$

$$c^2 = 3^{20} \cdot 4^8 \cdot \frac{4 \cdot y^2}{x^2}$$

$$b = \frac{c \cdot x}{3^{10} \cdot 4^{24} \cdot 2}$$

$$a^2 b^2 c^2 = \frac{x \cdot y^2}{x^2 \cdot y^2} \cdot 3^{50}$$

$$10(kb+x)b = kb^2 + kbx$$

$$a = kb + x$$

$$(kb+x+b)^2 = kb^2 + x^2 + b^2 + 2kbx + 2kb + 2bx$$

$$kb + x + b$$

$$kb + b + k$$

$$kb^2 + 2kbx + x^2 - 8kb^2 - 8xb + b^2 = kb(kb+x+b) - 8kb^2 + kbx + x^2 - 8bx + b^2$$

$$\frac{a \cdot b}{a^2 - 8ab + b^2} = \frac{a+b}{(a+k)^2 - 10ab}$$

$$\frac{kb+x+b}{(k+x-b)^2 - (kb+x)b} = \frac{kb+x+b}{kb^2 + 2kbx + x^2 + 8(kb^2 + bx) - b^2}$$

$$kb + x + b$$

$$kb + x + b$$

$$= \frac{kb^2 + 2kbx + x^2 - 8b(kb+x+b) + 8b^2}{kb(kb+x+b) + kbx + x^2 - kb^2 - 8b^2 - 8b(kb+x+b)}$$

$$kb + x + b$$

$$ab + x + b$$

$$= \frac{b \cdot (kb+x+b) - bx - kb^2 - 8b^2 + kb(kb+x+b) - 8b(kb+x+b)}{(kb+x+b)(kb+x+b) - 10b(kb+x+b) - b(kb+x+b) + 8b^2} = \frac{kb+x+b}{(kb+x+b)(kb+x+b) - 10b(kb+x+b) - b(kb+x+b) + 8b^2}$$

$$= \frac{kb+x+b}{(kb+x+b)(kb+x+b) - 10b(kb+x+b) - b(kb+x+b) + 8b^2}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{2x^2 - 3x + 4} = \sqrt{2x^2 + x + 3} - 1 - 4x \quad 2x^2 - 3x + 4 \geq 0 \quad 2x^2 + x + 3 \geq 0$$

$x=0, x=1,66$ $x=0, x=-1,66$

$$(\sqrt{2x^2 - 3x + 4} - \sqrt{2x^2 + x + 3})^2 = (1 - 4x)^2 \quad 1 - 4x \geq 0 \quad x \leq 0,25$$

$$2x^2 - 3x + 4 - 2\sqrt{(2x^2 - 3x + 4)(2x^2 + x + 3)} + 2x^2 + x + 3 = 1 - 8x + 16x^2$$

$$2\sqrt{(2x^2 - 3x + 4)(2x^2 + x + 3)} = 6x + 6 - 12x^2$$

$$(2\sqrt{(2x^2 - 3x + 4)(2x^2 + x + 3)})^2 = (6(x + 1 - 2x^2))^2$$

$$4(2x^2 - 3x + 4)(2x^2 + x + 3) = 36(x + 1 - 2x^2)(x + 1 - 2x^2)$$

$$4x^4 + 2x^3 + 6x^2 - 6x - 3x - 9x + 8x^2 + 4x + 12 = 9x^4 + 9x^3 - 18x^2 + 9x + 9 - 18x^2 - 18x - 18x^2 + 36x^4$$

$$32x^4 - 32x^3 - 38x^2 + 23x - 3 = 0$$

$$(5x + 3 - x^2)(32x^2 - 38) = x(32x^2 - 38)$$

$$32x^4 - 32x^3 - 32x^2 + 32x = 3 + 6x + 9x$$

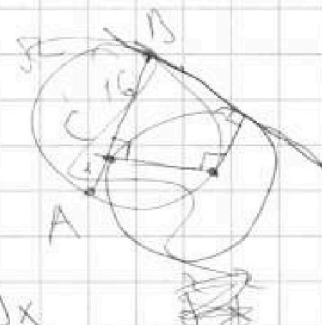
$$32(x^4 - x^3 - x^2 + x) = 3(2x^2 + 3x + 1)$$

$$32(x^4 - x^3 - (x^2 - x)) = 3(2x^2 + 1)(x + 1)$$

$$32(x^2(x^2 - 1) - x(x^2 - 1)) = 3(2x^2 + 1)(x + 1)$$

$$32(x - 1)(x + 1) \cdot x(x - 1) = 3(2x^2 + 1)(x + 1)$$

$$32x^3 - 64x^2 + 32x = 6x^2 + 3 \quad 2x^2 + x + 3 = a \quad 1 - 4x = b$$



$$D = 16x$$

$$a = 0$$

$$3a + 4b = 0$$

$$6x^2 + 3x + 9x + 4 - 16x = 0$$

$$6x^2 - 13x + 13 = 0$$

$$x = -1$$

$$\sqrt{a + b} \quad \sqrt{a} = b \quad 3a^2 + 4ab = 0$$

$$a + b + 2\sqrt{a^2 + ab} + a = b \quad -a = 2\sqrt{a^2 + ab} \quad a = 4a^2 + 4ab$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$9x^2 + 12xy + 4y^2 = 2$$

$$\frac{3x+y}{x+y} = \frac{2}{x^2}$$

$$3x+y = \frac{2}{x^2}(x+y)$$

$$3x^3 + xy^2 = 2x + 2y$$

$$3x^3 - 2x = 2y - xy^2$$

$$x^2(3x-2) = y(2-xy)$$

$$x^2(3x-2) = y(2-xy)$$

$$\frac{3y+x}{x+y} = \frac{2}{x^2}$$

$$2xy = 3y^2 + 2x$$

$$x^2 = -y^2$$

$$\frac{3y+x}{x+y} = \frac{-2y}{x^2}$$

$$2x = 3x^2 + 2xy$$

$$3y^2 + x^2 = -2y^2$$

$$3y^2 = -x^2 - 2y^2$$

$$x^2 + 3xy + 2y^2 = 0$$

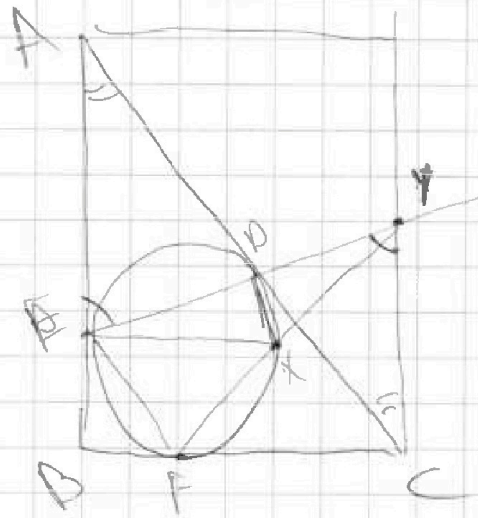
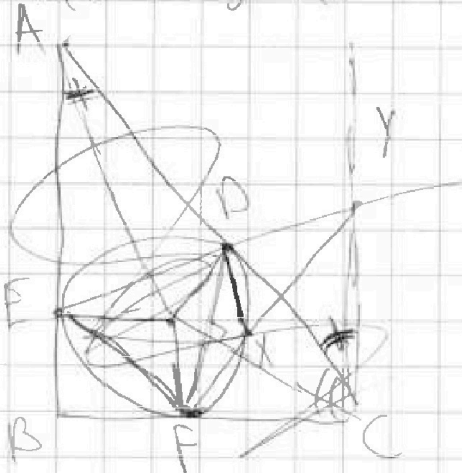
$$x^2 + 3xy + 2y^2 + 2xy = 0 \quad x(x+y) + 2y(x+y) = 0$$

$$(x+y)(x+2y) = 0$$

$$x = -y \quad x = -2y$$

$$\frac{a+b}{a^2 + b^2} = \frac{mc}{d} \quad ad + bd = mca^2 - sabmc + b^2mc$$

$$b(bmc - d) + a(ame - d) = sabmc$$



$$\frac{EX}{XY} = 2\sqrt{2}$$

$$\frac{AD}{DC} = \frac{ED}{DY} = \frac{AE}{YC}$$

$$\frac{XD}{XF} = \frac{XK}{ED}$$

$$\frac{XK}{ED} = \frac{XD}{XF} = \frac{XK}{ED}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$t_{MAN} + 2 = t_{BAN}$$

$$a + 2 = b$$

$$t_{MAN} + 2 = t_{BAN}$$

$$\frac{S}{c} + 2 = \frac{S}{d}$$

$$ac = S \quad bd = S$$

$$\frac{S}{\frac{2c}{a}} + 2 = \frac{S}{\frac{2b}{d}}$$

$$96 + ad = bc$$

$$d = \frac{S}{b}; a = \frac{S}{c}$$

~~$$96 + \frac{2b}{a} t_{MAN} = \frac{2c}{d} t_{BAN}$$~~

$$\frac{S}{c+b} + \frac{S}{4} = \frac{S}{d+b}$$

~~2~~

~~$$\frac{S}{4} = S \left(\frac{1}{d+b} - \frac{1}{c+b} \right) = S \left(\frac{c-d}{(d+b)(c+b)} \right)$$~~

$$96 = \frac{S^2}{bc} = bc$$

~~$$2 = S \left(\frac{c-d}{(d+b)(c+b)} \right)$$~~

~~$$\frac{5}{8} = \frac{S}{c+d+bc+6d} = 36$$~~

~~$$5cd = 8c$$~~

$$S = \frac{2cd}{c-d} = ad = bd$$

$$\frac{2d}{c-d} = a$$

$$\frac{2c}{c-d} = b$$

$$ac - ad = 2d$$

$$S - ad = 2d$$

~~2d~~

$$bc - bd = 2c$$

$$bc - S = 2c$$

$$bc - ad = 2(d+c)$$

$$c+d = 48$$

$$c = 48 - d$$

$$48a - 48d - ad = 2d$$

$$48b - 48d - bd = 96 - 2d$$

~~$$18(a-b) = bd - ad = 4d = 96$$~~

$$\begin{array}{r} 1 \ 4 \ 4 \\ 1 \ 4 \ 4 \\ \hline 3 \ 7 \ 8 \\ 5 \ 2 \ 6 \\ \hline 8 \ 6 \ 3 \ 6 \end{array}$$

$$S = \frac{2cd}{c-d}$$

$$S = \frac{5(d+6)(c+6)}{4(c-d)}$$

$$\frac{2(48-d)d}{48-2d}$$

$$= \frac{5(d+6)(54-d)}{4(48-2d)}$$

$$8d(48-d) = 5(54d - d^2 - 6d + 324)$$

$$384d - 8d^2 = 320d - 5d^2 - 30d + 1620$$

$$3d^2 - 94d + 1620 = 0$$

~~$$d = 86.36$$~~

$$3d^2 - 144d + 1620 = 0$$

$$d^2 - 48d + 540 = 0 \quad 4 \cdot 4 \cdot 144$$

$$D = 48^2 - 4 \cdot 4 \cdot 125 = 0 \quad \#$$