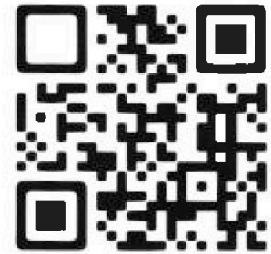




Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 10-01

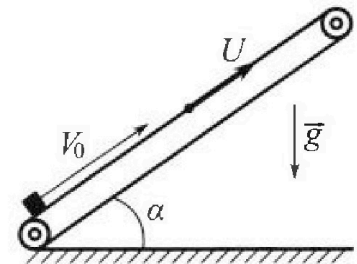
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Мяч, посланный теннисистом вертикально вверх, поднимается на максимальную высоту за $T = 2$ с.
- 1) Найдите начальную скорость V_0 мяча.
 - 2) Теннисист посылает мяч с начальной скоростью V_0 под различными углами к горизонту в направлении высокой вертикальной стенки, находящейся на расстоянии $S = 20$ м от места броска. На какой максимальной высоте мяч ударяется о стенку?
Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым. Все высоты отсчитываются от точки старта.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол α такой, что $\sin \alpha = 0,8$ (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость $V_0 = 4$ м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте $\mu = \frac{1}{3}$. Движение коробки прямолинейное.



- 1) За какое время T после старта коробка пройдет в первом опыте путь $S = 1$ м?

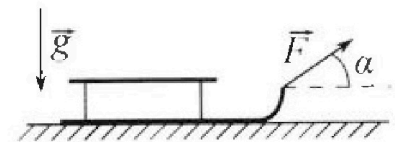
Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью $U = 2$ м/с, и сообщают коробке скорость $V_0 = 4$ м/с.

- 2) На каком расстоянии L от точки старта скорость коробки во втором опыте будет равна $U = 2$ м/с?
- 3) На какой высоте H , отсчитанной от точки старта, скорость коробки во втором опыте станет равной нулю? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же скорости V_0 за одинаковое время.

В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом α к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения скорости V_0 действие внешней силы прекращается.



- 1) Найдите коэффициент μ трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.
 - 2) Через какое время T после прекращения действия силы санки остановятся? Ускорение свободного падения g .
- Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.



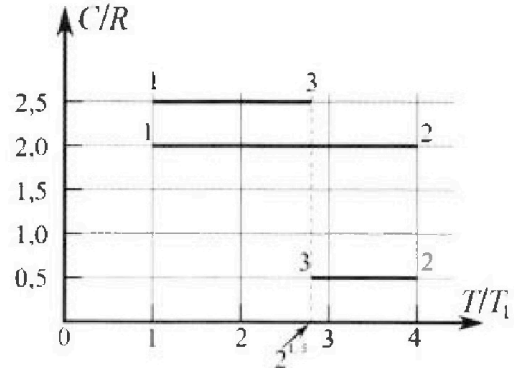
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



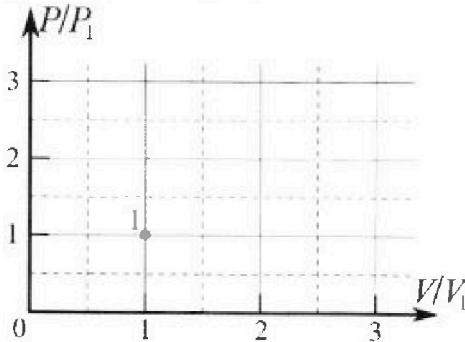
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости C газа (в единицах универсальной газовой постоянной R) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1 $T_1 = 400$ К, универсальная газовая постоянная $R = 8,31$ Дж/(моль·К).



1) Найдите работу A_2 газа в процессе 1-2.

2) Найдите КПД η цикла.

3) Постройте график цикла в координатах $(P/P_1, V/V_1)$, где P_1 и V_1 давление и объём в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



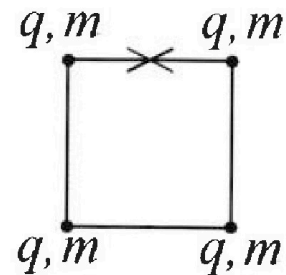
5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной b (см. рис.). Масса каждого шарика m , заряд q .

1) Найдите силу T натяжения нитей.

Одну нить пережигают.

2) Найдите скорость V любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

3) На каком расстоянии d от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных сверху (на рисунке)?



Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



~~$$\sin \alpha = 1 - \cos \alpha = 1 - \frac{4}{5} = \frac{1}{5}$$

$$\cos \alpha = \frac{4}{5} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{3}{5}, \quad \sin \alpha = \frac{4}{5} \Rightarrow \cos \alpha = \frac{3}{5}$$

$$H = S \left(\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} - \frac{g S}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} \right) = 20 \text{ м} \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{2} \cdot \frac{5}{9} \right) = 20 \text{ м} \cdot \left(\frac{4}{9} - \frac{5}{18} \right) = 20 \text{ м} \cdot \frac{8 - 5}{18} = 20 \text{ м} \cdot \frac{3}{18} = 20 \text{ м} \cdot \frac{1}{6} = \frac{20}{6} \text{ м} \approx 3.3 \text{ м}$$~~

N1

1) На максимальной высоте $v_y = 0 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

$$v_y(t) = v_0 - g t$$

$$v_y(T) = 0$$

$$v_0 - g T = 0$$

$$v_0 = g T = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 2 \text{ с} = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

2) Максимально дальний полёт при броске под углом $\alpha = 45^\circ$

$$y(t) = v_0 \sin \alpha t - \frac{g t^2}{2}$$

$$x(t) = v_0 \cos \alpha t$$

t_1 - время полёта

$$y(t_1) = 0$$

$$v_0 \sin \alpha t_1 - \frac{g t_1^2}{2} = 0 \quad | : t_1$$

$$v_0 \sin \alpha = \frac{g t_1}{2}$$

$$t_1 = \frac{2 v_0 \sin \alpha}{g}$$

$$x(t_1) = v_0 \cos \alpha \left(\frac{2 v_0 \sin \alpha}{g} \right) = \frac{2 v_0^2 \cos \alpha \sin \alpha}{g} = \frac{2 \cdot 20^2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}}{10} \text{ м} = 40 \text{ м} = 2 \text{ с}$$

при этом максимальная высота H достигается в $t_2 = \frac{t_1}{2}$

$$H = y(t_2) = v_0 \sin \alpha \left(\frac{v_0 \sin \alpha}{g} \right) - \frac{g}{2} \left(\frac{v_0 \sin \alpha}{g} \right)^2 = \frac{(v_0 \sin \alpha)^2}{g} - \frac{(v_0 \sin \alpha)^2}{2g} =$$

$$= \frac{(v_0 \sin \alpha)^2}{2g} = \frac{20^2 \cdot \frac{1}{2}}{2 \cdot 10} \text{ м} = \frac{400}{40} \text{ м} = 10 \text{ м}$$

при ~~меньших~~ меньших углах максимальная высота полёта ниже,
а при ~~больших~~ больших высшая точка сдвигается к стреляющему
(и высота на расстоянии S меньше)

Ответ: $v_0 = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

максимальная высота удара 10 м

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

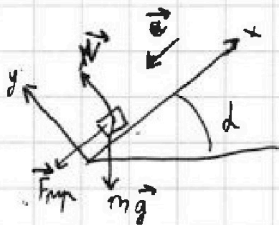
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N 2

$$\sin d = 0,8 \Rightarrow \sin^2 d = 0,64 \Rightarrow \cos^2 d = 0,36 \Rightarrow \cos d = 0,6 \Rightarrow \mu \cos d = 0,2$$

1) до остановки на коробку действуют 3 силы



$$F_{\text{тр}} = -\mu N$$

$$\text{З.Н. } \vec{N} + m\vec{g} + \vec{F}_{\text{тр}} = m\vec{a}$$

$$O_y: N - mg \cos d = 0$$

$$N = mg \cos d$$

$$O_x: -F_{\text{тр}} - mg \sin d = -ma$$

$$ma = mg \sin d + \mu mg \cos d = mg (\sin d + \mu \cos d)$$

$$a = g (\sin d + \mu \cos d) = g (0,8 + 0,2) = g$$

$$v(t) = v_0 - g t$$

$$x(t) = v_0 t - \frac{g t^2}{2}$$

~~$$x(t) = v_0 t - \frac{g t^2}{2}$$~~

t_1 - момент остановки

$$v(t_1) = 0$$

$$v_0 - g t_1 = 0$$

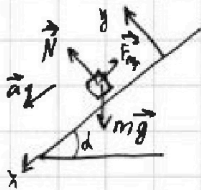
$$v_0 = g t_1$$

$$t_1 = \frac{v_0}{g} = 0,4 \text{ с}$$

~~$$x(t_1) = 1,6 \text{ м}$$~~

$$x(t_1) = \frac{v_0^2}{g} - \frac{g v_0^2}{2g^2} = \frac{v_0^2}{g} - \frac{v_0^2}{2g} = \frac{v_0^2}{2g} = \frac{2 \cdot 4^2}{2 \cdot 10} = 0,8 \text{ м} < 1,4 \text{ м}$$

после остановки $F_{\text{тр}}$ будет направлена в другую сторону



$$\text{З.Н. } \vec{N} + \vec{F}_{\text{тр}} + \vec{N} = m\vec{a}_1 \quad F_{\text{тр}} = -\mu N$$

$$O_y: N - mg \cos d = 0$$

$$N = mg \cos d$$

$$O_x: mg \sin d - F_{\text{тр}} = ma_1$$

$$\mu F_{\text{тр}} \leq \mu N = \mu mg \cos d = 0,2 mg > 0,8 mg = mg \sin d$$

$$F_{\text{тр}} = \mu N$$

$$a_1 = g (\sin d - \mu \cos d) = g (0,8 - 0,2) = 0,6 g$$

$$x_1(t) = \frac{a_1 t^2}{2} = 0,3 g t^2 = 3 t^2 \frac{m}{c^2}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

до остановки ~~при~~ коробка проехала $0,8 \text{ м}$ \Rightarrow до пути $S=1 \text{ м}$ осталось $0,2 \text{ м}$

t_2 - время спуска до пути S (в см)

$$x_1(t_2) = 0,2$$

$$x_1(t) = \frac{g t^2}{2} = 0,2$$
$$t_1 = \sqrt{\frac{2 \cdot 0,2}{g}} = \sqrt{\frac{0,4}{10}} = \sqrt{\frac{4}{100}} = \frac{2}{10} = 0,2 \text{ с}$$
$$t = t_1 + t_2$$

$$0,3g t_2^2 = 0,2 \text{ м}$$

$$t_2 = \sqrt{\frac{2 \cdot 0,2}{3g}} = \sqrt{\frac{1}{15}} \text{ (с)}$$

$$T = t_1 + t_2 = 0,2 + \sqrt{\frac{1}{15}} \approx 0,2 + 0,26 = 0,46 \text{ с}$$

2) перейдем в СО движущуюся со скоростью \vec{u} (связанную с землей)

в данной СО ~~время~~ неизменяемая ускорения рассчитанные в п.1

если в лабораторной СО скорость стала $u \Rightarrow$ в нашей СО скорость $= 0$

$$v_x(t) = (v_0 - u) - g t$$

$$x_2(t) = (v_0 - u)t - \frac{g t^2}{2}$$

t_3 - время до остановки

$$v_x(t_3) = 0$$

$$t_3 = \frac{v_0 - u}{g} = 0,2 \text{ с}$$

$$L = x_2(t_3) = \frac{(v_0 - u)^2}{g} - \frac{g(v_0 - u)^2}{2g^2} = \frac{(v_0 - u)^2}{2g} = \frac{2^2}{2 \cdot 10} = 0,2 \text{ м}$$

3) Если в лабораторной СО скорость равна 0, то в нашей u вниз

t_4 - время от скорости u до 0 (в лад. СО)

$$v_{2x}(t) = u - a t$$

$$x_3(t) = \frac{a t^2}{2}$$

$$v_{2x}(t_4) = 0$$

$$t_4 = \frac{u}{a}$$

$$x_3(t_4) = \frac{a u^2}{2a^2} = \frac{u^2}{2a}$$

$$H = (L - x_3(t_4)) \sin \alpha = (0,2 \text{ м} - \frac{2^2}{2 \cdot 0,6 \cdot 10} \text{ м}) \cdot 0,8 = (0,2 - \frac{2}{6}) \cdot 0,8 \text{ м} = -(\frac{1}{3} - 0,2) \cdot 0,8 \text{ м} = +$$

$$= -1,067 \text{ м}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Ответ: $T = 9,66 \text{ с}$
 $L = 0,2 \text{ м}$
 $H = 1 - 1,07 \text{ м}$

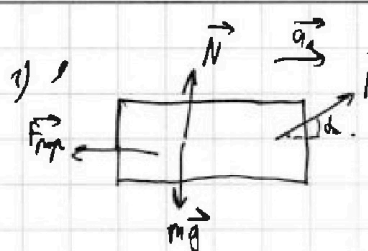
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



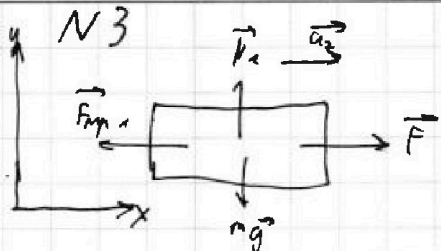
23. Н. ($F_{fr} = \mu N$)

$$\vec{N} + \vec{F} + m\vec{g} + \vec{F}_{fr} = m\vec{a}_1$$

$$O_y: N + F \sin \alpha - mg = 0$$

$$N = mg - F \sin \alpha$$

$$O_x: F \cos \alpha - F_{fr} = m a_1$$



23. Н. ($F_{fr1} = \mu N_1$)

$$\vec{N}_1 + \vec{F} + m\vec{g} - \vec{F}_{fr1} = m\vec{a}_2$$

$$O_y: N_1 - mg = 0$$

$$N_1 = mg$$

$$O_x: F - F_{fr1} = m a_2$$

m - масса самолета

$v(t) = at$ м.к. самолеты за одно время разогнались до скорости v
 \downarrow
 а были равны

$$a_1 = a_2$$

$$m a_1 = m a_2$$

$$F \cos \alpha - F_{fr} = F - F_{fr1}$$

$$F_{fr1} - F_{fr} = F(1 - \cos \alpha)$$

$$\mu N_1 - \mu N = \mu(N_1 - N) = \mu(mg - (mg - F \sin \alpha)) = \mu F \sin \alpha$$

$$\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

2) после прекращения сил 23. Н на $O_x: -F_{fr2} = m a_2; a_2 = -\frac{\mu N_1}{m} =$

$$= -\frac{\mu mg}{m} = -\mu g$$

$$v(t) = v_0 + a_2 t; v_2(t) = \dots$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$v_1(T) = 0$$

$$v_0 + a_2 T = 0$$

$$v_0 = -a_2 T$$

$$T = -\frac{v_0}{a_2} = \frac{v_0}{\mu g}$$

$$\text{Ответ: } \mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$T = \frac{v_0}{\mu g} = \frac{v_0 \sin \alpha}{(1 - \cos \alpha) g}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



14

1) Q_{12} - теплота подведенная газам в процессе 1-2

$$Q_{12} = A_{12} + \frac{3}{2} J R \Delta T_{12}$$

ΔT_{12} и μ_2 меньше температуры
в процессе 1-2

$$\Delta T_{12} = 3 T_1$$

~~$$\left(\frac{C}{R}\right)_{12} = \frac{A_{12}}{J R \Delta T_{12}} + \frac{3}{2}$$~~

$$\left(\frac{C}{R}\right)_{12} = \frac{A_{12}}{J R \Delta T_{12}} + \frac{3}{2}$$

$$\left(\frac{C}{R}\right)_{12} = 2$$

$$A_{12} = \left(\left(\frac{C}{R}\right)_{12} - \frac{3}{2}\right) J R \Delta T_{12} = (2 - 1,5) \cdot 3 \cdot 1,8,37 \cdot 400 \text{ Дж} = 8,37 \cdot 600 \text{ Дж} = 4986 \text{ Дж}$$

2) Аналогичным образом поступим для процессов 2-3 и 3-1

$$\left(\frac{C}{R}\right)_{23} = \frac{A_{23}}{J R \Delta T_{23}} + \frac{3}{2}$$

$$\left(\frac{C}{R}\right)_{23} = 0,5$$

$$\Delta T_{23} = (4 - 2^{\sqrt{2}}) T_1 = (4 - 2\sqrt{2}) T_1 \approx (4 - 2 \cdot 1,42) T_1 = (4 - 2,84) T_1 = 1,16 T_1$$

$$A_{23} = \left(\left(\frac{C}{R}\right)_{23} - \frac{3}{2}\right) J R \Delta T_{23}$$

$$A_{23} = (0,5 - 1,5) \cdot 1,8,37 \cdot 1,16 \cdot 400 \text{ Дж} = -4 \cdot 837 \cdot 1,16 = -837 \cdot 4 \cdot 1,16 = -4655,84 \text{ Дж}$$

$$\left(\frac{C}{R}\right)_{31} = \frac{A_{31}}{J R \Delta T_{31}} + \frac{3}{2}$$

$$\left(\frac{C}{R}\right)_{31} = 2,5$$

$$\Delta T_{31} = (2^{2,5} - 1) T_1 = (2,84 - 1) T_1 = 1,84 T_1$$

$$A_{31} = \left(\left(\frac{C}{R}\right)_{31} - \frac{3}{2}\right) J R \Delta T_{31}$$

$$A_{31} = (2,5 - 1,5) \cdot 1,8,37 \cdot 1,84 \cdot 400 \text{ Дж} = 837 \cdot 1,84 \cdot 2 = 837 \cdot 7,36 = 6155,16 \text{ Дж}$$

$$A_{\text{всего}} = A_{12} + A_{23} + A_{31} = 3527 \text{ Дж}$$

$$Q_{12} = \left(\frac{C}{R}\right)_{12} J R \Delta T_{12} = 2 \cdot 1,8,37 \cdot 3 \cdot 400 = 4 \cdot 8,37 \cdot 600 \text{ Дж} = 4 \cdot 4986 \text{ Дж} =$$

$$= 19944 \text{ Дж}$$

$$Q_{23} = \left(\frac{C}{R}\right)_{23} J R \Delta T_{23} < 0$$

$$Q_{31} = \left(\frac{C}{R}\right)_{31} J R \Delta T_{31} < 0$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\eta = \frac{A_{\text{полная}}}{\Sigma Q_{\text{до}}} = \frac{A_{\text{полная}}}{Q_{12}} = \frac{3527 \text{ Дж}}{19944 \text{ Дж}} = 17,7\%$$

3) $P_1 V_1 = \nu R T_1$ (уравнение состояния)

м.к. ~~используем в процессе 1-2~~

$$\gamma = \frac{\nu R T_1}{P_1 V_1}$$

состояние 2

$$P_2 V_2 = \nu R T_2 = \nu R \cdot 4 T_1 \quad | : P_1 V_1$$

$$\frac{P_2}{P_1} \cdot \frac{V_2}{V_1} = 4 \frac{\nu R T_2}{P_1 V_1} = 4 \cdot \gamma \quad (1)$$

$$A_{12} = \left(\left(\frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{\gamma}} - \frac{P_2}{P_1} \right) \cdot 3 \nu R T_1 = 1,5 P_1 V_1 \gamma$$

состояние 3

$$P_3 V_3 = \nu R T_3 = 2^{2,5} \nu R T_1 \quad | : P_1 V_1$$

$$\frac{P_3}{P_1} \cdot \frac{V_3}{V_1} = 2^{2,5} \frac{\nu R T_3}{P_1 V_1} = 2^{2,5} \gamma \approx 3,84$$

$$A_{31} = \left(\left(\frac{P_3}{P_1} \right)^{\frac{1}{\gamma}} - \frac{P_3}{P_1} \right) \cdot 1,84 \nu R T_1 = 1 - 1,84 \nu R T_1$$

м.к. $\left(\frac{P}{P_1} \right)_{12}$ - константа,

по процесс 1-2

линии на графике $\frac{P}{P_1} \left(\frac{V}{V_1} \right)$

$$\frac{P_2}{P_1} = 2$$

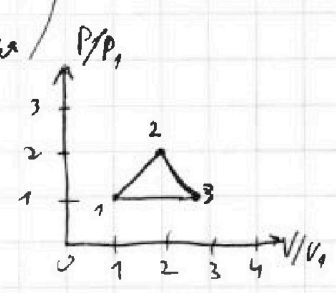
$$\frac{V_2}{V_1} = 2$$

$$\frac{P_3}{P_1} = 1$$

$$\frac{V_3}{V_1} = 2,84$$

(аналогично 2)

эти значения подставим в формулы (1) и (2) → интервал (изотерма) (2) → граф при изменении точки по ней ~ влево A уменьшается ~ вправо A увеличивается

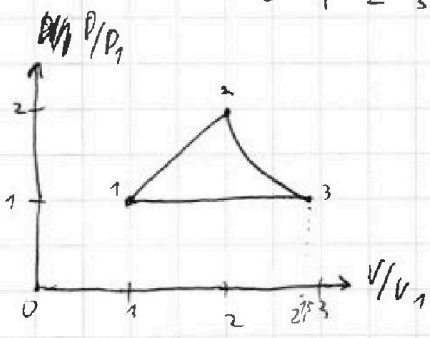


$A_{23} = 1,16 P_1 V_1$

~~процесс 2-3 по прямой = 1,26 P1 V1~~

график 2-3 чуть ниже прямой

Ответ: $A_{12} = 4986 \text{ Дж}$
 $\eta = 17,7\%$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

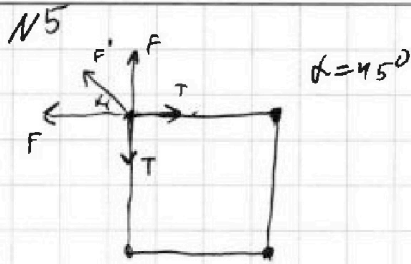
- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

1) $F = k \frac{q^2}{b^2}$

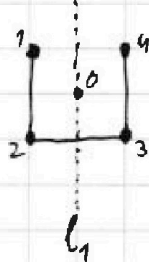
$F' = k \frac{q^2}{(\sqrt{2}b)^2} = \frac{kq^2}{2b^2}$



по 23.Н.

$T = F + F' \cos 45 = \frac{kq^2}{b^2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{kq^2}{2b^2} = \left(\frac{\sqrt{2}}{4} + 1\right) \frac{kq^2}{b^2} \approx \left(\frac{1.41}{4} + 1\right) \frac{kq^2}{b^2} = 1.355 \frac{kq^2}{b^2}$

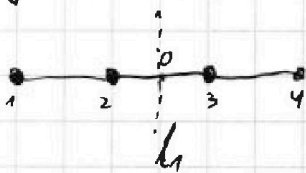
3) ~~в центре шариков~~



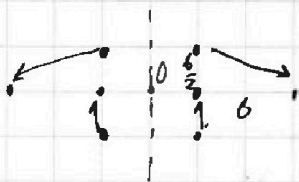
м.к. на систему не действуют внешние силы, то центр масс не перемещается. Условно только от в точке O.

когда они будут на 1 прямой, то центр масс будет на ней. (O в прямой с шариками)

в силу симметрии относительно l_1 , прямая будет $\perp l_1$ и



O будет серединой отрезка между шариками 2, 3



вершины шары находятся на $d = \sqrt{b^2 + (\frac{b}{2})^2} = \sqrt{b^2(1 + \frac{1}{4})} = b \sqrt{\frac{5}{4}} = \frac{\sqrt{5}}{2} b \approx \frac{2.236}{2} b = 1.12 b$

2) в силу симметрии скорости шариков (1,4) и (2,3) равны ~~вертикальные~~ ~~горизонтальные~~

и 3СИ v_x v_y v_z v_x v_y v_z
 вертикальная часть $v_x = v_y$, v_x не может иметь горизонтальной скорости м.к.
 на ось от центра масс $\Rightarrow v_x = v_y = v$

Ответ: $T = \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) \frac{kq^2}{b^2} \approx 1.355 \frac{kq^2}{b^2}$

$d = \frac{\sqrt{5}}{2} b \approx 1.12 b$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



N 1

1) ~~кратко~~

На максимальной высоте $v_y = 0$; $v_y(t) = v_0 - gt$

$$v_y(T) = 0; v_0 - gT = 0; v_0 = gT = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 2\text{с} = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

2) пусть бросок был под углом α к горизонту

$$x(t) = v_0 \cos \alpha t$$

$$y(t) = v_0 \sin \alpha t - \frac{gt^2}{2}$$

В момент удара $x(t_y) = S$; $y(t_y) = H$ (t_y - время падения до удара; H - высота удара)

$$v_0 \cos \alpha t_y = S; t_y = \frac{S}{v_0 \cos \alpha}$$

$$H = y(t_y) = \frac{v_0 \sin \alpha S}{v_0 \cos \alpha} - \frac{g S^2}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} = S \left(\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} - \frac{g S}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} \right)$$

максимум ~~максимум~~ H при максимуме $\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} - \frac{g S}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha}$

при максимуме производная = 0 $\left(\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} - \frac{g S}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} \right)' = 0$

$$\left(\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \right)' - \left(\frac{g S}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} \right)'$$

$$\left(\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \right)' = \left(\frac{g S}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} \right)' = \left(\frac{C}{\cos^2 \alpha} \right)'$$

$$C = \frac{g S}{2 v_0^2} = \frac{10 \cdot 20}{2 \cdot 20^2} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{\sin' \alpha \cos \alpha - \sin \alpha \cos' \alpha}{\cos^2 \alpha} = \frac{C' \cos^2 \alpha - C (\cos^2 \alpha)'}{\cos^4 \alpha}$$

$$\frac{\cos \alpha \cdot \cos \alpha - \sin \alpha (-\sin \alpha)}{\cos^4 \alpha} = -C \frac{2 \cos \alpha (-\sin \alpha)}{\cos^4 \alpha} \quad | \cdot \cos^2 \alpha$$

$$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 2C \frac{\cos \alpha \sin \alpha}{\cos^2 \alpha}$$

$$1 = 2C \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \quad | \cdot \cos \alpha$$

$$\cos \alpha = 2C \sin \alpha = \frac{\sin \alpha}{2}; \sin \alpha = 2 \cos \alpha$$

$$1 = \cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = \cos^2 \alpha + 4 \cos^2 \alpha = 5 \cos^2 \alpha$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{1}{5}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Handwritten mathematical work on grid paper. The work includes:

- Diagrams of vectors and forces.
- Equations for tension: $T = F \cos \alpha$, $T = \frac{mg}{2} \left(1 + \frac{1}{\cos \alpha} \right)$.
- Trigonometric identities and calculations: $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$, $\cos^2 \alpha = \frac{1 - \sin^2 \alpha}{2}$.
- Algebraic manipulations: $4t^2 - 10t + 25 = 0$, $2t^2 - 5t + 12.5 = 0$.
- Final results: $t = 2.25$, $t = 2.37$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:



- 1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Handwritten solution on grid paper for a physics problem. The solution includes:

- Initial Equations:**

$$v_{max} = \frac{g \sin \alpha}{\omega}$$

$$2 = v$$

$$v = \frac{g \sin \alpha}{\omega}$$
- Force Diagrams:**
 - Diagram 1: A mass on an inclined plane with forces N (normal), F_{sp} (spring), and mg (gravity).
 - Diagram 2: A mass on an inclined plane with forces F_{sp} , $mg \cos \alpha$, and $mg \sin \alpha$.
 - Diagram 3: A mass on an inclined plane with forces F_{sp} , $mg \cos \alpha$, and $mg \sin \alpha$.
- Equations of Motion:**
 - $$N = mg \cos \alpha$$
 - $$F_{sp} = mg \sin \alpha$$
 - $$F_{sp} = kx$$
 - $$kx = mg \sin \alpha$$
 - $$x = \frac{mg \sin \alpha}{k}$$
- Energy and Work:**
 - $$W = F_{sp} \cdot x = \frac{1}{2} k x^2$$
 - $$W = \frac{1}{2} \cdot 200 \cdot \left(\frac{mg \sin \alpha}{k}\right)^2$$
- Final Results:**
 - $$a = g \sin \alpha$$
 - $$v = \frac{g \sin \alpha}{\omega}$$