



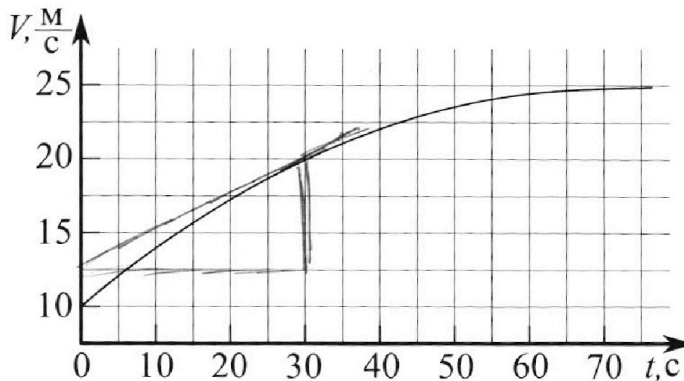
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 11-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Автомобиль массой $m = 1800$ кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила тяги двигателя равна $F_k = 500$ Н. Считать, что при разгоне сила сопротивления движению пропорциональна скорости.



1) Используя график, найти ускорение автомобиля при скорости $V_1 = 20$ м/с.

2) Найти силу тяги F_1 при скорости V_1 .

3) Какая мощность P_1 передается от двигателя на ведущие колеса при скорости V_1 ?

Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

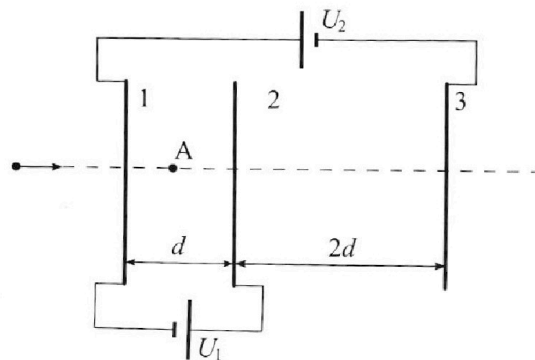
2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объемом V разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится углекислый газ, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при комнатной температуре T_0 . При этом жидкость занимала объём $V/4$. Затем цилиндр медленно нагрели до $T = 5T_0/4 = 373$ К. Установившийся объём его верхней части стал равен $V/5$.

По закону Генри, при заданной температуре количество Δv растворённого газа в объёме жидкости w пропорционально парциальному давлению p газа: $\Delta v = kpw$. Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры $k \approx (1/3) \cdot 10^{-3}$ моль/(м³·Па). При конечной температуре T углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что $RT \approx 3 \cdot 10^3$ Дж/моль, где R - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.

2) Определите начальное давление в сосуде P_0 . Ответ выразить через $P_{\text{атм}}$ (нормальное атмосферное давление) с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

3. Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях d и $2d$ (см. рис.). Размеры сеток значительно больше d . Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением $U_1 = U$ и $U_2 = 4U$. Частица массой m и зарядом $q > 0$ движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость V_0 на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд q намного меньше модуля зарядов сеток.



1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 1 и 2.

2) Найти разность $K_1 - K_2$, где K_1 и K_2 — кинетические энергии частицы при пролете сеток 1 и 2.

3) Найти скорость частицы в точке A на расстоянии $d/3$ от сетки 1.

Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 11-01

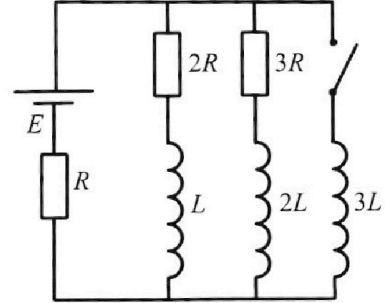
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



4. Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.

- 1) Найти ток I_0 через резистор с сопротивлением $2R$ при разомкнутом ключе.
- 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью $3L$ сразу после замыкания ключа.
- 3) Какой заряд протечет через резистор с сопротивлением $2R$ при замкнутом ключе?

Ответы давать с числовыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления n_1 и n_2 и находится в воздухе с показателем преломления $n_{\text{в}} = 1,0$. Точечный источник света S расположен на расстоянии $a = 194$ см от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см. рис.). Угол $\alpha = 0,1$ рад можно считать малым, толщина $h = 9$ см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h . Отражения в системе не учитывать.

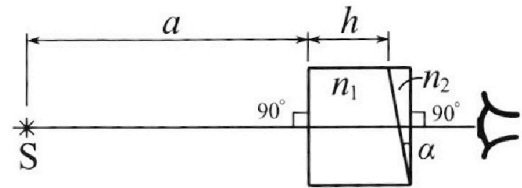


рис.). Угол $\alpha = 0,1$ рад можно считать малым, толщина $h = 9$ см. Толщина призмы с показателем преломления n_2 на прямой «источник – глаз» намного меньше h . Отражения в системе не учитывать.

- 1) Считая $n_1 = n_{\text{в}} = 1,0$, $n_2 = 1,7$, найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая $n_1 = n_{\text{в}} = 1,0$, $n_2 = 1,7$, найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая $n_1 = 1,5$, $n_2 = 1,7$, найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

По графику определим
касательную a_1 : проведём касательную, ^{бтс}
(т.к. $a = \frac{dv}{dt}$)
тогда

$$a_1 = \frac{7,5 \text{ м/с}}{30 \text{ с}} = 0,25 \text{ м/с}^2$$

(попадает под касательную в точке)

2) $F_{\text{тош}}$ в этой точке = $ma_1 + \beta v_1^2$ \ominus

$$\ominus 1800 \cdot 0,25 + \frac{100}{25} \cdot 20^4 = 450 \text{ (Н)}$$

3) $P_1 = F_{\text{тош}} \cdot (v_k - v_1) = 450 \cdot 5 \ominus$

$$\ominus 2250 \text{ (Вт)}$$

Ответ: 1) 0,25 м/с²

2) 450 Н

3) 2250 Вт

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

①

$$F_k = \beta v_k$$

$$\beta = \frac{F_k}{v_k}$$

$$1) \quad ma = F_k - \beta v = F_k - F_k \frac{v}{v_k} \quad \text{①}$$

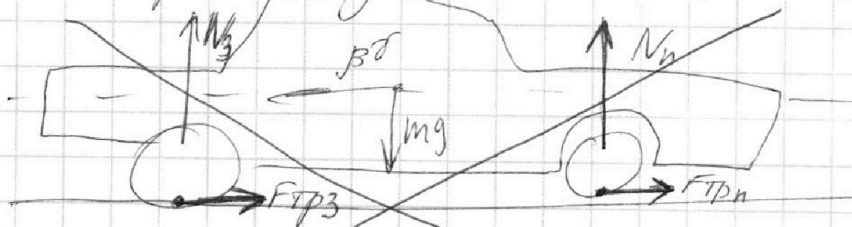
$$\text{①} \quad F_k \left(\frac{v_k - v}{v_k} \right)$$

$$a(v_1) = \frac{F_k}{m} \frac{v_k - v}{v_k} = \frac{5000}{1800} \cdot \frac{25 - 20}{25} \frac{1}{18} \frac{1}{18}$$

$$ma = F_T - \beta(v - v_0)$$

$$\frac{F_T}{F_T}$$

$$F_T - \beta v = F_T - \beta v$$



$$ma = F_T - \beta v$$

$$1) \quad ma = F_T - \beta v_1$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

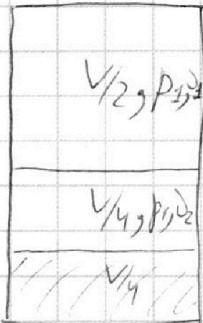
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

2



Дано: $V, T_0 \rightarrow \frac{5}{4} T_0 = T = T_1$

$$\Delta U = k p \omega$$

$$k \approx 1/3 \cdot 10^{-3} \frac{\text{моль}}{\text{м}^3 \cdot \text{Па}}$$

$$\frac{U_2}{U_1} = ?$$

$$p_0 = p_1 = ?$$

$$\begin{cases} p_1 \frac{V}{2} = U_1 R T_0 \\ p_1 \frac{V}{4} = U_2 R T_0 \end{cases} \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{V/4}{V/2} = \frac{1}{2}$$

$$\begin{aligned} 2) \quad p_2 \frac{V}{5} &= U_1 R T_1 \\ p_2 \cdot \left(\frac{4}{5} V - \frac{V}{4} \right) &= U_3 R T_1 = p_2 \cdot \frac{11}{20} V \end{aligned}$$

$$\frac{U_3}{U_1} = \frac{11/20 V}{1/4 V} = \frac{11}{5}$$

$$p_2 \cdot \frac{11}{20} V = \frac{11}{5} U_1 R \cdot \frac{5}{4} T_0 = \frac{55}{16} p_1 \frac{V}{2}$$

$$p_2 \cdot \frac{11}{20} = \frac{55}{16} p_1$$

$$p_2 = \frac{25}{8} p_1$$

$$p_2 = p_{\text{нара}} + p_{\text{CO}_2}$$

$$p_{\text{CO}_2} \cdot \frac{11}{20} V = U_{\text{CO}_2} R \frac{5}{4} T_0$$

$$\Delta U_1 = k p_{\text{CO}_2} \omega = k p_1 \cdot \frac{V}{4} \Rightarrow \Delta U = k \frac{V}{4} (p_{\text{CO}_2} - p_1)$$

$$\Delta U_2 = k p_{\text{CO}_2} \frac{V}{4}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$p_{CO22} = (p_2 - p_1) \frac{RT_0}{V} \cdot \frac{100}{44}$$

$$p_{CO22} + \frac{100}{44} \frac{RT_0}{V} \cdot k \frac{\Delta}{4} p_{CO22} = \frac{1}{2} \frac{RT_0}{V} \frac{100}{44} \quad (+)$$

$$(+)$$

$$\frac{RT_0}{V} \frac{100}{44} \cdot k \frac{\Delta}{4} p_1$$

Пусть $p_{CO22} = p_2 = \frac{25}{8} p_1$

$$\frac{25}{8} p_1 + \frac{100}{44} \frac{RT_0}{V} k \frac{25}{8} p_1 = \frac{1}{2} p_1 \cdot \frac{100}{44} + k \frac{RT_0}{V} \frac{100}{44} p_1$$

$$p_{CO22} \neq p_2$$

$p_{пара} = p_{атм}$, т.к. давление изм. не происходит ост. изм. (пар насыщ.)

$$\frac{25}{8} p_1 = p_{атм} + \frac{p_1 \cdot 100}{44 \cdot 4} + p_1 \cdot \frac{100}{44 \cdot 4} k \frac{RT_0}{V} \quad (-)$$

$$(-) p_{атм} + p_1 \left(\frac{100 + 100 k \frac{RT_0}{V}}{44 \cdot 4 + 100 k \frac{RT_0}{V}} \right)$$

$$p_1 = \frac{p_{атм}}{\frac{25}{8} - \frac{100 + 100 k \frac{RT_0}{V}}{44 \cdot 4 + 100 k \frac{RT_0}{V}}}$$

$$\frac{RT_0}{V} = RT \cdot \frac{4}{5}$$

$$p_1 = \frac{p_{атм}}{\frac{25}{8} - \frac{100 + \frac{1}{3} \cdot 10^{-1} \cdot \frac{4}{5} \cdot 3 \cdot 10^3}{176 + \frac{1}{3} \cdot 10^{-1} \cdot \frac{4}{5} \cdot 3 \cdot 10^3}} = \frac{p_{атм}}{\frac{25}{8} - \frac{180}{256}} \quad (-)$$

$$\begin{array}{r} 176 \\ + 80 \\ \hline 256 \\ 44 \\ \times 4 \\ \hline 176 \end{array}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\textcircled{E} \quad \frac{256 \text{ рАТМ}}{620} = \frac{64 \text{ рАТМ}}{155}$$

Ответ: 1) 2:1
2) $\frac{64}{155}$ рАТМ

$$\begin{array}{r} 256 \overline{) 620} \\ \underline{24} \\ 76 \\ \underline{76} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 32 \\ \times 25 \\ \hline 160 \\ 64 \\ \hline 800 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 620 \overline{) 4} \\ \underline{4} \\ \hline 20 \\ \underline{20} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 256 \overline{) 64} \\ \underline{24} \\ 76 \\ \underline{76} \\ 0 \end{array}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} U = \frac{\sigma_2 - \sigma_2 - \sigma_1 - \sigma_1}{2\epsilon_0} d \\ 4U = \frac{3\sigma_1 + \sigma_2 + 3\sigma_1 + 3\sigma_2}{2\epsilon_0} d \end{cases}$$

$$\begin{cases} U = \frac{-2\sigma_1}{2\epsilon_0} d = -\frac{\sigma_1}{\epsilon_0} d \Rightarrow \sigma_1 = -\frac{U\epsilon_0}{d} \\ 4U = \frac{6\sigma_1 + 4\sigma_2}{2\epsilon_0} d \Rightarrow U = \frac{3\sigma_1 + 2\sigma_2}{2\epsilon_0} d \end{cases}$$

$$U - \frac{3\sigma_1}{2\epsilon_0} d = \frac{\sigma_2}{2\epsilon_0} d = U + \frac{3U}{2 \cdot 2} = \frac{\sigma_2}{2\epsilon_0} d$$

$$\sigma_2 = \frac{U\epsilon_0}{d} \cdot \frac{3}{2} = \frac{3U\epsilon_0}{2d} = \frac{2\epsilon_0}{d} \cdot \frac{7}{2} U = \frac{7U\epsilon_0}{d}$$

$$\sigma_3 = \frac{U\epsilon_0}{d} - \frac{7U\epsilon_0}{2d} = \frac{2U\epsilon_0 - 7U\epsilon_0}{2d} = -\frac{5U\epsilon_0}{2d}$$

$$m|a_{12}| = q \cdot |E_1 - E_2 - E_3| = q \left| \frac{\sigma_1 - \sigma_2 - \sigma_3}{2\epsilon_0} \right| \quad \ominus$$

$$\ominus q \left| \frac{-\frac{U\epsilon_0}{d} + \frac{5U\epsilon_0}{2d} + \frac{7U\epsilon_0}{2d}}{2\epsilon_0} \right| = \frac{q}{2d} \cdot 8U = \frac{4qU}{d}$$

$$|a_{12}| = \frac{q}{m} \frac{U}{d}$$

$$E_{\text{out}} = \frac{\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3}{2\epsilon_0} = 0$$

$$K_1 = \frac{m v_0^2}{2}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

2) П.к. $a_{12} = \text{const}$, то (v_2 ~~не~~ скор при прол. сетки 2) ~~v_2~~ $d = \left| \frac{v_0^2 - v_2^2}{2a_{12}} \right|$

$$v_0^2 - v_2^2 = 2d \cdot \frac{q}{m} \frac{U}{d}$$

$$v_2^2 = v_0^2 - 2d \frac{q}{m} \frac{U}{d}$$

$$K_2 = \frac{mv_2^2}{2} = \frac{mv_0^2}{2} - \frac{mv_0^2}{2} \cdot \frac{q}{m} \frac{U}{v_0^2} \ominus$$

$$\ominus \frac{mv_0^2}{2} - qU$$

$$K_1 - K_2 = qU$$

$$3) \frac{d}{3} = \frac{v_0^2 - v_A^2}{2a_{12}}$$

$$v_0^2 - v_A^2 = \frac{2}{3} da_{12}$$

$$v_A^2 = v_0^2 - \frac{2}{3} da_{12} = v_0^2 - \frac{2}{3} d \cdot \frac{q}{m} \frac{U}{d} \ominus$$

$$\ominus v_0^2 - \frac{2}{3} \frac{q}{m} U$$

$$v_A = \sqrt{v_0^2 - \frac{2}{3} \frac{qU}{m}}$$

Ответ: 1) $\frac{qU}{md}$

2) qU

3) $\sqrt{v_0^2 - \frac{2qU}{3m}}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

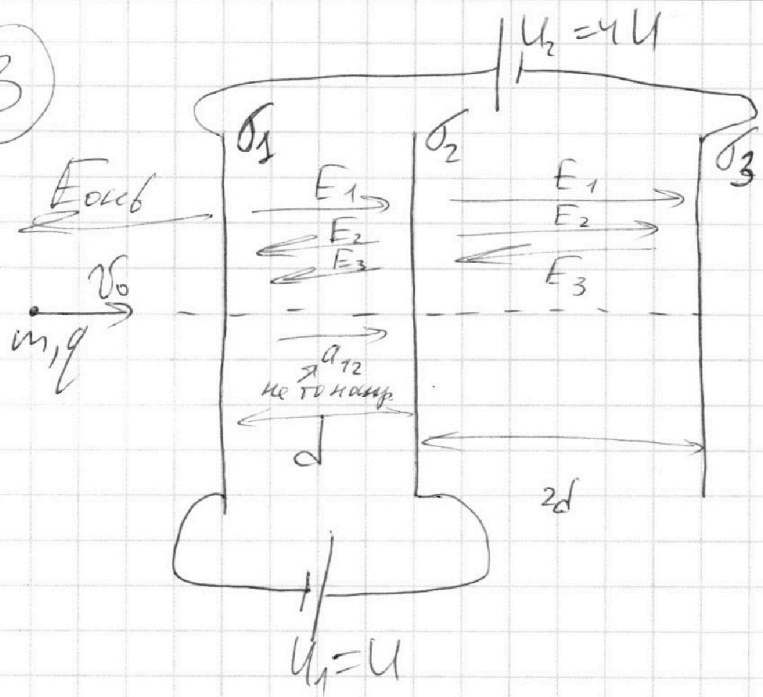
Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

3



$$d\varphi = -E dl$$

$$\varphi_2 - \varphi_1 = -E d$$

$$1) \begin{cases} \sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3 = 0 \\ U = (-E_1 + E_2 + E_3)d \\ 4U = (E_1 - E_2 - E_3)d + (E_1 + E_2 - E_3)d \end{cases}$$

$$\begin{cases} U = \frac{\sigma_2 + \sigma_3 - \sigma_1}{2\epsilon_0} d \\ 4U = \frac{\sigma_1 - \sigma_2 - \sigma_3}{2\epsilon_0} d + \frac{\sigma_1 + \sigma_2 - \sigma_3}{2\epsilon_0} 2d \\ \sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3 = 0 \Rightarrow \sigma_3 = -\sigma_2 - \sigma_1 \end{cases}$$

$$4U = \frac{\sigma_1 + 2\sigma_1 - \sigma_2 + 2\sigma_2 - \sigma_3 - 2\sigma_3}{2\epsilon_0} d \quad \text{---}$$

$$\text{---} \frac{3\sigma_1 + \sigma_2 - 3\sigma_3}{2\epsilon_0} d \quad \text{---}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

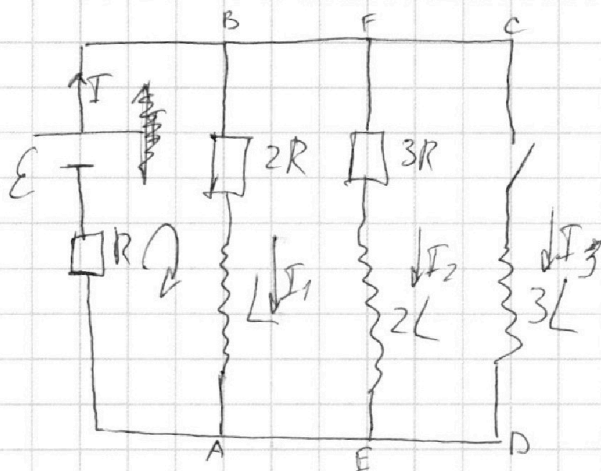
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



4



1) В год равные $\frac{dI_1}{db} = \frac{dI_2}{db} = 0$

$$\begin{cases} 2RI_1 = 3RI_2 \Rightarrow I_1 = \frac{3}{2}I_2 \Rightarrow I_2 = \frac{2}{3}I_1 \\ \mathcal{E} = IR + 2RI_1 = IR + 2IR - 2RI_2 \\ I_1 + I_2 = I = I_1 + \frac{2}{3}I_1 = I \end{cases}$$

$$\cancel{3IR} - 2RI_2 = \mathcal{E}$$

$$\frac{5}{3}I_1 = I$$

$$I_1 = \frac{3}{5}I$$

$$\mathcal{E} = \frac{5}{3}I_1 R + 2RI_1 = \frac{5}{3}I_1 R + \frac{6}{3}I_1 R \ominus$$

$$\ominus \frac{11}{3}I_1 R$$

$$I_1 = \sqrt{\frac{3}{11} \frac{\mathcal{E}}{R}} = I_{10}$$

$$I_{20} = \frac{2}{11} \frac{\mathcal{E}}{R}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

МФТИ



1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

2) Сразу после замык I_1 и I_2 ост.
Такими же (т.к. поток сохр. при этом)

Тогда же пр. Кирхгофа для ABCD и FEDE.

$$\int 2I_1 R + L \frac{dI_1}{dt} = 3L \frac{dI_3}{dt} \quad (1)$$

$$\int 3I_2 R + 2L \frac{dI_2}{dt} = 3L \frac{dI_3}{dt} \quad (2)$$

Кроме того, $I_{30} = 0$ (по той же причине)

$$\varepsilon = IR + 3L \frac{dI_3}{dt} = \frac{5}{11} \frac{\varepsilon}{R} R + 3L \frac{dI_3}{dt}$$

$$\frac{6}{11} \varepsilon = 3L \frac{dI_3}{dt}$$

$$\frac{dI_3}{dt} = \frac{2\varepsilon}{11L}$$

3) В новом уст решиме весь ток

будет, темь через $3L$

$$\text{ИЗ (1): } 2R \int_0^{I_{3f}} dI_1 + L \int_{I_{10}}^{I_{1f}} dI_1 = 3L \int_0^{I_{3f}} dI_3$$

$$I_{3f} = \frac{\varepsilon}{R}$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$2qR + L \dot{I}_{30} = 3L(0 - I_{3f}) = 3L \left(-\frac{\varepsilon}{R}\right)$$

$$2qR + L \frac{3\varepsilon}{11R} = -3L \frac{\varepsilon}{R}$$

$$2qR = -L \frac{\varepsilon}{R} \left(3 + \frac{3}{11}\right) = -L \frac{\varepsilon}{R} \frac{33+3}{11} \ominus$$

$$\ominus -L \frac{\varepsilon}{R} \cdot \frac{36}{11}$$

$$q = -\frac{L\varepsilon}{R^2} \cdot \frac{18}{11}$$

$$|q| = \frac{18}{11} \frac{L\varepsilon}{R^2}$$

Ответ: 1) $\frac{3}{11} \frac{\varepsilon}{R}$

2) $\frac{2}{11} \frac{\varepsilon}{L}$

3) $\frac{18}{11} \frac{L\varepsilon}{R^2}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

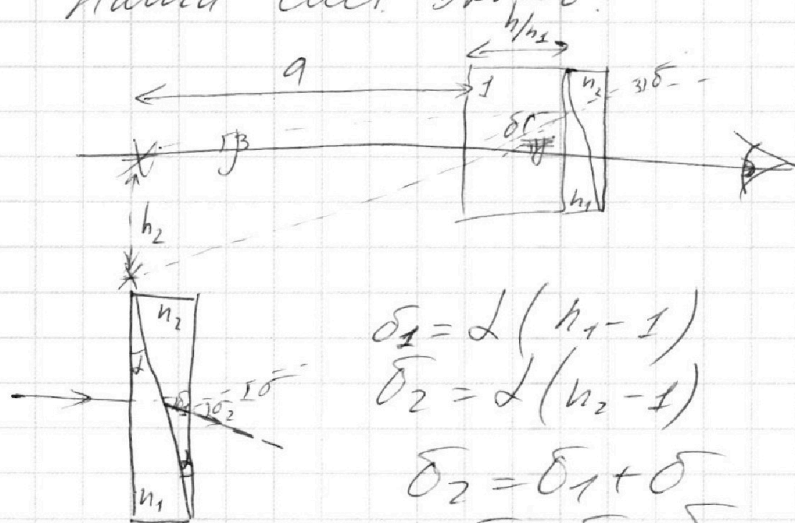
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

3) Наша сист. эквив:



$$\delta_1 = 2(n_1 - 1)d$$

$$\delta_2 = 2(n_2 - 1)d$$

$$\delta_2 = \delta_1 + \delta$$

$$\delta = \delta_2 - \delta_1 = 2(n_2 - n_1)d$$

Аналогично n. 2:

$$\delta = \frac{h_2}{a + \frac{h}{n_1}} = 2(n_2 - n_1)d$$

$$h_2 = \frac{2(n_2 - n_1)d}{\left(a + \frac{h}{n_1}\right)^{-1}} = \frac{0,1 \cdot 0,2}{\left(194 + \frac{9}{1,5}\right)^{-1}} = \frac{0,1 \cdot 0,2}{200^{-1}}$$

$$\ominus 0,02 \cdot 200 = \frac{2}{100} \cdot 200 = 4 \text{ (см)}$$

h_1 - гериз сменс, обусл. кльско-пар кльст с n_1

$$h_1 = h - \frac{h}{n_1} = h \frac{n_1 - 1}{n_1} = h \cdot \frac{1,5 - 1}{1,5} \ominus$$

$$\ominus h \frac{1/2}{3/2} = \frac{h}{3} = 3 \text{ см}$$

$$h_3 - \text{итог сменс, } h_3 = \sqrt{h_1^2 + h_2^2} = 5 \text{ см}$$

Ответ: 1) 0,07 рад
2) 4,27 см
3) 5 см



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Тогда для нашего случая:

$$n_1 = 1 \text{ (никаких откл.)}$$

$$\delta = \alpha (n_2 - 1) = 0,1 \cdot 0,7 = 0,07 \text{ (рад)}$$

2) см обозн на рис 2

П.к. δ мал, кренобр. ТОмишкой самого
клина.

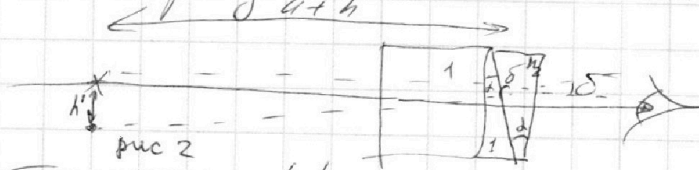
~~$$\text{tg } \beta \approx \beta \approx \frac{h'}{a+h}$$

$$\delta = \alpha (n_2 - 1) + \frac{h'}{a+h} \approx \frac{h'}{l_1}$$~~

~~$$l_{\text{new}} = a+h-l_1$$~~

~~$$\frac{h'}{l_1} = \frac{(a+h)\alpha(n_2-1) + h'}{a+h}$$~~

П.к. углы падения малы, то расст.
по гориз не меняется



203
 $\times 0,07$
14,21

$$\text{tg } \delta \approx \delta = \frac{h'}{a+h}$$

$$h' = (a+h)\alpha(n_2 - 1) = 0,7 \cdot 0,1 \cdot 203 \text{ @}$$

$$\textcircled{=} 14,21 \text{ (см)}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

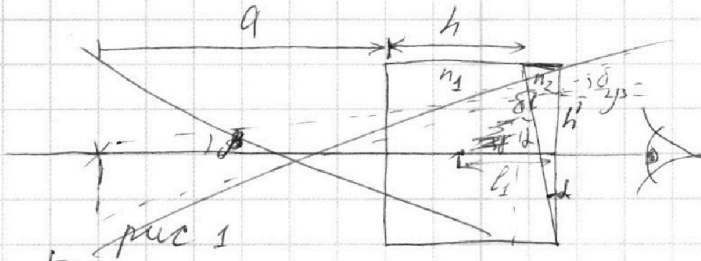
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

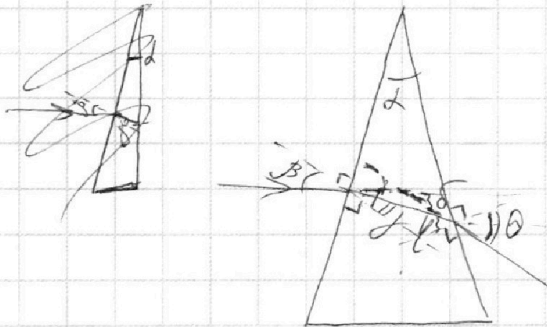
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



5



1) Рассмотрим катан с показателем n и малым углом α и β



т.к. все углы
здесь малы,
 $\sin \beta \approx \beta$ и т.д.

$$\beta = n\alpha$$

$$\alpha = n\beta$$

$$180^\circ - \alpha + \beta + \alpha = 180^\circ$$

$$\alpha = \beta + \alpha$$

$$\beta = \beta - \alpha + \alpha - \alpha \quad \text{---}$$

$$\beta - n\beta + \alpha - n\alpha - \alpha = 0$$

$$n\beta - \beta + n\alpha - \alpha - \alpha = (n-1)\beta + (n-1)\alpha$$

$$(n-1)(\beta + \alpha) = (n-1)\alpha$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1

2

3

4

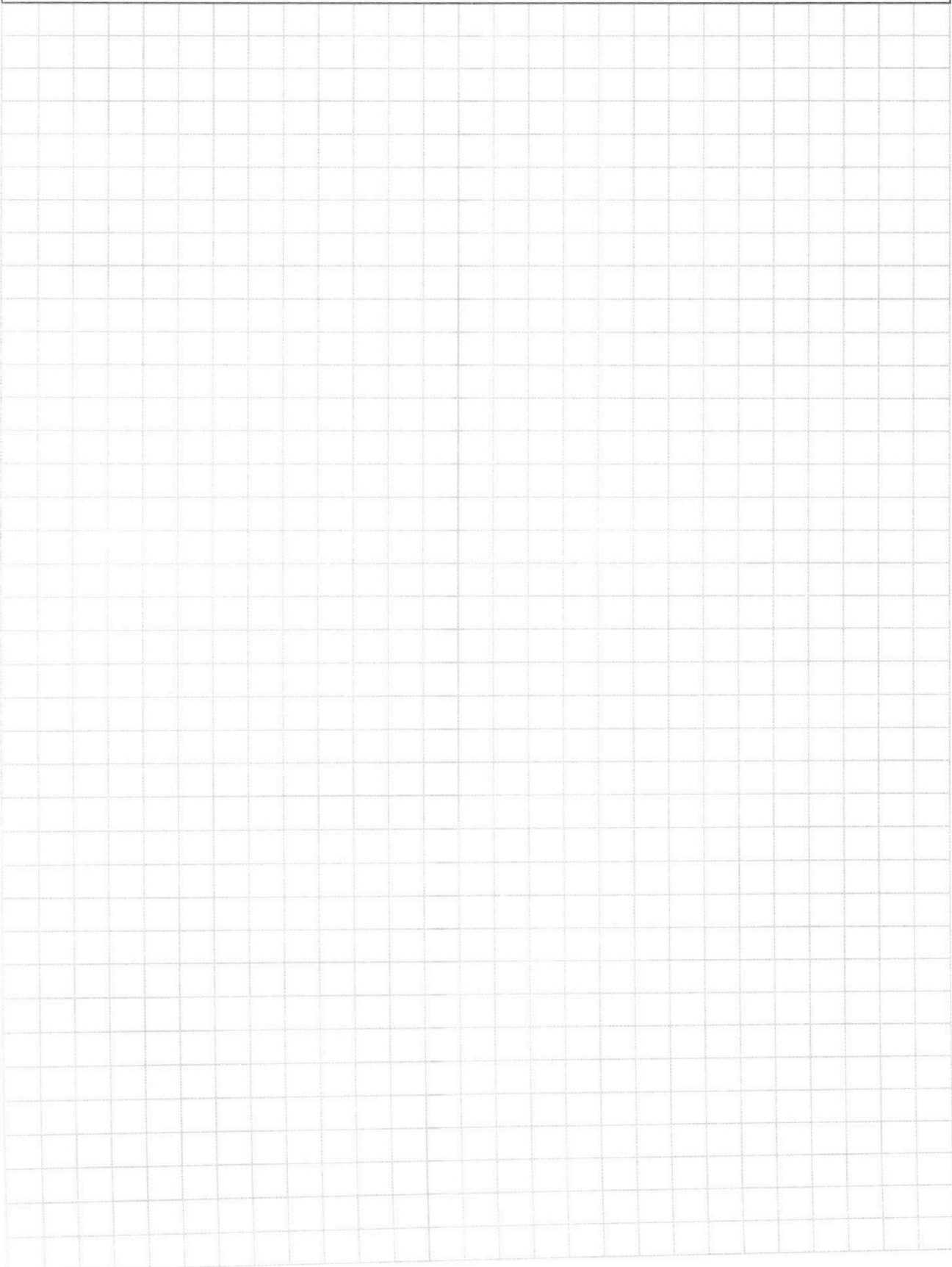
5

6

7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ



Handwritten mathematical work on grid paper. The page is filled with various equations, diagrams, and calculations, many of which are crossed out or heavily scribbled over. Key elements include:

- Top Left:** A diagram showing a right-angled triangle with sides labeled P_1 , P_2 , and P . There are also some numbers like 18, 36, 450.
- Top Right:** A diagram showing a right-angled triangle with sides labeled F_k , v_k , and v . There are also some numbers like 500, 1800, 1900.
- Middle:** Several equations involving F_k , v_k , v , and β . Some equations are circled or boxed. For example, $F_k v_k - \beta v^2 = \beta v_k^2 - \beta v^2$ and $F_k v_k - \beta v^2 = \beta v_k^2 - \beta v^2$.
- Bottom Left:** A diagram showing a right-angled triangle with sides labeled F_k , v_k , and v . There are also some numbers like 20, 25, 500, 1800.
- Bottom Right:** A diagram showing a right-angled triangle with sides labeled F_k , v_k , and v . There are also some numbers like 20, 25, 500, 1800.
- Bottom Center:** A diagram showing a right-angled triangle with sides labeled F_k , v_k , and v . There are also some numbers like 20, 25, 500, 1800.
- Bottom Right:** A diagram showing a right-angled triangle with sides labeled F_k , v_k , and v . There are also some numbers like 20, 25, 500, 1800.