



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 4



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^6 3^{13} 5^{11}$, bc делится на $2^{14} 3^{21} 5^{13}$, ac делится на $2^{16} 3^{25} 5^{28}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник ABC . Окружность, касающаяся прямой AC в точке A , пересекает высоту CD , проведённую к гипотенузе, в точке E , а катет BC – в точке F . Известно, что $AB \parallel EF$, $AB : BD = 1,4$. Найдите отношение площади треугольника ACD к площади треугольника CEF .
3. [4 балла] Решите уравнение $10 \arccos(\sin x) = 9\pi - 2x$.

4. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система уравнений

$$\begin{cases} 5x + 6ay - b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 25)(x^2 + y^2 + 18y + 77) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа x и y удовлетворяют равенствам

$$\log_{11}^4 x - 6 \log_x 11 = \log_{x^3} \frac{1}{121} - 5, \quad \text{и} \quad \log_{11}^4(0,5y) + \log_{0,5y} 11 = \log_{0,125y^3} (11^{-13}) - 5.$$

Найдите все возможные значения произведения xy .

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-15;90)$, $Q(2;90)$ и $R(17;0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $6x_2 - 6x_1 + y_2 - y_1 = 48$.
7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида $SABC$, медианы AA_1 , BB_1 и CC_1 треугольника ABC пересекаются в точке M . Сфера Ω касается ребра AS в точке L и касается плоскости основания пирамиды в точке K , лежащей на отрезке AM . Сфера Ω пересекает отрезок SM в точках P и Q . Известно, что $SP = MQ$, площадь треугольника ABC равна 180, $SA = BC = 20$.
 - а) Найдите произведение длин медиан AA_1 , BB_1 и CC_1 .
 - б) Найдите двугранный угол при ребре BC пирамиды, если дополнительно известно, что Ω касается грани BCS в точке N , $SN = 6$, а радиус сферы Ω равен 8.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



N1

~~$$a \cdot b = k \cdot 2^6 \cdot 3^{13} \cdot 5^{11}$$

$$b \cdot c = r \cdot 2^{14} \cdot 3^{21} \cdot 5^{13}$$

$$a \cdot c = s \cdot 2^{16} \cdot 3^{25} \cdot 5^{28}$$

$$abc = 2^{18} \cdot 3^{30} \cdot 5^{28} \quad (\text{или } krs = 3)$$~~

Пусть $a = 2^{x_1} \cdot 3^{y_1} \cdot 5^{z_1}$
 $b = 2^{y_1} \cdot 3^{y_2} \cdot 5^{y_3}$
 $c = 2^{z_1} \cdot 3^{z_2} \cdot 5^{z_3}$

значит $\begin{cases} (x_1 + y_1)_{\min} \geq 6 \\ (x_1 + z_1)_{\min} \geq 16 \\ (y_1 + z_1)_{\min} \geq 14 \end{cases}$. Если эта система

имеет натуральные корни, то эти значения подходят ~~как надо~~

Решив эту систему получаем $x_1 = 4, y_1 = 2, z_1 = 12$

$\begin{cases} (x_2 + y_2)_{\min} \geq 13 \\ (x_2 + z_2)_{\min} \geq 25 \\ (y_2 + z_2)_{\min} \geq 21 \end{cases}$

Решив систему получаем, что минимальные натуральные корни это $x_2 = 9, y_2 = 5, z_2 = 16$

$\begin{cases} (x_3 + y_3)_{\min} \geq 11 \\ (y_3 + z_3)_{\min} \geq 13 \\ (x_3 + z_3)_{\min} \geq 28 \end{cases}$

Для этой системы минимальные корни $x_3 = 0, y_3 = 0, z_3 = 13$.

~~$$abc = 2^{x_1 + y_1 + z_1} \cdot 3^{y_1 + y_2 + z_2} \cdot 5^{z_1 + y_3 + z_3}$$~~

$$abc = 2^{(4+2+12)} \cdot 3^{(2+2+16)} \cdot 5^{(12+5+13)} = 2^{18} \cdot 3^{30} \cdot 5^{28}$$

Ответ: $2^{18} \cdot 3^{30} \cdot 5^{28}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№3

$$10 \arccos(\sin x) = 9\pi - 2x$$

$$\text{Ограничения } \begin{cases} 9\pi - 2x \in [0; 10\pi] \\ \sin x \in [-1; 1] \end{cases} \Leftrightarrow x \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{9\pi}{2}\right] \text{ верно}$$

$$\arccos(\sin x) = \frac{9\pi}{10} - \frac{x}{5}$$

$$\cos(\arccos(\sin x)) = \cos\left(\frac{9\pi}{10} - \frac{x}{5}\right)$$

$$\sin x = \cos\left(\frac{9\pi}{10} - \frac{x}{5}\right)$$

$$\sin x = \sin\left(\frac{\pi}{2} - \left(\frac{9\pi}{10} - \frac{x}{5}\right)\right) \Leftrightarrow \sin x = \sin\left(-\frac{4\pi}{10} + \frac{x}{5}\right)$$

$$\sin x - \sin\left(\frac{x}{5} - \frac{2\pi}{5}\right) = 0$$

$$2 \cdot \sin \frac{x - \frac{x}{5} + \frac{2\pi}{5}}{2} \cos \frac{x + \frac{x}{5} - \frac{2\pi}{5}}{2} = 0$$

$$\sin \left(\frac{2x}{5} + \frac{\pi}{5}\right) \cos \left(\frac{3x}{5} - \frac{\pi}{5}\right) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \sin\left(\frac{2x}{5} + \frac{\pi}{5}\right) = 0 \\ \cos\left(\frac{3x}{5} - \frac{\pi}{5}\right) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \frac{2x}{5} + \frac{\pi}{5} = \pi k, k \in \mathbb{Z} \\ \frac{3x}{5} - \frac{\pi}{5} = \frac{\pi}{2} + \pi n, n \in \mathbb{Z} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{2} + \frac{5}{2}\pi k, k \in \mathbb{Z} \\ x = \frac{7\pi}{6} + \frac{5}{3}\pi n, n \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

С учетом ограничений получаем корни $-\frac{\pi}{2}; \frac{7\pi}{6}; 2\pi; \frac{17\pi}{6}; \frac{9\pi}{2}$

Ответ: $-\frac{\pi}{2}; \frac{7\pi}{6}; 2\pi; \frac{17\pi}{6}; \frac{9\pi}{2}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

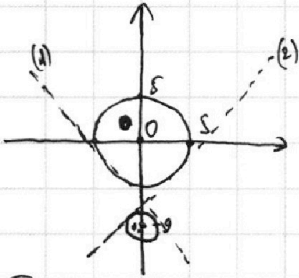
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N4

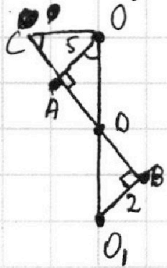
$$(x^2 + y^2 - 25)(x^2 + y^2 + 18y + 77) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + y^2 = 25 & (1) \\ x^2 + (y+9)^2 = 4 & (2) \end{cases}$$

- (1) это окружность с центром $(0; 0)$ и радиусом 5
 (2) это окружности с центром $(0; -9)$ и радиусом 2



Прямая $5x + 6ay - b = 0$ имеет с учетом от нуля до 4 решений. Также эта прямая пересекает OY в точке $\frac{b}{6a}$. Это есть если ~~прямая~~ условие будет выполняться от касания прямой (1) до касания прямой (2).

Из-за симметрии от-но OY можно рассмотреть только прямую (1). Пусть она касается верхней окр в точке A , нижней в B , пересекает OX в C и OY в D . Получаем:



$$\triangle AOD \sim \triangle BO_1D, \text{ так } \begin{cases} \frac{AO}{O_1B} = \frac{OD}{D O_1} = \frac{5}{2} \\ DO + D O_1 = 9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} OD = \frac{45}{7} \\ O_1D = \frac{18}{7} \end{cases}$$

$$\angle AOD = \angle OCD$$

$$\operatorname{tg} \angle OCD = -\frac{5}{6a}$$

$$\operatorname{tg} \angle OCD = \operatorname{tg} \angle AOD = \sqrt{1 - \frac{1}{\cos^2 \angle AOD}} = \sqrt{1 - \frac{OD^2}{AO^2}} = \frac{4\sqrt{2}}{7}$$

$$-\frac{5}{6a} = \frac{4\sqrt{2}}{7}$$

$$a = -\frac{35}{24\sqrt{2}} = -\frac{35\sqrt{2}}{48}$$

$$\text{Ответ: } \left(-\frac{35\sqrt{2}}{48}; \frac{35\sqrt{2}}{48}\right)$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N 5

$$1. \log_{11}^4 x - 6 \log_x 11 = \log_x^3 \frac{1}{121} - 5, \quad x \neq 1$$

$$\log_{11}^4 x - \frac{6}{\log_{11} x} - \left(-\frac{2}{3 \log_{11} x} \right) + 5 = 0.$$

$$\log_{11}^4 x - \frac{16}{3 \log_{11} x} + 5 = 0.$$

$$2. \log_{11}^4(0,5y) + \log_{0,5y} 11 = \log_{0,125y^2} (11^{-12}) - 5.$$

$$\log_{11}^4(0,5y) + \frac{1}{\log_{11}(0,5y)} - \left(-\frac{12}{3 \log_{11}(0,5y)} \right) + 5 = 0.$$

$$\log_{11}^4(0,5y) + \frac{16}{3 \log_{11}(0,5y)} + 5 = 0.$$

3. Заметим, что при $\log_{11}(0,5y) = -\log_{11}(x)$ первое и второе выражения равны, то есть если x является решением первого уравнения то $y = \frac{2}{x}$ также является решением второго.

$$\text{Значит } xy = 2$$

4. ~~Других ~~решений~~ ~~уравнения~~ ~~корней~~ ~~функции~~ ~~не~~ ~~имеет~~, ~~поэтому~~ ~~что~~ ~~она~~ ~~монотонно~~ ~~возрастает~~;~~

~~Пропускаю первое выражение:~~
$$4 \log_{11}^3(x) + \frac{16}{3 \log_{11}^2 x} = 0$$

$$f(t) = t^4 - \frac{16}{3t} + 5$$

$$f'(t) = 4t^3 - \frac{16}{3t^2} = 0 \quad t_0 = \sqrt[5]{\frac{16}{12}}$$

$$f(t_0) = \sqrt[5]{\left(\frac{16}{12}\right)^4} - \frac{16 \sqrt[5]{12}}{3 \sqrt[5]{6}} + 5 > 0$$
 Но есть функция имеет

только один вещественный корень

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Для функции $g(t) = t^4 + \frac{16}{3t} + 5$ тоже будет одно решение по той же причине. Значит $xy = 2$ единственное удовлетворяющее нас значение.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

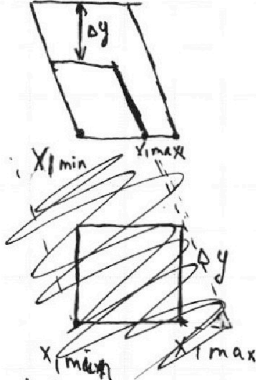
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Если $\Delta x > 0$ $\Delta y \geq 0$



$$x_2 \max = 17 - \frac{\Delta y}{6}$$

$$x_1 \min = 0$$

$$x_4 \max = 17 - \frac{\Delta y}{6} - \Delta x$$

$$\left(\frac{46 - \Delta y}{6}\right) \cdot \left(17 - \frac{\Delta y}{6} - \Delta x\right) + 512 \left(17 - \frac{\Delta y}{6} - \Delta x\right)$$

Δx	1	2	3	4	5	6	7	8
Δy	42	36	30	24	18	12	6	0
$N_{\text{модель}}$	135	190	245	300	355	410	465	520

Если $\Delta x > 0$ $\Delta y < 0$

$$x_1 \min = -17$$

$$x_4 \max = -\frac{90\Delta y}{6} + 17 = 29 - \frac{\Delta y}{6}$$

$$\left(19 - \frac{\Delta y}{6}\right) \cdot \left(\frac{\Delta y}{6} + 1\right) + 512 \left(18 - \frac{\Delta y}{6}\right)$$

Δx	9	10	11	12	13	14	15	16	17
Δy	-6	-12	-18	-24	-30	-36	-42	-48	-54
$N_{\text{модель}}$	135								

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

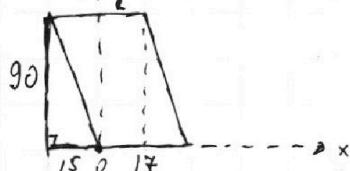
- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№ 6

1. Числа считаются параллельно грани с высотой 90 и с боковыми сторонами $y = -6x$ и $y = -6x + 102$



$$2. 6x_2 - 6x_1 + y_2 - y_1 = 48$$

$$6\Delta x + \Delta y = 48, \text{ где } \Delta x = x_2 - x_1, \Delta x \in [-17; 17]$$

$$\Delta y = y_2 - y_1, \Delta y \in [-90; 90].$$

3. Возможные значения:

Δx	-7	-6	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
Δy	90	84	78	72	66	60	54	48	42	36	30	24	18	12	6	0	-6	-12	-18	-24	-30	-36	-42	-48	-54
n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24

4. При $\Delta y = 90$ $x_{1\max} = 17 - \frac{1}{6} \cdot 90 = 2$, $x_{2\max} = -7 + 2 = -5$.

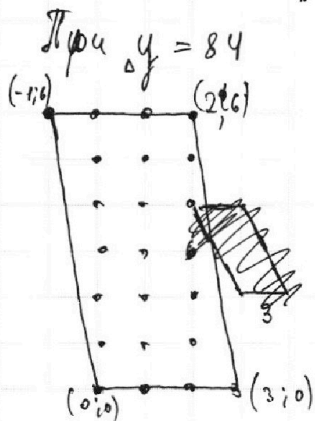
$x_{1\min} = 0$, $x_{2\min} = -7$

$y_{1\max} = y_{1\min} = 0$ количество пар: 3

При $\Delta y = 84$

$x_{1\max} = 17 - \frac{1}{6} \cdot 84 = 3$ $x_{1\min} = 0$

$y_{1\max} = 6$ $y_{1\min} = 6$



Количество пар: $3 \cdot \frac{(x_{1\max} - x_{1\min}) \cdot (y_{1\max} - y_{1\min})}{5} + 1 \cdot \frac{(x_{1\max} - x_{1\min} + 1) \cdot (y_{1\max} - y_{1\min})}{6} = 3 \cdot \frac{3 \cdot 6}{5} + 1 \cdot \frac{4 \cdot 6}{6} = 23$

Эта формула справедлива для любой пары Δx и Δy , где $\Delta y \geq 0, \Delta x \leq 0$

5. Преобразуем это выражение $\frac{(17 - \frac{1}{6}\Delta y) - 0}{5} + \frac{(17 - \frac{1}{6}\Delta y + 1) \cdot (\frac{36 - \Delta y}{6})}{6}$

$$\Rightarrow (17 - \frac{\Delta y}{6}) \cdot \frac{36 - \Delta y}{6} + (18 - \frac{\Delta y}{6}) \cdot \frac{36 - \Delta y}{6}$$

Посчитаем для каждого из $\Delta y \geq 0$ и $\Delta x \leq 0$

Δy	90	84	78	72	66	60	54	48	42	36	30	24	18	12	6	0
n	3	23	99	155	223	303	395	499	615	743	883	1035	1199	1375	1563	1763



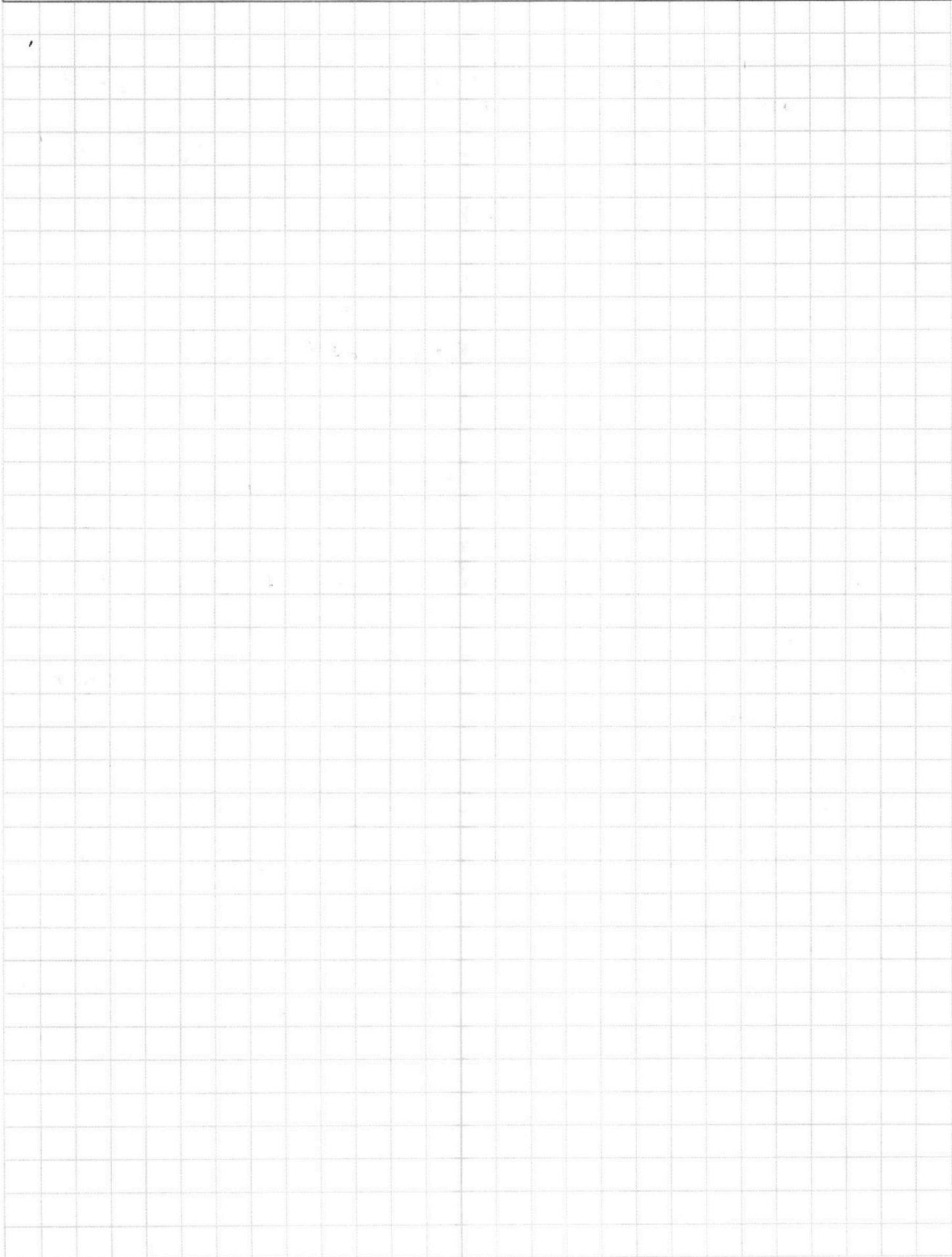
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



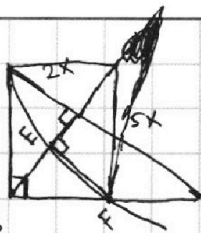
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

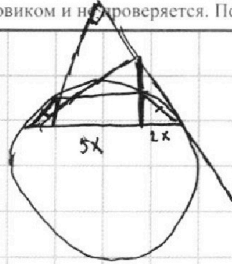
- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



- 90 + 90
- 100 + 90
- 110 + 155
- 150 + 180
- 190 + 225
- 140 + 270
- 150 + 315
- 160 + 360



$$\log_{11}^4(0,5y) + \frac{1}{\log_{11} 0,5y} + \frac{13}{3} \log_{11} 0,5y + 5 = 0$$

$$\log_{11}^4(0,5y) + \frac{16}{3} \log_{11} 0,5y + 5 = 0$$

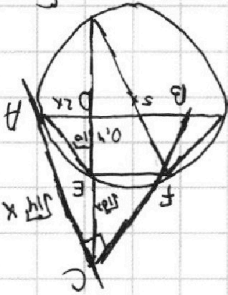
$$\log_{11} 0,5y = -\log_{11} x$$

$$0,5y = \frac{1}{x}$$

$$40 + 0,5 = 20,2 + 5 \cdot 1,9 =$$

$$\frac{18}{22} = \frac{5x}{18} - r$$

$$\frac{18}{5x} = \frac{5}{18} = \frac{\pm}{5x}$$



$$\log_{11}^4 x - \frac{6}{\log_{11} x} + \frac{2}{3 \log_{11} x} + 5 = 0$$

$$\log_{11}^4 x - \frac{16}{3 \log_{11} x} + 5 = 0$$

$$\frac{4 \log_{11} x + \frac{16}{x \log_{11} x}}{3 \log_{11} x \log_{11} x}$$

$$\frac{\pm}{2\sqrt{2}} = \frac{2\pm}{\sqrt{32}} =$$

$$= \frac{5x}{18} - 1 = \sqrt{1 - \frac{16}{12}} =$$

$$\frac{5}{\pm} = \pm 4 - \frac{16}{3\pm} + 5$$

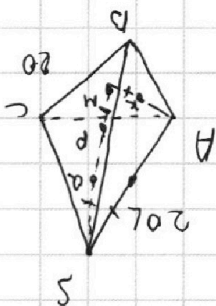
$$= \frac{5x}{\pm} = \cos x = \pm 4 - \frac{16}{3\pm} + 5$$

$$2z = 2s - \left(\frac{\pm}{5x}\right) \frac{12t^5 + 16}{3t^2} = 0$$

$$t^5 = -\frac{16}{12}, t = \sqrt[5]{-\frac{16}{12}}$$

$$a = 14 \sqrt{10}$$

$$h = 14 \sqrt{10} \cdot \frac{1}{10}$$



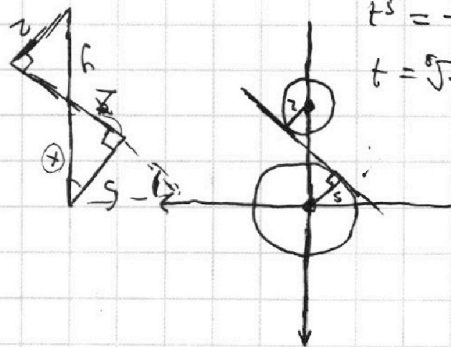
$$R_1 z = x$$

$$2x = 5y$$

$$\frac{x}{5} = \frac{y}{2}$$

$$y = 2x$$

$$y = \frac{a}{9 - 5x} = 2x$$



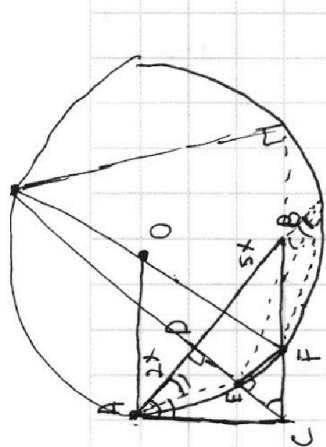
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

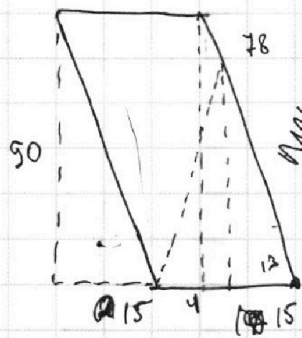
МОФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{AD}{AB} = \frac{OD}{BO}$$

$$\frac{8AD}{5AB} = \frac{5OD}{5BO}$$



$$\Delta x =$$

$$17x = 90$$

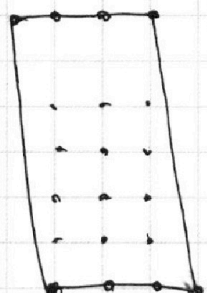
$$6Ax + 8y = 48$$

$$\Delta y_{\max} = 90$$

$$\Delta y_{\min} = -90$$

$$\Delta x_{\max} = 17$$

$$\Delta x_{\min} = -17$$



$$\frac{8AD}{5AB} = \frac{5OD}{5BO}$$

2x + 9 = 13
5x + 9 = 16

$$(17-8)(6n-1) + (18-8) = 8$$

$$9 \cdot 5 = 45$$

$$2 \cdot 8 = 16$$

$$-15 + 16 = 1$$

$$90 \rightarrow 42$$

$$16 \cdot 3 = 48$$

$$-48$$

$$75 \quad 330 - 75 = 255$$

$$715$$

Ax	By
1) -7	90
2) -6	84
3) -5	78
4) -4	72
-3	66
-2	60
-1	54
0	48
1	42
2	36
3	30
4	24
5	18
6	12
7	6
8	0
9	-6
10	-12
11	-18
12	-24
13	-30
14	-36
15	-42
16	-48
17	-54

$$(17-15) \cdot 5 \cdot 0 + (18-15) \cdot \frac{36-30}{5}$$

$$2 \cdot 5 \cdot 0 + 3 \cdot 1$$

$$3 \cdot 5 \cdot 1 + 4 \cdot 2$$

$$4 \cdot 5 \cdot 2 + 5 \cdot 3$$

$$5 \cdot 5 \cdot 3 + 6 \cdot 4$$

$$6 \cdot 5 \cdot 4 + 7 \cdot 5$$

$$7 \cdot 5 \cdot 5 + 8 \cdot 6$$

$$8 \cdot 5 \cdot 6 + 9 \cdot 7$$

$$9 \cdot 5 \cdot 7 + 10 \cdot 8$$

$$90 \cdot 17 = 75 + 24$$

$$48 + 175 = 223$$

$$(17-8)(6n-1) + (18-8) = 7$$

$$9(6n-1) + 10 = 7$$

$$6n-1 = -\frac{625}{98} = -6.377$$

$$9 \cdot 44 + 10 \cdot 8 = 80 + 396 = 474$$

$$8 \cdot 35 + 9 \cdot 7 = 63 + 270 = 333$$

$$6n = -1$$

$$7 \cdot 29 + 8 \cdot 6 = 48 + 203 = 251$$

$$\frac{78}{6} = 13$$

$$6 \cdot 23 + 7 \cdot 5 = 35$$

$$138 + 35 = 173$$

$$4 \cdot 11 + 5 \cdot 3 = 44 + 15 = 59$$

$$5 \cdot 17 + 6 \cdot 4 = 24 + 85 = 109$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$x_2 = \frac{17}{2}$$

$$y_2 = 4$$

$$z_2 = 16$$

$$2z_3 + 11 = 49 \quad 38$$

$$z_3 = 19$$

~~$$x_3 = 9$$~~
~~$$y_3 = 12$$~~

$$\sin x - \cos y =$$

$$\frac{5\pi}{10} - \frac{9\pi}{10}$$

$$\log_{11}^4 x - 6 \log_{11} x = -\frac{2}{3} \log_{11} x - 5$$

$$2x + 2y_3 = 32$$

$$y_3 = 2$$

$$\log_{11}^4 x - 6$$

$$\frac{1}{\log_{11} x} + \frac{2}{3} \log_{11} x + 5 = 0$$

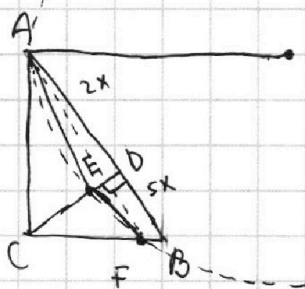
$$x_3 = 9$$

$$z_3 = 19$$

$$t^4 - \frac{6}{t} + \frac{2}{3t} + 5 = 0$$

$$9 + 9 + 4$$

$$3t^5 - 18 + 2 + 15t = 0$$



$$3t^5 + 15t - 16 = 0$$

$$11 + 15 + 28 = 26$$

$$\frac{2x}{5} + \frac{\pi}{8} = \pi k$$

$$9 + 2 = 11$$

$$2x + \pi = 5\pi k$$

$$2z_3 + 11 = 41$$

$$x = -\frac{\pi}{2} + \frac{5\pi k}{2}$$

$$z_3 = 15$$

$$3x - \pi = \frac{5\pi}{2} + 5\pi n$$

$$x_3 = 13$$

$$3x = \frac{7\pi}{2} + 5\pi n$$

$$y_3 = 0$$

$$x = \frac{7\pi}{6} + \frac{5\pi n}{3}$$

$$\sin x = \cos\left(\frac{9\pi}{10} - \frac{2x}{10}\right)$$

$$\frac{1}{2} = \sin \frac{x-y}{2} \cdot \cos \frac{x+y}{2}$$

$$10 \arccos(\sin x) = 9\pi - 2x$$

$$\arccos(\sin x) \in [0; \pi]$$

$$10 \arccos(\sin x) \in [0; 10\pi]$$

$$\sin \frac{\pi}{2} = 1$$

$$\sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{\pi}{2} - \sin \frac{\pi}{6} = \frac{2}{3} \sin \frac{\pi}{2} \cdot \cos \frac{\pi}{6} =$$

$$\sin x + \cos y = \frac{1}{2} \sin(x)$$

$$= 2 - \frac{1}{2} - \frac{1}{2}$$

$$9\pi - 2x \in [0; 10\pi]$$

$$-\frac{\pi}{2}; 2\pi; 4, 5\pi$$

$$x \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{9\pi}{2}\right]$$

$$\frac{7\pi}{6} - \frac{10\pi}{6} - \frac{\pi}{2}$$

$$\frac{27\pi}{6} = \frac{9\pi}{2}$$

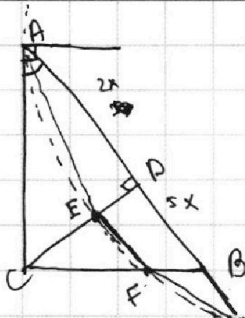
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

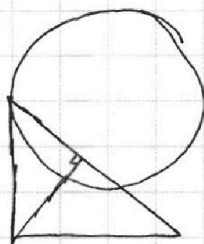
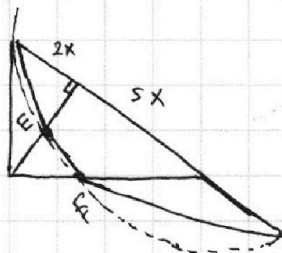


Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\sqrt{10}x^2$$

$$2x \cdot 5x$$



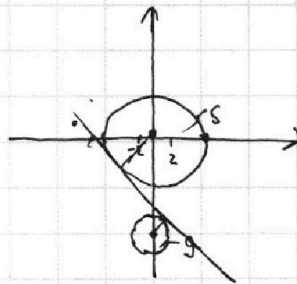
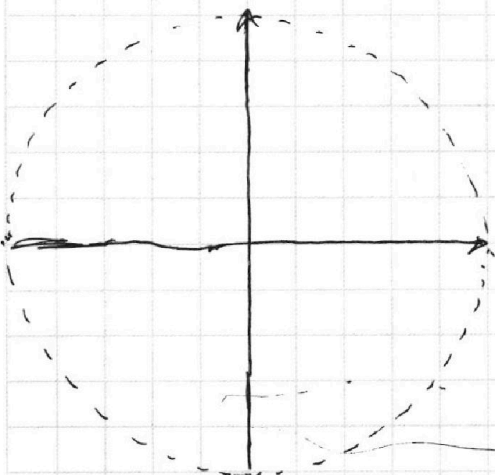
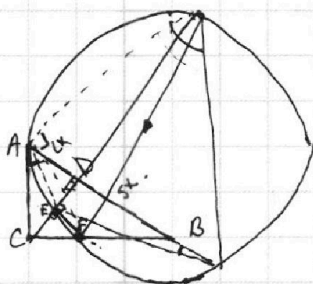
$$AC^2 = CF^2$$

$$x^2 + (y+s)^2$$

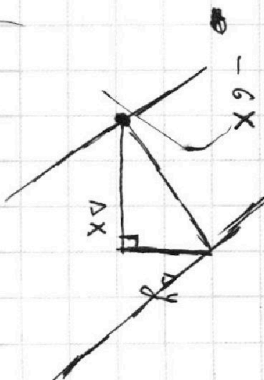
$$x = \frac{b}{5}$$

$$a = 0$$

$$\frac{b}{5} e \begin{pmatrix} -5i - 2j \\ 2i + s \end{pmatrix}$$



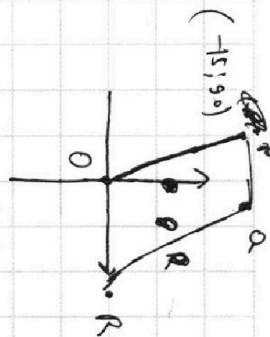
$$Q = kT$$



$$\Delta X_{\max} = 17$$

$$10x \quad \Delta y_{\max} = 80$$

$$6(0k) + \Delta y = 48$$



0.78