



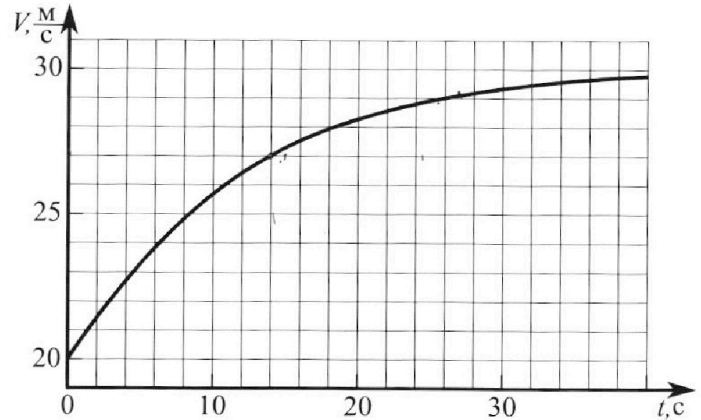
# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

## Вариант 11-02

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Мотоциклист массой (вместе с мотоциклом)  $m = 300$  кг движется с постоянной скоростью и затем разгоняется на прямолинейном горизонтальном участке дороги так, что мощность, передаваемая от двигателя на ведущее колесо, остается постоянной. График зависимости скорости от времени при разгоне показан на рисунке. В конце разгона сила сопротивления движению равна  $F_k = 405$  Н.



1) Используя график, найти ускорение мотоцикла при скорости  $V_1 = 27$  м/с.

2) Найти силу сопротивления движению  $F_1$  при скорости  $V_1$ .

3) Какая часть мощности, передаваемой на ведущее колесо, идет на преодоление силы сопротивления движению при скорости  $V_1$ ?

Требуемая точность численного ответа на первый вопрос ориентировочно 10%.

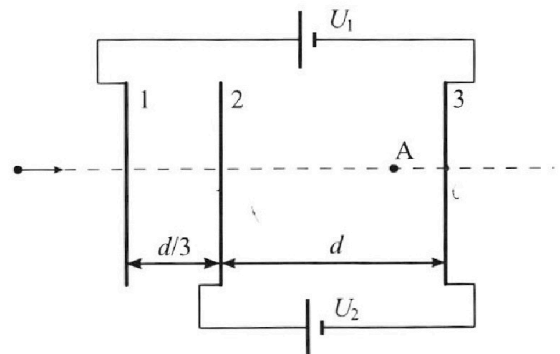
2. Герметичный вертикальный цилиндрический сосуд объемом  $V$  разделён тонким невесомым теплопроводящим герметичным поршнем (диск соосный с сосудом) на две равные части. Поршень может перемещаться без трения. В верхней части цилиндра находится азот, а в нижней - вода и углекислый газ. В начальный момент система находилась в равновесии при комнатной температуре  $T_0$ . При этом жидкость занимала объём  $V/4$ . Затем цилиндр медленно нагрели до  $T = 4T_0/3 = 373$  К. Установившийся объём его верхней части стал равен  $V/6$ .

По закону Генри, при заданной температуре количество  $\Delta v$  растворённого газа в объёме жидкости  $v$  пропорционально парциальному давлению  $p$  газа:  $\Delta v = kp v$ . Объём жидкости при этом практически неизменен. Для углекислого газа константа Генри для данной комнатной температуры  $k \approx 0,6 \cdot 10^{-3}$  моль/(м<sup>3</sup>·Па). При конечной температуре  $T$  углекислый газ в воде практически не растворяется. Можно принять, что  $RT \approx 3 \cdot 10^3$  Дж/моль, где  $R$  - универсальная газовая постоянная. Давлением водяных паров при комнатной температуре и изменением объёма жидкости в процессе нагревания пренебречь. Все газы считать идеальными.

1) Найти отношение количеств вещества в газообразном состоянии в верхней и нижней частях до нагревания.

2) Определите конечное давление в сосуде  $P$ . Ответ выразить через  $P_{\text{АТМ}}$  (нормальное атмосферное давление) с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

3. Три проводящие плоские мелкие сетки находятся друг напротив друга на расстояниях  $d$  и  $d/3$  (см. рис.). Размеры сеток значительно больше  $d$ . Изначально сетки не заряжены. К сеткам подсоединили источники с напряжением  $U_1 = 2U$  и  $U_2 = U$ . Частица массой  $m$  и зарядом  $q > 0$  движется по направлению к сеткам и перпендикулярно сеткам, имея скорость  $V_0$  на расстоянии от сеток, намного большем их размеров. Частица пролетает через сетки, не отклоняясь от прямолинейной траектории. Заряд  $q$  намного меньше модуля зарядов сеток.



1) Найти модуль ускорения частицы в области между сетками 2 и 3.

2) Найти разность  $K_3 - K_2$ , где  $K_2$  и  $K_3$  — кинетические энергии частицы при пролете сеток 2 и 3.

3) Найти скорость частицы в точке А на расстоянии  $2d/3$  от сетки 2.

Олимпиада «Физтех» по физике,  
февраль 2023

Вариант 11-02

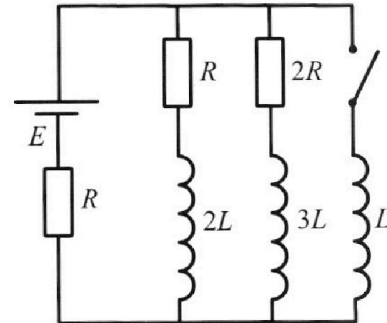
Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби  
и радикалы.



4. Параметры цепи указаны на схеме, все элементы идеальные. Ключ разомкнут, режим в цепи установился. Затем ключ замыкают.

- 1) Найти ток  $I_{20}$  через резистор с сопротивлением  $2R$  при разомкнутом ключе.
- 2) Найти скорость возрастания тока в катушке индуктивностью  $L$  сразу после замыкания ключа.
- 3) Как ой заряд протечет через резистор с сопротивлением  $2R$  при замкнутом ключе?

Ответы давать с числовыми коэффициентами в виде обыкновенных дробей.



5. Оптическая система состоит из двух призм с показателями преломления  $n_1$  и  $n_2$  и находится в воздухе с показателем преломления  $n_v = 1,0$ . Точечный источник света S расположен на расстоянии  $a = 200$  см от системы и рассматривается наблюдателем так, что источник и глаз наблюдателя находятся на прямой, перпендикулярной наружным поверхностям призм (см. рис.). Угол  $\alpha = 0,05$  рад можно считать малым, толщина  $h = 9$  см. Толщина призмы с показателем преломления  $n_2$  на прямой «источник – глаз» намного меньше  $h$ . Отражения в системе не учитывать.

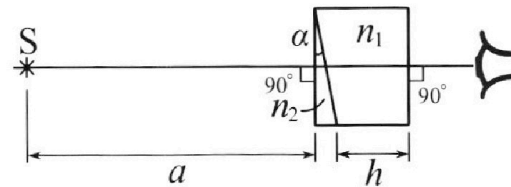


рис.). Угол  $\alpha = 0,05$  рад можно считать малым, толщина  $h = 9$  см. Толщина призмы с показателем преломления  $n_2$  на прямой «источник – глаз» намного меньше  $h$ . Отражения в системе не учитывать.

- 1) Считая  $n_1 = n_v = 1,0$ ,  $n_2 = 1,6$ , найдите на какой угол отклонится системой луч, идущий от источника перпендикулярно левой грани системы.
- 2) Считая  $n_1 = n_v = 1,0$ ,  $n_2 = 1,6$ , найдите расстояние между источником и его изображением, которое будет видеть наблюдатель.
- 3) Считая  $n_1 = 1,8$ ,  $n_2 = 1,6$ , найдите на каком расстоянии от источника будет его изображение, которое увидит наблюдатель.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

1.) Ускорение — тангенс угла наклона касательной  
к графику  $v(t)$

На графике тангенс угла наклона в точке  $v_1 = 27 \text{ м/с}$

$$\tan \alpha \approx \frac{4}{7} \approx \frac{4}{7} \text{ или } \tan \alpha = \frac{3}{5}$$

$$\frac{40}{70} \text{ или } \frac{42}{70} \text{ погрешность } \frac{1}{35} \approx \frac{1}{40} \Rightarrow$$

ред выбор ~~а~~ вычислений чинюла

$$\tan \alpha = \frac{3}{5} \Rightarrow a = 0,6 \text{ м/с}^2$$

2.) В конце разгона  $a = 0$  и  $v_{\text{кон}} = 30 \text{ м/с}$   
и нет не силу сопротивления

на графике  $v(t)$ , это касательная скорости

$v_k \rightarrow 30 \text{ м/с}$ , тогда  $2 \text{ м/с}^2$

$F_{\text{тк}} = F_{\text{сопр}} = F_k$ ,  $F_{\text{т}}$  — сила тяги,克服阻力的  
величина, зависящая от  
скорости

$$F_{\text{т}} = \frac{P}{v(t)} \Rightarrow F_{\text{тк}} = \frac{P}{v_k}, \text{ тогда}$$

$$\frac{P}{v_k} = F_k \quad P = F_k v_k \Rightarrow P = 405 \text{ Н} \cdot 30 \text{ м/с} = 12150 \text{ Вт}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Мощность на участке всей цепи

постоянна.

В момент времени  $t_1$  ( $t_1 = 12 \text{ с}$ )

$$M_A = F_T(t_1) - F_{\text{сопр}} \Rightarrow$$

$$F_{\text{сопр}} = F_T(t_1) - M_A = \frac{P}{v_1} - M_A = \frac{405 \text{ Н} \cdot 30 \text{ м/с}}{27 \text{ м/с}} - 300 \text{ кг} \cdot \frac{3}{5} \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$= 450 \text{ Н} - 180 \text{ Н} = 270 \text{ Н}$$

3) Мощность на участке всей цепи

$$P_{\text{сопр}} = F_{\text{сопр}} \cdot v_1 \Rightarrow$$

$$\text{Дано } k = \frac{P_{\text{сопр}}}{P} = \frac{F_{\text{сопр}} \cdot v_1}{P} = \frac{270 \text{ Н} \cdot 27 \text{ м/с}}{405 \text{ Н} \cdot 30 \text{ м/с}} = \frac{30}{50} = \frac{3}{5} \quad (60\%)$$

ответ: 1)  $10,6 \text{ м/с}^2$  2)  $270 \text{ Н}$  3)  $\frac{3}{5}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Третья нет, поршень не соскакивает  $\Rightarrow P_{\text{внх}} = P_{\text{внз}}$

В начале  $P_{\text{внх}} = P_{\text{внз}}$  - давление воздуха в лауре

изменилось мало  $\Rightarrow$  кол-во газа в газобарометре

составили тогда изменилось мало.

~~Для~~ Для газа:  $(V \text{ изменился } V = V_0)$

$$P_H \cdot \frac{V_0}{2} = \gamma_N \cdot R T_0, \quad P_H - \text{неизвестное давление.}$$

Для нижней точки

$$1) \quad P_H \cdot \frac{V_0}{4} = \gamma_{\text{ниж}} \cdot R T_0 \quad \Rightarrow \quad \frac{\gamma_{\text{вх}}}{\gamma_{\text{ниж}}} = 2$$

Можно считать, что  $\gamma_{\text{ниж}} = \gamma_{\text{соз}}$

2) В конце. углубится газ полностью вступит в связь

$\Rightarrow$  его новое количество

$$\gamma'_{\text{соз}} = \gamma_{\text{соз}} + \Delta \gamma = \gamma_{\text{соз}} + k \cdot \frac{V_0}{4} \cdot P_H$$

Пусть связь в газобарометре составили

то с их гор (иное давление) нет  $\Rightarrow$

Для верхней точки:

$$P' \cdot \frac{V_0}{6} = \gamma_N \cdot R \frac{4}{3} T_0 \quad (1)$$

$$P_H \cdot \frac{V_0}{2} = \gamma_N \cdot R \cdot T_0 \quad (2)$$
$$\Rightarrow \frac{P'}{P_H} = 4 \quad (2)$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Т.к. жирность осталась в сосуре,  $T = 100^\circ\text{C} = 373\text{K}$  -

равление насыщенного пара -

$$P_{\text{H}_2\text{O}} = P_{\text{атм}}$$

Тогда  $P' = P_{\text{атм}} + P_{\text{пары}}$ ,  $P_{\text{пары}}$  - парциальное давление

воздуха ( $\text{O}_2$ ) - ~~закон~~ - закон Дальтона.

$$P_{\text{пары}} = \frac{7}{12} V_0 = \left( y_{\text{сое}} + k \frac{V_0}{4} \cdot P_{\text{H}} \right) RT$$

$$P' \cdot \frac{V_0}{6} = y_{\text{H}} RT, \quad y_{\text{H}} = 2y_{\text{сое}} \quad \text{из } \text{исходных условий}$$

$$\begin{cases} \frac{7}{12} P_{\text{пары}} V_0 = y_{\text{сое}} RT + V_0 \frac{P_{\text{H}}}{4} k RT \quad | \cdot 2 \\ P' \cdot \frac{V_0}{6} = 2y_{\text{сое}} RT \end{cases} \quad \downarrow$$

$$\frac{7}{6} P_{\text{пары}} V_0 - P' \cdot \frac{V_0}{6} = \frac{1}{2} P_{\text{H}} \cdot V_0 k RT$$

$$kRT = 0,6 \cdot 10^{-3} \cdot 3 \cdot 10^3 = \frac{9}{5}$$

(безразмерная величина)

$$\text{из условия (2): } P_{\text{H}} = \frac{1}{4} P'$$

$$P_{\text{пары}} = \frac{1}{7} P' + \frac{6}{7} \cdot \frac{1}{8} P' \cdot \frac{9}{5}$$

$$P_{\text{пары}} = \frac{76}{280} P' \quad ; \quad P_{\text{пары}} = P' - P_{\text{атм}}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$P' - P_{\text{гн}} = \frac{76}{280} P'$$

$$P_{\text{гн}} = \frac{280 - 76}{280} P' = \frac{204}{280} P' = \frac{51}{70} P' \Rightarrow$$

Котелное давление  $P' = \frac{70}{51} P_{\text{гн}}$ .

Ответ: 1.) 2  $\frac{70}{51} P_{\text{гн}}$ .



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:



1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

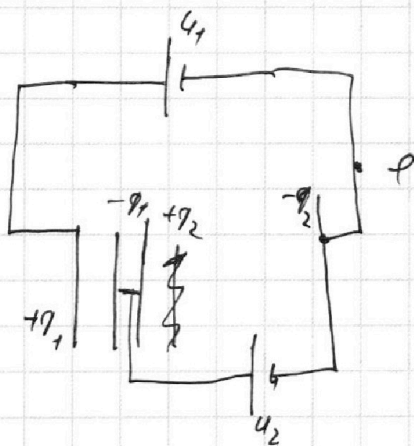
Размеры сети значительно больше  $d \Rightarrow$  сеть можно

считать однородно-временными плоскостями.

Разрешим сеть  $u$  на две части и проложим линии

$d \gg 0$ , тогда ветви нет т.е. можно проложить  $\Rightarrow$  равною

систему можно рассматривать как две конденсатора



Пусть заряд конденсатора

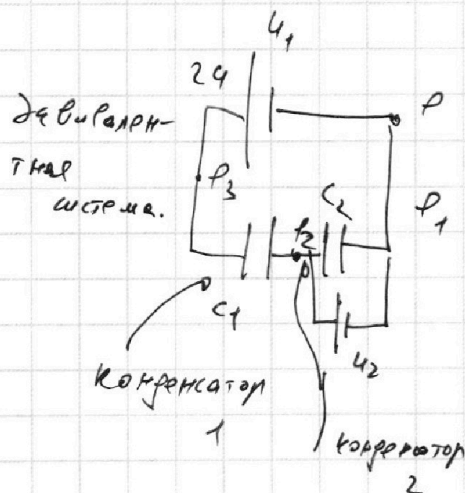
$$\frac{d}{3} - q_1, d_2 - q_2$$

Напряжения на 2

конденсаторе  $u_2 = u$ ,

на 1 :  $u_{c1} = u_1 - u_{c2} =$

$$= u_1 - u_2 = u$$



Принимая на однородности

потенциал  $\varphi = 0$ , обозначим

потенциал левой обкладки

2 конденсатора  $\varphi_1$

Тогда между обкладками

$$\varphi_2 = \varphi + u, \text{ следовательно } \varphi_3 = \varphi + 2u.$$

При равном распределении зарядов вычисляется

и закон сохранения заряда, а из закона Кирхгофа  $\Rightarrow$  равное

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Распределение зарядов на конденсаторе.

1. Область между сегментами 2 и 3 - конденсатор 2

$$q_2 = C_2 \cdot U = \frac{\epsilon_0 S}{d} \cdot U, \text{ тогда поле}$$

$$E = \frac{q_2}{\epsilon_0 S} = \frac{q}{d} \Rightarrow \text{и } q = d \cdot E \text{ - второй закон Ньютона}$$

$$q = \frac{qE}{m} = \frac{q \cdot U}{m \cdot d}$$

2. Потенциальная энергия при широте 2 и 3 (всё):

$$\frac{m v_2^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2} + (r_2 - r_1) \cdot q \quad k_3 - k_2 = \frac{m v_3^2}{2} - \frac{m v_2^2}{2} = q \cdot U$$

$$\frac{m v_3^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2} + (r_1 - 0) \cdot q \quad (k_j = k_H + A_{поле})$$

Поле вно конденсаторов нет  $\Rightarrow \rho = 0$   
(того же напр. зарядов)

$$\frac{m v_2^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2} + q E l$$

$$\Rightarrow \frac{m v_2^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2} + q q + q \cdot \frac{2}{3} U$$

$$\frac{m v_3^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2} + 2 q U$$

(Максимальная скорость достигается от 3 и 2 сегментов) Т.к.

$$E = \text{const} \Rightarrow$$

Ответ: а)  $\frac{qU}{m}$

б)  $4q$

$$v) \sqrt{v_0^2 + \frac{20}{3} \frac{qU}{m}}$$

$$v_H = \sqrt{v_0^2 + \frac{20}{3} \frac{qU}{m}}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

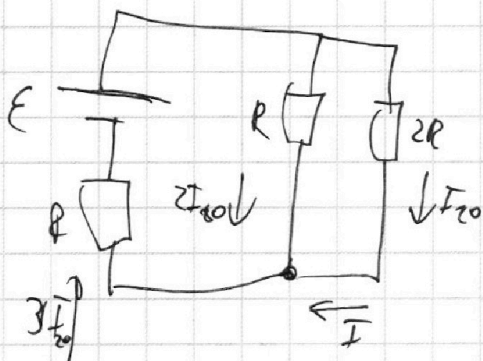
1   
  2   
  3   
  4   
  5   
  6   
  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



4. 1.) В уст. решении ~~И~~  $U_{2L}, U_{3L} = 0$  (короткое замыкание резистора  $0$ )  $\Rightarrow$



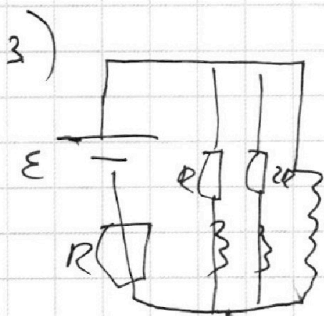
В уст. решении больше контура.  
(на среднее значение токов не касаться)  
 $\epsilon = 2I_{100}R + 3I_{20}R \Rightarrow$   
 $I_{20} = \frac{\epsilon}{5R}$

2) Сразу после замыкания ток не может

$\Rightarrow U_{2L}, U_{3L} = 0$  (у короткого)  $\Rightarrow$

$$U_L = I_{20} \cdot 2R = \frac{2\epsilon}{5}$$

$$LI = \frac{2\epsilon}{5} \Rightarrow I = \frac{2\epsilon}{5L}$$



В уст. решении ток в цепи только по большому контуру  
(с катушкой L)  
 $\Rightarrow I_k = \frac{\epsilon}{R}$

Зависит значение напряжения по веткам  $2R$  и  $L$  в момент замыкания у катушки составляет  $\frac{1}{2}$  контура.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$I_1 \cdot 2R + 3L \frac{dI_1}{dt} = L \frac{dI_2}{dt}$$

$$I = \frac{dq}{dt} \Rightarrow$$

$$\frac{dq_{ze}}{dt} \cdot 2R + 3L \frac{dI_1}{dt} = L \frac{dI_2}{dt}$$

$$dq_{ze} \cdot 2R + 3L \cdot dI_1 = L dI_2 \quad - \text{интегрируем.}$$

$$q_{ze} \cdot 2R + 3L(0 - I_{20}) = L(I_k - 0)$$

$$q_{ze} \cdot 2R = L \cdot I_k + 3L \cdot I_{20} \approx L \cdot \frac{\varepsilon}{R} + 3L \cdot \frac{2}{5} \frac{\varepsilon}{R} = \frac{8}{5} \frac{\varepsilon}{R} L$$

$$q_{ze} = \frac{4}{5} \frac{\varepsilon}{R} L$$

Ответ: а)  $\frac{\varepsilon}{5R}$  б)  $\frac{2\varepsilon}{5L}$  в)  $\frac{4}{5} \frac{\varepsilon}{R} \cdot L$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

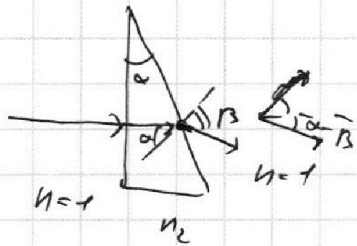
1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1. Т.к.  $n_1 = n_2 = 1,0$  отклонение будет происходить только в призме  $n_2$



Закон преломления

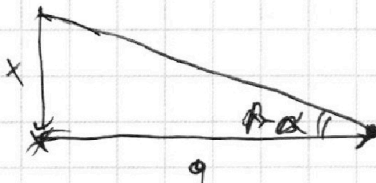
$$n_2 \cdot \alpha = \beta \quad (\text{угол падения } \sin \alpha \approx \alpha, \sin \beta \approx \beta)$$

Угол отклонения

из геометрии  $\delta = \beta - \alpha = \alpha(n_2 - 1)$

$$\delta = \alpha(n_2 - 1) \approx 0,05 \text{ рад} \cdot 0,6 = 0,03 \text{ рад}$$

2. Т.к. толщина призмы очень мала  $\Rightarrow$  изображение не сместится из горизонтали отклонения.



$$(\text{из геометрии}) \quad x = q \cdot \tan(\alpha) = q \cdot \frac{\beta - \alpha}{\beta - \alpha}$$

$$= q \cdot \alpha(n_2 - 1) = 200 \text{ см} \cdot 0,03 \text{ рад} =$$

$$= 6 \text{ см}$$

3. Рассмотрим данную систему как сферическую линзу из двух сред  $n_1$  и  $n_2$  с углом  $\alpha$  и преломляемостью  $n$  параллельно плоскости. (Между средами  $n_1$  и  $n_2$  плоскость  $n_1$  разбита вазелином толщиной  $h \geq 0$ )

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1   
  2   
  3   
  4   
  5   
  6   
  7

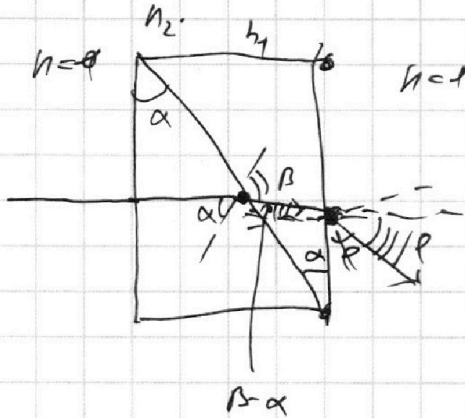
**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Рассмотрим смещение луча на вертикали поверхности

проходящего через призму.



Проложем!

$$n_2 \cdot \alpha = n_1 \cdot \beta$$

из геометрии второго треугольника

$$h_1 (\beta - \alpha) = \rho \cdot n, \quad n=1$$

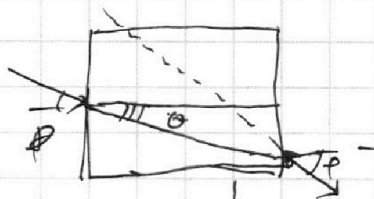
$$\beta = \frac{h_2}{h_1} \cdot \alpha$$

$$\rho = h_1 \left( \frac{h_2}{h_1} \alpha - \alpha \right) = \alpha (n_2 - h_1)$$

Тогда смещение  $\rho$  на вертикали из 2 точек

$$X' = \theta \cdot \rho = \theta \cdot \rho = \theta \cdot \alpha (n_2 - h_1) = 200 \text{ см} \cdot 0,2 \cdot 0,05 = 2 \text{ см}$$

далее разность луча поперек  $\rho$  иносю горизонтальной плоскости  $n_1$ , которая смещает луча на  $\rho$  вдоль  $n_1$  и вертикали на  $\rho$  из-за разности  $n_1$



$$\rho = \theta \cdot h_1$$

смещение луча  $X_2$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Смотрим по горизонтали

$$x_2 = h \cdot \left(1 - \frac{1}{n}\right) = \text{по геометрии}$$

$$= 9 \text{ см} \cdot \left(1 - \frac{1}{10}\right) =$$

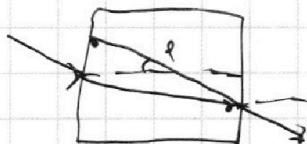
$$= 8 \text{ см}$$

$$h \cdot \vartheta = (h - x_2) \cdot \rho$$

$$h \cdot \frac{\rho}{n} = h - x_2 - \rho \Rightarrow x_2 = h - \frac{h}{n}$$

Смотрим по вертикали:

$$x_3 = x_2 \cdot \rho = 8 \text{ см} \cdot 0,01 = 0,08 \text{ см}$$



$x_3$  — ширина блока

Тогда расстояние от центра  $\rho$  до поверхности

$\rho = \text{рем}$  по Т. Пифагора.

$$\rho_{\text{рем}} = \sqrt{x_1^2 + x_2^2} = \sqrt{16 \text{ см}^2 + 4 \text{ см}^2} = 2\sqrt{5} \text{ см.}$$

Ответ: а.) 0,03 рад.

б.) 6 см

в.)  $2\sqrt{5}$  см.



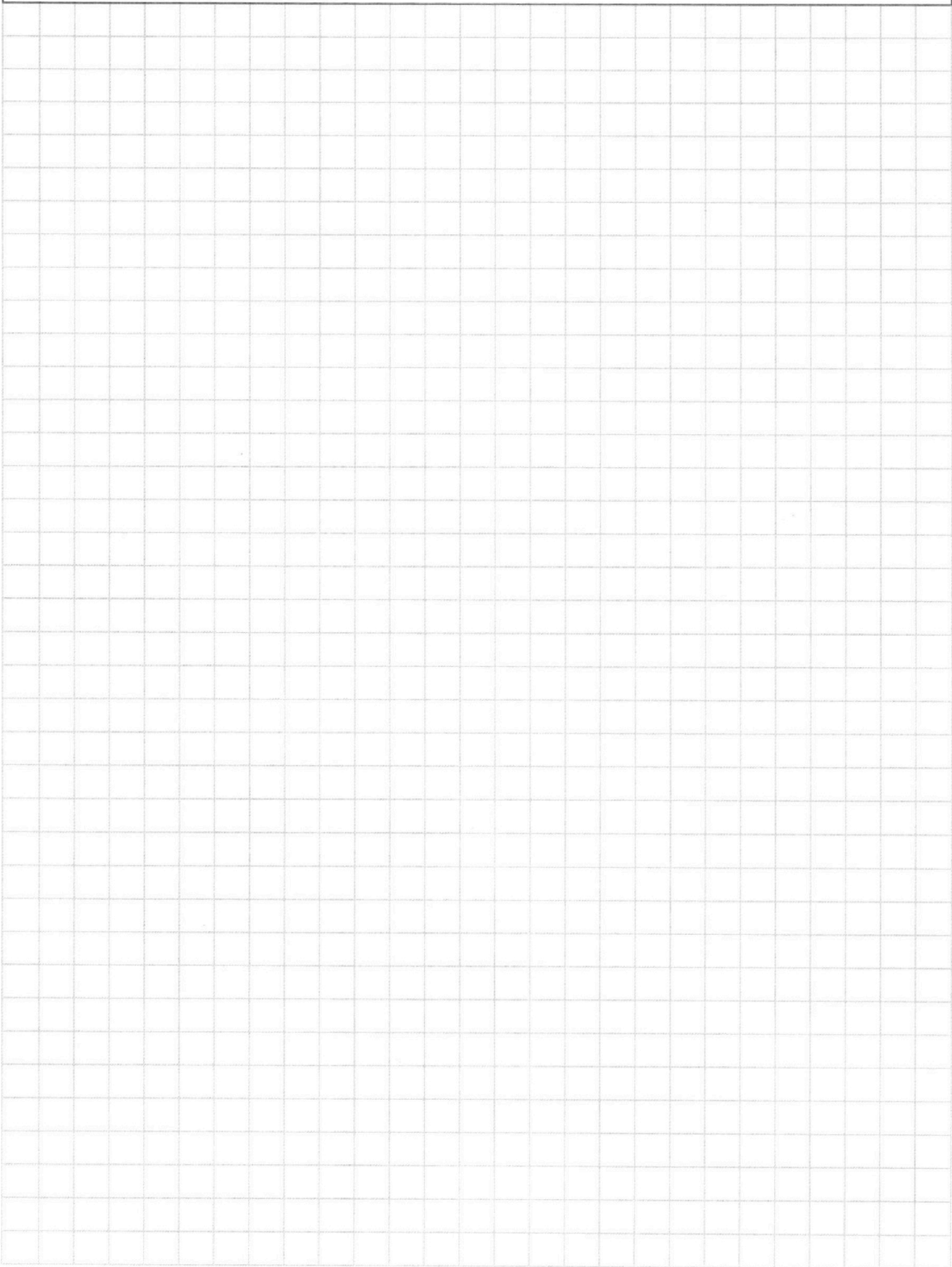
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

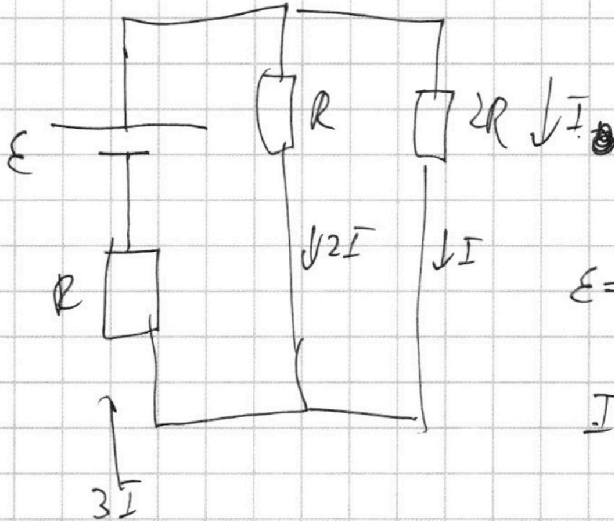
1   
  2   
  3   
  4   
  5   
  6   
  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



4.



$$\varepsilon = I \cdot 2R + 3I \cdot R = 5IR$$

$$I = \frac{\varepsilon}{5R}$$

$$\varepsilon = 3IR = \frac{3}{5} \varepsilon$$

$$\frac{2\varepsilon}{5} = L \cdot \dot{I}$$

$$\dot{I} = \frac{2\varepsilon}{5L}$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R}$$

~~$$L \frac{dI}{dt} = 2R \cdot I$$~~

$$\frac{dI}{dt} \cdot 2R + 3L \frac{dI}{dt} = L \frac{dI}{dt}$$

$$0 = \frac{\varepsilon}{5R}$$

$$2R \cdot dI + 3L \left( \frac{\varepsilon}{5L} - I \right) = L \cdot \left( \frac{\varepsilon}{5L} - I \right)$$

$$2R \cdot dI = \frac{L\varepsilon}{5} - 3\varepsilon + 3LI - L\varepsilon + 5LI$$

$$\frac{dI}{dt} \cdot 2R = \frac{L\varepsilon}{5} + \frac{3\varepsilon L}{5R} \quad \frac{4\varepsilon L}{5R}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

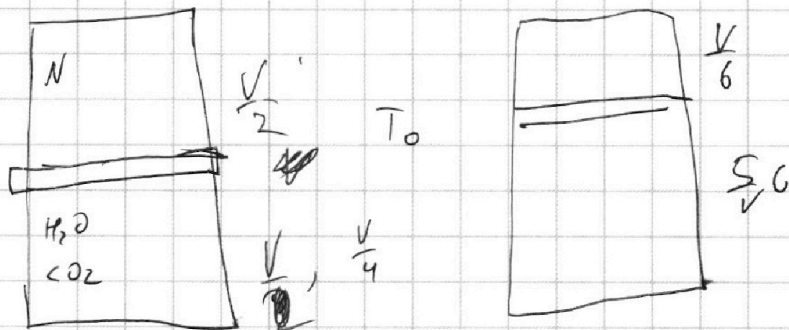
- 1  2  3  4  5  6  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

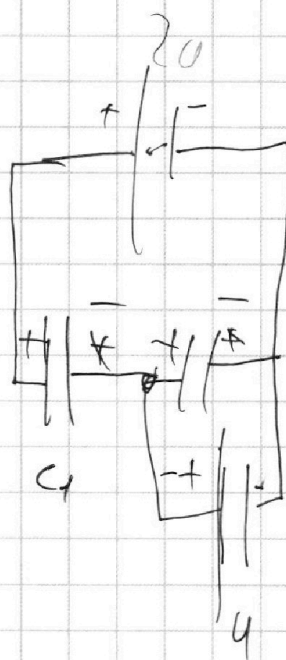
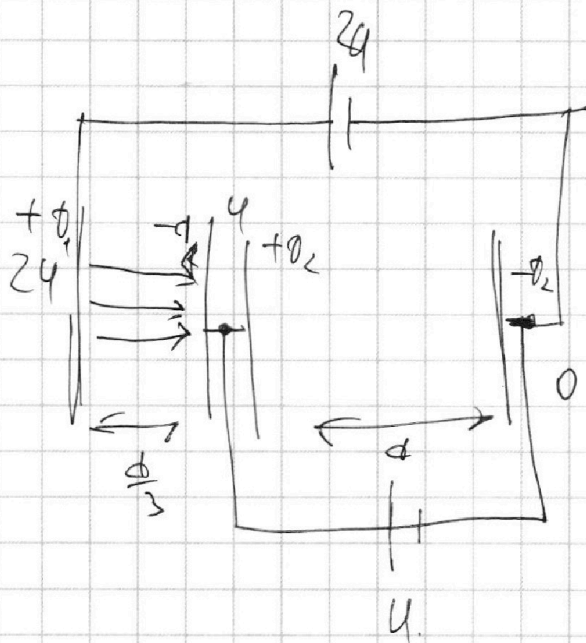


2.



$$\Delta y = \epsilon p w$$

3.



$$C = \frac{q_2}{U} = \frac{q_2}{\epsilon_0 \epsilon \cdot d}$$

$$q_2 = \frac{U \cdot \epsilon_0 \epsilon \cdot d}{d}$$

$$2U = \frac{q_2}{\epsilon_0 \epsilon \cdot d} + \frac{q_1}{\epsilon_0 \epsilon \cdot \frac{d}{3}}$$

$$U = \frac{q_1}{\epsilon_0 \epsilon \cdot \frac{d}{3}} \Rightarrow q_1 = \frac{3U \epsilon_0 \epsilon \cdot d}{d}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\beta = (h_1 - h_2) \alpha$$

$$h_1 \alpha = h_2 \beta$$

$$\beta = \frac{h_1}{h_2} \alpha$$

$$p = \beta \cdot h_1$$

$$(\beta \cdot h_1) = p$$

$$x = h \left(1 - \frac{h}{n}\right)$$

$$h - \frac{h}{n}$$

$$h \cdot \operatorname{tg} \beta = x \cdot \operatorname{tg} \alpha$$

$$h = x - h$$

$$x = \frac{h}{n}$$

$$\sqrt{a^2 - p^2 + \left(h \cdot \left(1 - \frac{h}{n}\right)\right)^2}$$

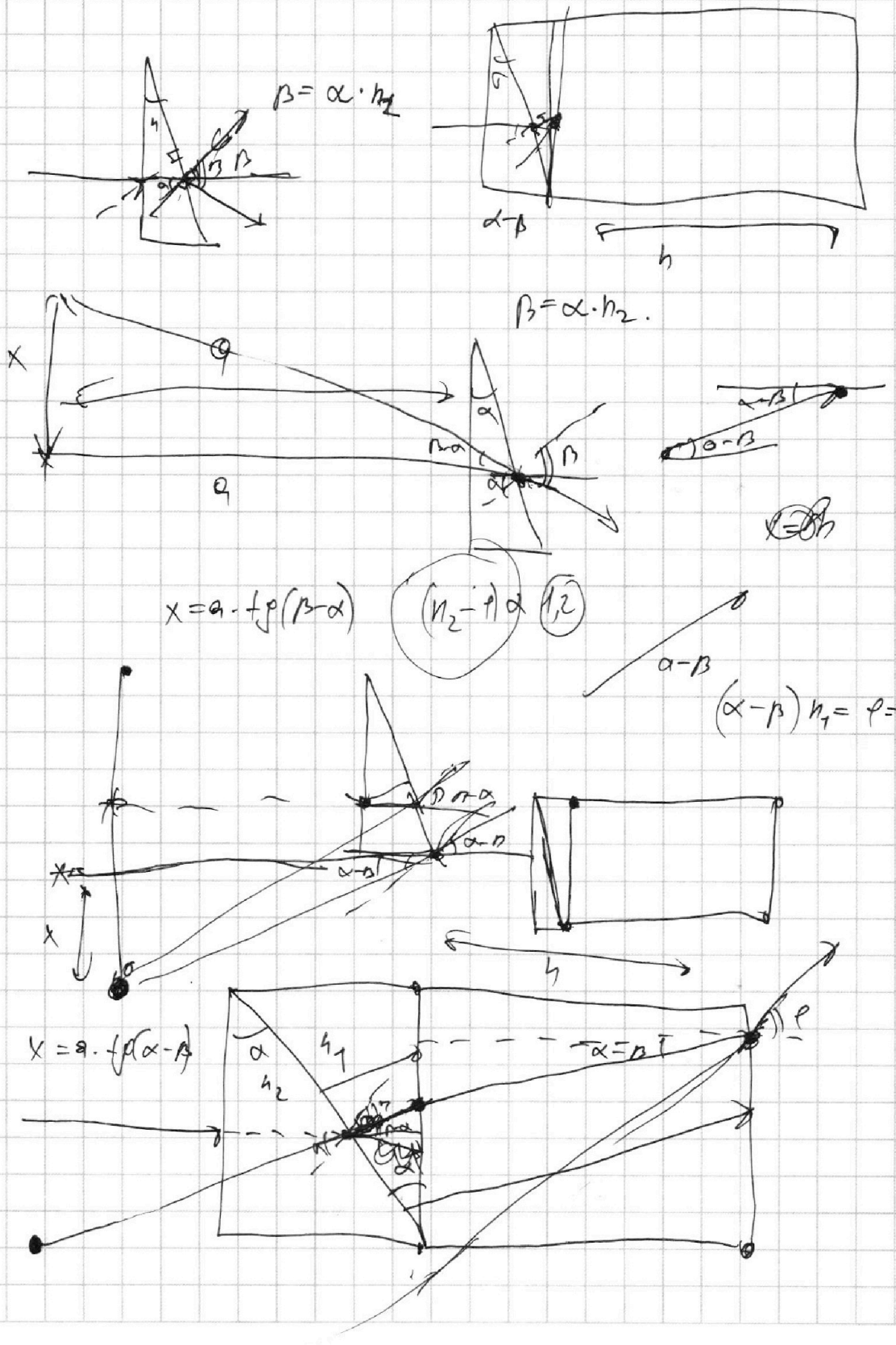
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Handwritten solution on grid paper:

$2 \times 1000$   $15000$   $\frac{2}{3}d$   
 $U_3^2 +$   $U_5^2 - U_2^2 = \frac{2 \cdot 24}{15} = 30$   $\rightarrow 9$   
 $g = \frac{90}{18}$   $P_0$   $11:30$   $13:00$   $d$   
 $P_{14}$   $\frac{24 \cdot 9}{m}$   $(P_{14} \quad P_{24})$   $\theta_9$   
 $\frac{10}{18}$   $(P_{14} + P_{1000}) \cdot \frac{V}{8} = 2 \cdot 9_0 \cdot R \cdot T$   $\frac{24}{3}$   $\frac{10}{3}$   
 $\frac{8}{18} \cdot 9$   $P_0 \cdot \frac{V}{2} = 2 \cdot 9_0 \cdot R \cdot T$   $P_{1000} = \frac{7}{12} \quad U_0 = (9_0 + k P_0 \cdot \frac{V}{4}) R T$   
 $U_3^2 = U_4^2$   $\frac{P_{14} + P_{1000}}{P_0} \cdot \frac{V}{2} = \frac{4}{1} \cdot 9_0$   $(P_{14} + P_{1000}) \cdot \frac{V}{8} =$   
 $(P_0 + P_{1000}) \cdot \frac{V}{6} = 2 \cdot 9_0 \cdot R \cdot T$   $P_0 = \frac{P_{14} + P_{1000}}{4}$   $\frac{P_0 + P_{1000}}{4} \cdot \frac{V}{8} =$   
 $P_{14} \cdot \frac{V}{6} + \frac{12}{7} \cdot \frac{(9_0 + k P_0 \cdot \frac{V}{4})}{7} \cdot R T = 2 \cdot 9_0 \cdot R T$   $\frac{P_0 + P_{1000}}{4}$   
 $P_{14} \cdot \frac{V}{6} = R T \left( 2 \cdot 9_0 - \frac{12}{7} \cdot 9_0 - 2 P_0 \cdot \frac{V}{4} \right)$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$P_0 \cdot \frac{V_0}{2} = \gamma R T_0$$

$$P_0 = \frac{2\gamma R T_0}{V_0}$$

$$P \cdot \frac{V}{6} = \gamma R \frac{4}{3} T_0$$

$$P = \gamma R \cdot \frac{4}{3} \cdot \frac{2}{V} \cdot 8 T_0$$

$$\frac{P}{P_0} = 4$$

Есть ли чар?

$P_0, P, \gamma_0,$

$$\gamma_{\text{ср}} = 2\gamma_0$$

$$P_{\text{чар}} = 0$$

$$P = 4P_0$$

$$\gamma_0 = 2\gamma$$

$$P_0 \cdot \frac{V}{4} = \gamma_0 R T_0$$

$$P \cdot \frac{7}{12} V = \left(\gamma_0 + \frac{V}{4} \epsilon P_0\right) R \frac{4}{3} T_0$$

$$P =$$

$$\frac{P}{P_0} = 4$$

$$P_0 = \frac{P}{4}$$

$$\frac{7}{12} \cdot \beta = \frac{\gamma_0 + \frac{V}{4} \epsilon P_0}{2\gamma_0}$$

$$P \cdot \frac{7}{12} V = \left(\gamma_0 + \frac{V}{4} \epsilon P_0\right) \cdot \frac{4}{3} T_0$$

$$7\gamma_0 = \gamma_0 + \frac{V}{4} \epsilon P_0$$

$$P \cdot \frac{V}{6} = 2\gamma_0 R \frac{4}{3} T_0$$

$$\gamma_0 + \frac{V}{4} \epsilon P_0 = 2\gamma_0$$

$$\gamma_0 = \frac{V}{4} \epsilon P_0$$

$$\gamma_0 = \frac{V}{24} \epsilon P_0$$

$$\gamma_0 = \frac{V}{4}$$

$$P_{\text{чар}} + \frac{V}{4} = \frac{V}{4} \epsilon P_0 \cdot RT$$

$$P \cdot \frac{V_0}{6} = \gamma_0$$

$$P = \frac{V}{6} = 2\gamma_0 \cdot RT$$

$$P = 6\gamma_0$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

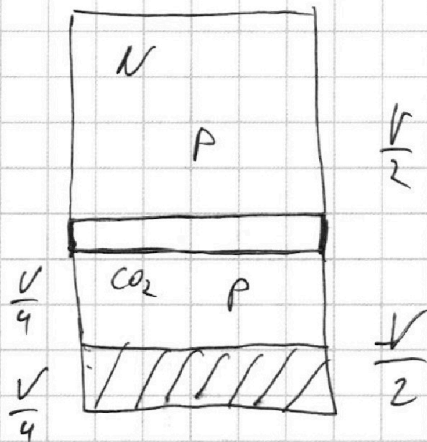
- 1  2  3  4  5  6  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Н.М.В



$$PV = \nu RT$$

$T_0$

$$\Delta y = k p w$$

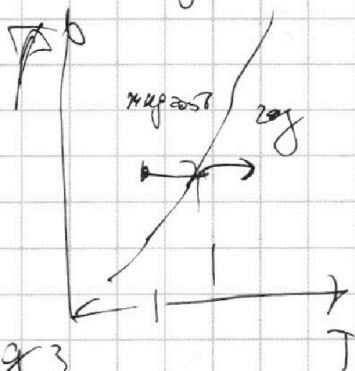
$$\Delta y_{\text{расст.}} = k w \cdot P_{\text{расст.}} = k \frac{V}{4} \cdot P_{\text{расст.}}$$

$$A = P = \frac{dA}{dt} = F \cdot \frac{dL}{dt} = F \cdot w$$

$$P \cdot \frac{V}{2} = \nu_w R T_0$$

$$P \cdot \frac{V}{4} = \nu_{\text{CO}_2} R T_0 \Rightarrow \frac{\nu_w}{\nu_{\text{CO}_2}} = 2$$

$$A_w = A_{\text{CO}_2}$$



$$P_{\text{рас}} \cdot \frac{V_0}{6} = \nu \cdot R T \cdot \frac{4}{3} T_0$$

$$P_0 \cdot \frac{V_0}{2} = \nu R T_0$$

$$\frac{P_{\text{рас}}}{P_0} = \frac{4}{3} \cdot \frac{2}{5} = \frac{8}{15}$$

$$\frac{27}{30} = \frac{9}{10}$$

$$P_{\text{рас}} = \frac{1}{2} P_0$$

$$\frac{10}{15} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{270}{150} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$$

$$\frac{27}{5} = \frac{30}{10}$$

$$\frac{3}{4} \cdot 100 = 75^\circ \text{C}$$

$$\frac{3}{50}$$

$$405 \times 300$$

$$405 \frac{27}{15}$$

$$15 \cdot 30 = \frac{450}{-180} = 270$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$mq = \frac{P}{v} - F_{\text{соп.}}$$

1.  $P = \text{const}$

$v(t), v_0 = 300 \text{ м/с}$

$\frac{1}{5}, \frac{1}{8}$

$\frac{P}{v} = F$

$v_k \rightarrow 30 \text{ м/с}$

$F_k = 405 \text{ кН}$

$P = F \cdot v$

$F = \frac{P}{v} \quad P = F_k \cdot v_k$

$$\begin{array}{r} 405 \\ \times 3 \\ \hline 12150 \end{array}$$

$A = F \cdot L$

$$\frac{4 \cdot 71}{7} + \frac{3}{5}$$

$mq(v_1) = \frac{F_k \cdot v_k}{v_1} - F$

$F = \frac{k_v \cdot v_k}{v_1} - mq$

$$\begin{array}{r} 405 \quad 19 \\ \times 26 \\ \hline 45 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 405 \cdot 30 \\ \times 3 \\ \hline 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 405 \quad 27 \\ \times 27 \\ \hline 135 \end{array}$$

$$15 \cdot 30 = 300 \cdot \frac{3}{5} = \frac{450}{180} = 270$$



$\frac{3}{7}, \frac{4}{7}, \frac{40}{70}, \frac{41}{70}$   
 $\frac{21}{8}, \frac{22}{55}$

$\frac{70}{70}$

$\frac{P_{\text{соп.}}}{P_{\text{поп.}}} = \eta = \frac{P_{\text{соп.}} \cdot v_1}{P_{\text{поп.}} \cdot v_2} = \frac{270}{405} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$

$\eta \gamma = k \cdot \frac{V}{V_0} \cdot P_0$

$\gamma_0 + \eta \gamma - \text{const}$   
 $\frac{7}{12} \sqrt{v} - \text{const}$

$\frac{1}{4} \rightarrow \frac{1}{5} \sqrt{v} - \frac{3}{4} \sqrt{v} = \frac{2}{12} \sqrt{v}$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{dI}{dt} \quad E$$

$$+ \frac{34ES}{d}$$

$$- \frac{306.5}{d}$$

$$+ \frac{4ES}{d}$$

$$- \frac{4ES}{d}$$

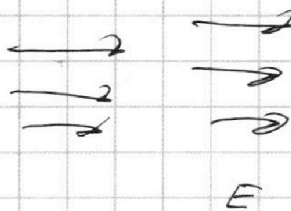
$$2IR + u_{3L} = u_L$$

$$u_{2L} = IR = u_L$$

~~$$2IR$$~~

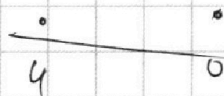
$$\frac{q_2}{ES} = E = \frac{4}{d}$$

$$Eq = \mu q \Rightarrow q = \frac{4}{d} \frac{1}{\mu}$$



$$\frac{\mu v_2^2}{2} = \left( \frac{\mu v_2^2}{2} + q \cdot 4 \right)$$

$$\frac{\mu v_3^2}{2} = \frac{\mu v_2^2}{2} + q4 \quad \frac{2d}{3}$$



$$q4 \quad \frac{\mu v_2^2}{2} = \frac{\mu v^2}{2} + q4$$

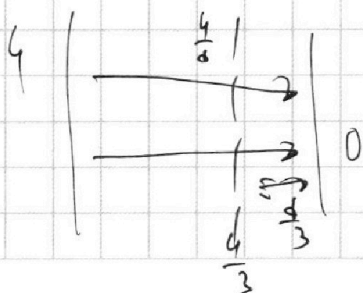
$$q4 =$$

$$\frac{\mu v_1^2}{2} = \frac{\mu v_2^2}{2} + q4$$

$$\frac{\mu v_2^2}{2} + q \cdot 2q = \frac{\mu v_1^2}{2} + q \cdot \frac{4}{3}$$

$$E = \frac{4}{d}$$

$$E = \frac{4}{d} \frac{2}{3} d$$



$$\frac{\mu v_1^2}{2} = \frac{\mu v_2^2}{2} + q \cdot \frac{2}{3} 4$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

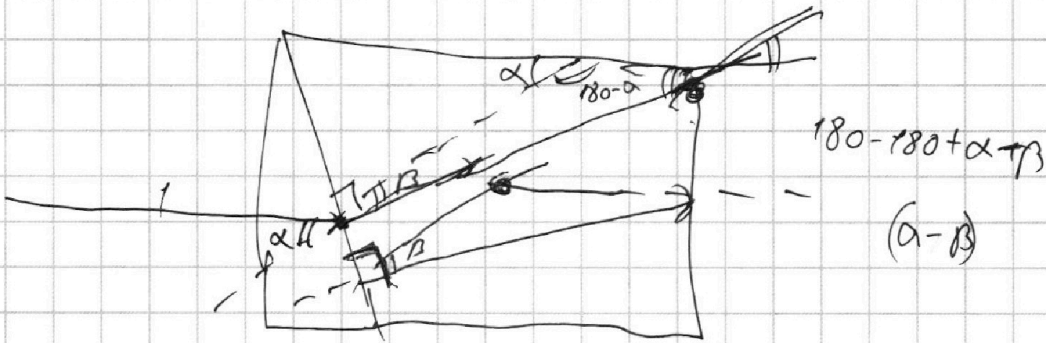
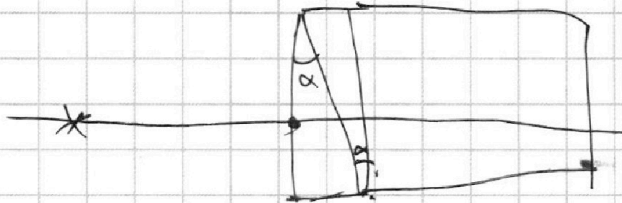
Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- |                          |                          |                          |                          |                          |                          |                          |
|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1                        | 2                        | 3                        | 4                        | 5                        | 6                        | 7                        |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |



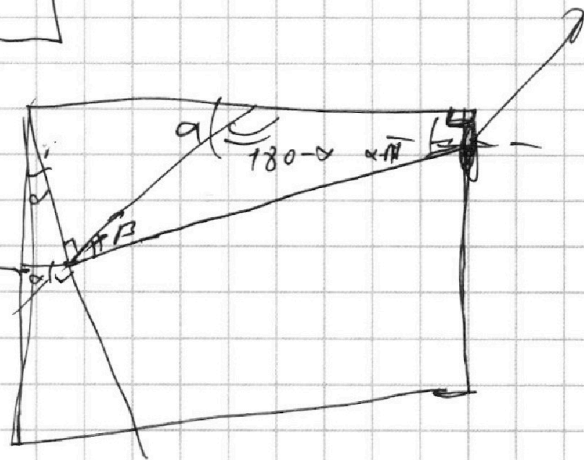
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

5.



$$n_2 \cdot \sin \alpha = n_1 \cdot \sin \beta$$

$$\beta = \frac{n_2}{n_1} \cdot \alpha$$



$$(\alpha - \beta) \cdot n_1 = p$$

$$\left(\alpha - \frac{n_2}{n_1} \cdot \alpha\right) \cdot n_1 = p$$

$$180$$

$$360 - 180 + \alpha - \beta = 90$$

$$(n_1 - n_2) \alpha$$

$$90 = (90 + \alpha - \beta)$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  
  2  
  3  
  4  
  5  
  6  
  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1. ~~Ускорение в графике~~

$$\frac{200}{280} \neq \frac{51}{70}$$

1. Ускорение - касательная к графику  $v(t)$   $\frac{27}{20}$

в точке  $v_1$

$v_2$  графике

$$3 \cdot 10^3 \cdot \frac{3}{4} \cdot 0,6 \cdot 10^3$$

$$P_0 \cdot \frac{V}{4} = \frac{\Delta y}{6} \cdot R T_0$$

$$P_0 \cdot \frac{V}{4} = \frac{k \cdot P_0 \cdot V}{4} \cdot R T_0$$

$$\frac{3}{5} \cdot \frac{3}{4} \cdot 3$$

$$P_H \cdot \frac{V_0}{2} = y_H \cdot R T_0$$

$$P_H \cdot \frac{V_0}{4} = y_{\text{cos}} R T_0$$

$$\Rightarrow \frac{y_{\text{cos}}}{y_H} = 2$$

$$\frac{y_H}{y_{\text{cos}}} = 2$$

$$\delta = \epsilon \cdot R T_0 =$$

$$R T = 2 \cdot 10^3$$

$$\Delta y = k P_0 \cdot \frac{V}{4}$$

ср.

Ручка и карандаш нет

$\frac{5}{2} \cdot \frac{3}{4} = \frac{15}{8}$   
 $\frac{7}{6} P_{\text{max}} - P_0 \cdot \frac{V}{6} = \frac{1}{2} P_0 \cdot V - 4 \text{ см} \cdot P_0$   
 $\frac{7}{6} P_0 \cdot V - \frac{1}{6} P_0 \cdot V = \frac{1}{2} P_0 \cdot V - 4 \text{ см} \cdot P_0$   
 $\frac{6}{6} P_0 \cdot V = \frac{1}{2} P_0 \cdot V - 4 \text{ см} \cdot P_0$   
 $\frac{5}{6} P_0 \cdot V = -4 \text{ см} \cdot P_0$   
 $\frac{5}{6} V = -4 \text{ см}$   
 $V = -4 \text{ см} \cdot \frac{6}{5} = -4,8 \text{ см}$

$\frac{P_0 \cdot V}{6} = \frac{P_0 \cdot V}{6} + \frac{P_0 \cdot V}{6}$   
 $\frac{P_0 \cdot V}{6} = \frac{P_0 \cdot V}{6} + \frac{P_0 \cdot V}{6}$   
 $\frac{P_0 \cdot V}{6} = \frac{P_0 \cdot V}{6} + \frac{P_0 \cdot V}{6}$

$$P' \cdot \frac{V}{6} = y R \frac{V}{3} T$$

$$\frac{P'}{P} = 4$$

$$P_H \cdot \frac{V_0}{2} = y R T$$

$$P' \cdot \frac{7}{12} V = (y_0 + \Delta y) R T$$

$$P' \cdot \frac{V}{6} = 2 y_0 R T \Rightarrow$$

$$V = \frac{V}{6}$$

$$\frac{70}{280}$$

$$\frac{7}{2} = \frac{y_0 + \Delta y}{20}$$

$$P_0 \cdot \frac{V}{2} = \frac{\Delta y}{3} R T_0$$

$$\Delta y = \Delta y \quad \left( \frac{y_H = \Delta y}{6} \right)$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$3 \cdot 10^3 \cdot 0,6 \cdot 10^3$$

$$3 \cdot \frac{3}{5}$$

$$\frac{5}{7} + \frac{3}{7} \cdot \frac{9}{5} = \frac{47}{35}$$

$P_0$

$$P_{\text{max}} = \frac{4}{7} P_0 + \frac{3}{7} P_0 (RT)$$

$$\frac{9}{5} \cdot \frac{3}{7} P_0 (P_{\text{атм}} + P_{\text{max}}) = P_{\text{exp}} = 4P_{\text{атм}}$$

$$P_{\text{атм}} = \frac{24P_0 \cdot RT_0}{V_0}$$

$P_{\text{атм}}$

$$P_{\text{exp}} = \frac{47}{35} P_0$$

$$P_{\text{max}} = \frac{47}{35} \left( \frac{P_{\text{атм}} + P_0}{4} \right)$$

$$\Delta y = k \frac{24P_0 RT_0}{V_0} \cdot \frac{V_0}{4} = \frac{48kRT_0}{3}$$

$$\frac{7}{6} P_{\text{exp}} = \frac{4P_0}{6} + \frac{1}{2} k P_0 RT$$

$$(P_0 + P_{\text{max}}) \frac{3V}{T_2} = \dots$$

$$P_{\text{max}} \cdot \frac{7}{12} V_0 = y_{\text{ср}} RT$$

$$P_{\text{exp}} \cdot \frac{V_0}{6} = y_{\text{ср}} RT$$

$$kRT = \frac{140}{115}$$

$$P_{\text{max}} \cdot \frac{7V_0}{12} = y_0 (1 + RT_0) RT = \dots = \frac{47}{35} P_{\text{атм}}$$

$$P_0 = \frac{P}{4} = P_{\text{ср}}$$

$$P_{\text{атм}} \cdot \frac{V}{4} = y_0 k T_0$$

$$y_{\text{ср}} RT$$

$$(y_0 + k \cdot w \cdot P_0) RT$$

$$\frac{7}{6} V_0 P_{\text{max}} = 24 P_0 RT \cdot \frac{35}{140}$$

$$y_0 RT + k w P_0 RT$$

$$\frac{7}{6} V_0 P_{\text{max}} - P_{\text{exp}} \cdot \frac{V_0}{6} = 24 P_0 RT \cdot \frac{V_0}{4} - \frac{47}{35} P_{\text{атм}} \cdot \frac{V_0}{6} = 24 P_0 RT$$